

BAYERISCHE AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN

Veröffentlichungen der Musikhistorischen Kommission

Band 10



Glossa maior  
in institutionem musicam Boethii

edd.

MICHAEL BERNHARD et CALVIN M. BOWER

Editionsband II

MÜNCHEN 1994  
VERLAG DER BAYERISCHEN AKADEMIE DER  
WISSENSCHAFTEN

IN KOMMISSION BEI DER C. H. BECK'SCHEN  
VERLAGSBUCHHANDLUNG MÜNCHEN

ISBN 3 7696 6003 X

© Bayerische Akademie der Wissenschaften. München, 1994

Satz der Autoren in PC- $\text{\TeX}$  und CRICKET DRAW

Druck und Bindung der C. H. Beck'schen Buchdruckerei Nördlingen

Gedruckt auf alterungsbeständigem (säurefreiem) Papier

Printed in Germany

## INHALTSVERZEICHNIS

Konkordanz der Diagramme .....	VI
Stemma .....	VII
Siglen der Handschriften .....	VIII

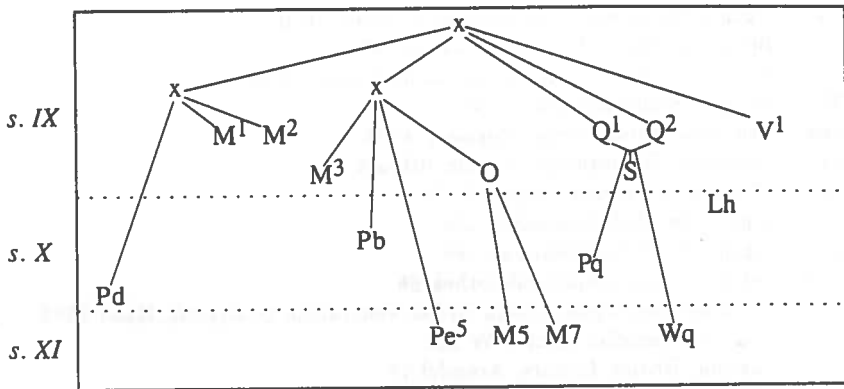
### Edition

lib. II, cap. 1 .....	1
lib. II, cap. 2 .....	3
lib. II, cap. 3 .....	7
lib. II, cap. 4 .....	18
lib. II, cap. 5 .....	24
lib. II, cap. 6 .....	29
lib. II, cap. 7 .....	38
lib. II, cap. 8 .....	52
lib. II, cap. 9 .....	75
lib. II, cap. 10 .....	95
lib. II, cap. 11 .....	102
lib. II, cap. 12 .....	107
lib. II, cap. 13 .....	115
lib. II, cap. 14 .....	118
lib. II, cap. 15 .....	120
lib. II, cap. 16 .....	129
lib. II, cap. 17 .....	135
lib. II, cap. 18 .....	140
lib. II, cap. 19 .....	146
lib. II, cap. 20 .....	151
lib. II, cap. 21 .....	168
lib. II, cap. 22 .....	183
lib. II, cap. 23 .....	190
lib. II, cap. 24 .....	216
lib. II, cap. 25 .....	219
lib. II, cap. 26 .....	224
lib. II, cap. 27 .....	227
lib. II, cap. 28 .....	238
lib. II, cap. 29 .....	253
lib. II, cap. 30 .....	276
lib. II, cap. 31 .....	290

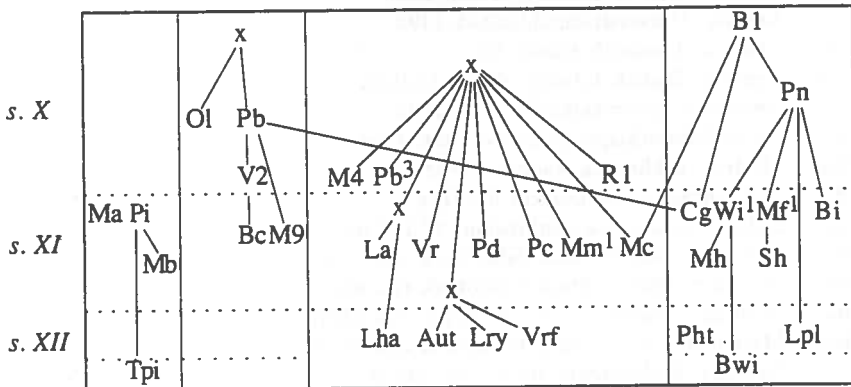
## KONKORDANZ DER DIAGRAMME

Boethius	Friedlein	Bower
II,4	229,23	B1
II,4	230,3	B2
II,4	230,13	B3
II,6	231,16	B4
II,7	233,5	B5
II,7	233,22	B6
II,7	234,4	B7
II,8	235,3	B8
II,8	235,17	B9
II,8	236,1	B10
II,8	237,6	B11
II,8	237,17	B12
II,9	238,19	B13
II,9	239,14	B14
II,12	242,22	B15
II,15	244,14	B16
II,15	244,20	B17
II,15	244,23	B18
II,15	245,8	B19
II,15	245,19	B20
II,15	246,20	B21
II,15	246,28	B22
II,15	247,3	B23
II,16	247,11	B24
II,17	249,1	B25
II,17	249,7	B26
II,17	249,15	B27
II,20	251,14	B28
II,20	253,3	B29
II,31	265,26	B30
II,31	266,1	B31

**STEMMA**  
Zentrale Tradition - Central Tradition

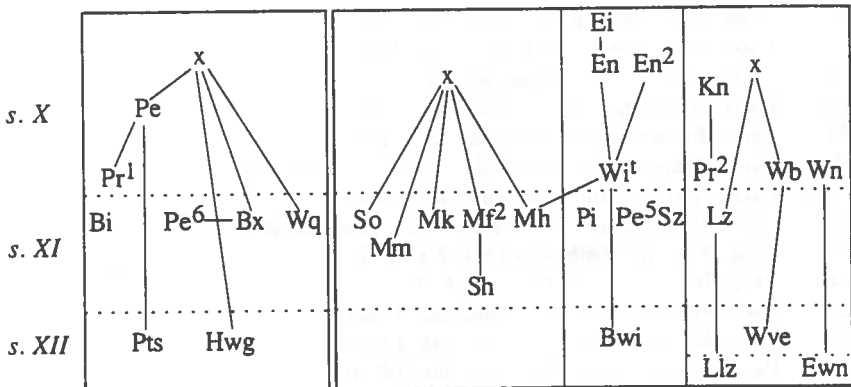


Französische Tradition - French Tradition



Rhein-Maas Tradition

Deutsche Tradition - German Tradition



## SIGLEN DER HANDSCHRIFTEN

<i>Aut</i>	Autun, Bibliothèque municipale 46 (olim 40 B)
<i>B</i>	Besançon, Bibliothèque municipale 507
<i>Bc</i>	Barcelona, Archivo de la Corona de Aragon, Ripoll 42
<i>Bi</i>	Brugge, Stadsbibliotheek 531
<i>Bwi</i>	Bruxelles, Bibliothèque Royale II-6188
<i>Bx</i>	Bruxelles, Bibliothèque Royale 10114-6
<i>Cg</i>	Chicago, Newberry Library F. 9
<i>Ei</i>	Einsiedeln, Stiftsbibliothek 298
<i>En</i>	Einsiedeln, Stiftsbibliothek 358
<i>Ewn</i>	Erlangen, Universitätsbibliothek 66
<i>Hwg</i>	Johannes Hervagius, Opera Bedae Venerabilis presbyteri, Basel 1563
<i>Kn</i>	Köln, Historisches Archiv W 331
<i>La</i>	London, British Library, Arundel 77
<i>Lh</i>	London, British Library, Harley 3595
<i>Lha</i>	London, British Library, Harley 2688
<i>Llz</i>	Leipzig, Universitätsbibliothek 1492
<i>Lpl</i>	London, Lambeth Palace 67
<i>Lry</i>	London, British Library, Royal 15.B.IX
<i>Lz</i>	Leipzig, Universitätsbibliothek 1493
<i>M</i>	Paris, Bibliothèque Nationale, lat. 7200
<i>Ma</i>	Madrid, Biblioteca Nacional 9088
<i>Mb</i>	Melbourne, State Library 091/B.63
<i>Mc</i>	Milano, Biblioteca Ambrosiana C 128 inf.
<i>Mf</i>	München, Bayer. Staatsbibliothek clm 18480
<i>Mh</i>	München, Bayer. Staatsbibliothek clm 6361
<i>Mk</i>	München, Bayer. Staatsbibliothek clm 18478
<i>Mm</i>	München, Bayer. Staatsbibliothek clm 14272
<i>O</i>	Orleans, Bibliothèque de la ville 293-B
<i>Ol</i>	Orleans, Bibliothèque de la ville 293-A
<i>Pb</i>	Paris, Bibliothèque Nationale, lat. 7297
<i>Pc</i>	Paris, Bibliothèque Nationale, lat. 17872
<i>Pd</i>	Paris, Bibliothèque Nationale, lat. 7199
<i>Pe</i>	Paris, Bibliothèque Nationale, lat. 10275
<i>Pht</i>	Paris, Bibliothèque Nationale, lat. 7205
<i>Pi</i>	Paris, Bibliothèque Nationale, lat. 7202
<i>Pn</i>	Paris, Bibliothèque Nationale, Nouv. acq. lat. 1618
<i>Pns</i>	Paris, Bibliothèque Nationale, lat. 16201
<i>Pq</i>	Paris, Bibliothèque Nationale, Nouv. acq. lat. 2664
<i>Pr</i>	Prag, Národní knihovna IX.C.6 (1717)
<i>Pts</i>	Prag, Národní knihovna XIX.C.26
<i>Q</i>	Paris, Bibliothèque Nationale, lat. 13908
<i>R</i>	Paris, Bibliothèque Nationale, lat. 13955
<i>S</i>	Paris, Bibliothèque Nationale, lat. 14080



- Sh* Schaffhausen, Stadtbibliothek 108  
*So* Solothurn, Staatsarchiv Fragm. 8  
*Sz* Szeged, Somogyi Könyvtár, s. n., Fragment  
*Tpi* Torino, Biblioteca Nazionale G.IV.31  
*V* Vaticano (Citta del), Vat. Reg. lat. 1638  
*Vr* Vaticano (Citta del), Vat. Reg. lat. 1283  
*Vrf* Vaticano (Citta del), Vat. Reg. lat. 1005  
*Wb* Wolfenbüttel, Herzog-August-Bibliothek 72 Gud. lat. 2<sup>o</sup>  
*Wi* Wien, Österreichische Nationalbibliothek cod. 50  
*Wn* Wien, Österreichische Nationalbibliothek cod. 55  
*Wq* Wien, Österreichische Nationalbibliothek cod. 2269  
*Wve* Wien, Österreichische Nationalbibliothek cod. 51
- Ces* Cesena, Biblioteca Malatestiana S. XXVI. 1  
*Gbt* Martin Gerbert, *Scriptores I*, St. Blasien 1784, S.343-4  
*Me* Metz, Bibliothèque municipale 494  
*Mo* Montpellier, Bibliothèque de l'Ecole de Médecine H 159



## LIB. II, CAP. 1

## 227,14 DIGESSIT

- 1 ordinavit  
*Wi<sup>2</sup>Bwi*

## 227,14 NUNC

- 2 in hoc libro  
*Vrf*

## 227,16 RATIONIBUS

- 3 demonstrationibus  
*Vrf*

## 227,17 QUIBUS

- 4 per quae  
*PbV<sup>2</sup>*

## 227,17 ELUCUBRATIO

- 5 lucidior  
*Q<sup>1</sup>Wq*

- 6 lucubris [i.] lux vibrans; lucubratio, [i.] blandior, lucidior  
*OPe<sup>5</sup>PqWq*  
lucubris *OPq* i.] *add. PePqWq* luxu *O* vibrans lux *Pe* lucubratio] *om.*  
*Pq* lugubrantior *O* blandior] *om. Pe* i.] *add. Wq*

- 7a vigilans  
*Bc*

- 7b vigilantior  
*KnPe<sup>5</sup>Vrf*

- 8 clarior  
*PnLpl*

- 9 Elucubratio est vigilia et elucubratio parva vigilia; inde dicitur *elucubratio animus*, i. vigilans vel vigilantior, [s.] sollers sagaxque.

*OCgMcMm<sup>1</sup>Pb+Pb<sup>3</sup>Pc\*R<sup>2</sup>AutLryVrf*

Elugubratio *OCg* et] *om. CgR<sup>2</sup>* elugubratio parva *O* elucubratio *Vrf*  
elugubratio *OCg* i.] *om. McMmR<sup>2</sup>AutLryVrf* vigilans sollers sagax vigilantior *Mm* vigilantior] vigilia *Pb* nterior sollers sagaxque *add. Pb<sup>3</sup>* vigilencior  
*Aut* s.] *add. Vrf*

- 10 Luceo, unde lucubris, i. lucens, et lucubratu et elucubratu dicitur; comparativu hic est.

*Mc\*PnWiLpl*

a luceo *Wi* unde] *om. Wi* lutebris *Wi* locubratu *Wi* et elucubratu - est] inde elucubrator comparativu *Wi* et elucubrator comparativu *Lpl* <compar>ativu *ativu Mc*

## 227,18 EA QUAE DICENDA SUNT

- 11 promissio

*Pn*

## LIB. II, CAP. 2

## 227,19 QUID PYTHAGORAS ESSE PHILOSOPHIAM CONSTITUERIT.

- 1 Quid sit philosophia  
*Pb<sup>3</sup>R2AutLhaLry*

## 227,20 PRIMUS OMNIUM PYTHAGORAS SAPIENTIAE STUDIUM PHILOSOPHIAM NUNCUPAVIT

- 2 prius enim dicebatur sophia et sophi  
*Vrf*
- 3a <sup>1</sup>[Philosophia est amor sapientiae,] quia amor sapientiae in omnibus creaturis intellectualibus insitus est. <sup>2</sup>Studium autem sapientiae non nisi in ipsis, qui student et laborant. <sup>3</sup>Ideo bene Pythagoras sapientiae studium philosophiam nuncupavit.  
*CgMf<sup>2</sup>MhMkPbPe<sup>5</sup>ShV2WqAutVrf*  
1 Philosophia est amor sapientiae] *add. MfMhMkPeSh* Phylosophia amor sapientiae *Wq* quia] tamen *MfMhMkShWq* et *Pe* intellectualibus insitus est in omnibus creaturis *AutVrf* in] *om. Pe* creaturis] *om. MfMhMkPeSh* nuncupant *MfSh*  
2 laborant] est *add. Cg*  
3 in principium *gl. posuit Cg* Ideo] *om. Cg* bene] *om. Pe*  
*gl. cancell. Pb*
- 3b Bene nuncupavit Pitagoras phylosophiam studium sapientie, quia non in illis solum deprehenditur, qui eam amant, sed potius in illis, qui eam student.  
*Mm*  
sed potius] si potis *Mm* ea *Mm*

## 227,20 PHILOSOPHIAM

- 4 amorem sapientiae  
*LaPbV2AutLhaLryVrf*

## 227,21 NUNCUPAVIT

- 5 vel vocavit  
*Kn*

## 227,21 QUAM

- 6 philosophiam  
*CgVrf*

**227,21 EIUS REI**

- 7 sapientiae  
*PnLpl*

**227,22 PONEBAT**

- 8 constituebat  
*CgR2*

**227,23 ESSE AUTEM ILLA PUTABAT, ...**

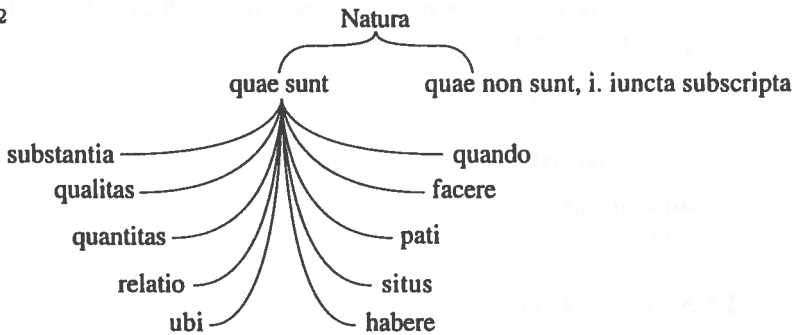
- 9 Quae esse putabat Pythagoras  
*Ma*
- 10 in arithmetica  
*Q<sup>2</sup>*  
*cf. Boeth. arithm. I,1 (8,1-5)*

**227,23 PUTABAT**

- 11 dicebat  
*LaLha*  
vel dicebat *Lha*

**227,25 HAEC AUTEM ESSE ...**

12

*LaMcPb<sup>3</sup>R2AutLhaVrf***227,25 HAEC AUTEM ESSE**

- 13 putabat  
*Pe<sup>5</sup>Aut*

## 227,25 FORMAS MAGNITUDINES QUALITATES HABITUDINES CETERAQUE

- 14 *Formas*, i. figuras geometricas, triangulum, tetragonum pentagonumque. *Magnitudines*, i. quantitates, ut est bipedale, tripedale. *Qualitates*, ut est albedo et nigredo. *Habitudines*, i. proportiones sive comparationes, ut est duplum ad simplum. *Et cetera, quae per se speculata*, i. sua natura considerata, invisibilia sunt atque *immutabilia*.

O

## 227,25 FORMAS

- 15 ideas vel figurationes  
*CgLaPb<sup>3</sup>PcR1+R2AutLhaLryVrf*  
 ideas *scr. R1* vel figurationes *scr. R2* vel figurationes] *om. Cg*
- 16 veras substantias [i. categoriae intelleguntur praeter substantiam]  
*PePnWqLpl*  
 substantias veras *Wq* veras formas *Lpl* veras] *om. Pe* i. categoriae - substantiam] *add. Wq*

## 227,25 MAGNITUDINES

- 17 quantitatibus continuae  
*PbPePnAutLhaLplVrf*  
 quantitates *LhaLpl* continuae] *om. PePnLpl*

## 227,25 QUALITATES

- 18 formas  
*R1*
- 19 generales  
*Wq*
- 20 Qualitas et pro se et pro aliis ponitur.  
*PeWq*

## 227,26 HABITUDINES

- 21 relationes [generales]  
*KnPePrR1Wq*  
 generales] *add. Wq* quibus proportionibus diapente ac diapason constet et quoniam diapason sex tonis non constet *add. Pr* (cf. 227,10)
- 22 proportiones  
*Pe*
- 23 ad aliquid  
*LaPbAutLhaVrf*

**227,26 CETERAQUE**

- 24 ut facere et pati et alia

*Cg*

*cf. II,2,12*

- 25 ut actus, dispositiones, loca, tempora, et quicquid adunatum quodammodo corporibus invenitur, sicut in arithmetica scriptum habetur.

*Lz*

*cf. Boeth. arithm. I,1 (8,6-8)*

**227,26 PER SE SPECULATA**

- 26 a corporibus semota

*Aut*

semota] *corr. ex semita Aut*

**228,1 MULTIMODIS VARIATIONIBUS MUTABILIS REI COGNATIONE VERTUNTUR**

- 27 In cognationem rei mutabilis vertuntur, quia mutabilia efficiuntur.

*Pb*

*gl. cancell. Pb*



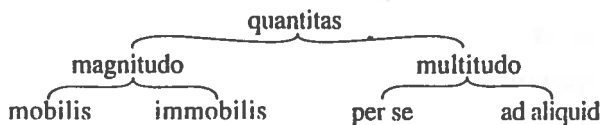
LIB. II, CAP. 3

228,3 DE DIFFERENTIIS QUANTITATIS

1 in VIII kapitulo

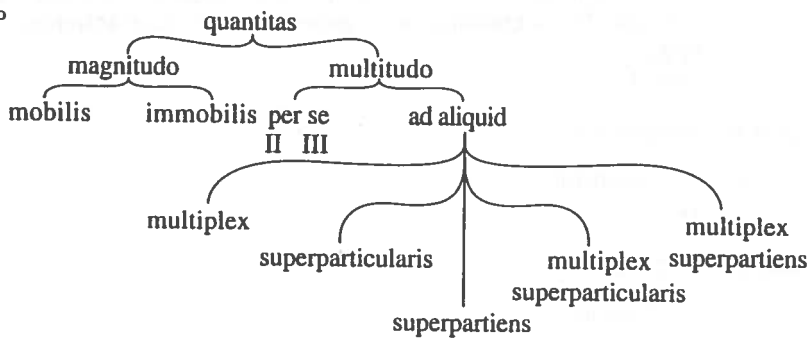
$Q^2$

2a



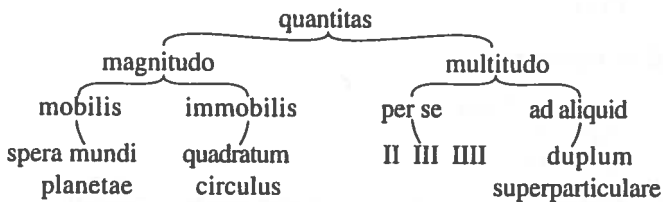
*McPb<sup>3</sup>Pc\*AutVrf*

2b



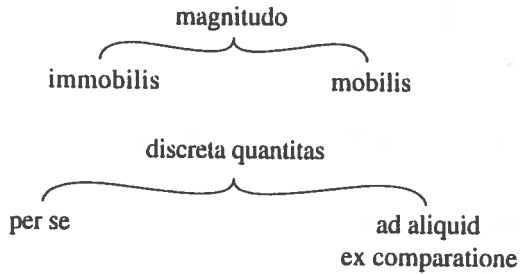
*Cg*

2c



*R2*

2d



*Lha*  
 ex comparatione] sub tertio ramo *Lha*

**228,3 QUAE**

- 3 quantitas  
*Pb V2*

**228,3 DISCIPLINAE**

- 4 <sup>1</sup>Disciplina, i. regula cuiusque artis, qua ipsa ars constringitur,  
<sup>2</sup>sicut disciplina divini servicii, qua constringuntur mores, i. profi-  
 tentium, <sup>3</sup><...> grammatorum genera numeri <...> actiones.  
*Ei\*En*  
 3 om. *En*

**228,6 CONTINUA<sup>1</sup>**

- 5 ut magnitudo  
*Aut*

**228,6 DISCRETA**

- 6 ut numerus  
*Aut*

**228,6 QUAE**

- 7 quantitas  
*Pb V2*

**228,6 MAGNITUDO**

- 8 ut arbor, linea  
*CgPbPe<sup>5</sup> V2*  
*cf. II,3,31*
- 9 Magnitudo crescendo non habet modum secandi.  
*Wq*

**228,7 MULTITUDO**

- 10 ut grex, acervus  
*CgPbV2Aut*  
 acervus] numerus *Cg*
- 11 Multitudo crescendo non habet modum numerandi.  
*Wg*
- 12 ut numerus  
*Aut*

**228,7 QUORUM**

- 13 eorum quae supra dixit  
*PnLpl*  
 dixi *Lpl*
- 14 magnitudinis et multitudinis; neutraliter dicit  
*Aut*

**228,8 DIVERSA ET CONTRARIA PAENE PROPRIETAS**

- 15 Ideo dixit *pene contrariam proprietatem*, quia in utrisque est infinitas, licet diverso modo. Proprie igitur dixit *diversa et contraria pene proprietas*.  
*OPe<sup>5</sup>*

**228,9 A FINITA INCHOANS QUANTITATE**

- 16 ab unitate i. monade  
*PnWiLpl*  
 i. monade] *om. Wi*
- 17 uno  
*Aut*

**228,9 IN INFINITA**

- 18 non actu, sed ratione, i. computatione  
*Vrf*

**228,10 AD MINIMUM**

- 19 decrescendo usque ad unum  
*Aut*
- 20 in unitate  
*Vrf*

**228,11 INTERMINABILIS AD MAIUS**

- 21 quia crescit in infinitam pluralitatem  
*OPbV2*
- 22 quantum tibi libuerit ascendendo  
*Aut*

**228,11 INTERMINABILIS**

- 23 est  
*Aut*

**228,11 AD MAIUS**

- 24 ascendendo  
*Aut*

**228,11 EIUSQUE**

- 25 multitudinis  
*Aut*

**228,12 UNITAS**

- 26 monas  
*PnLpl*  
monos *Lpl*

**228,12 QUA**

- 27 unitate  
*Pe<sup>5</sup>Aut*

**228,13 IN INFINITA**

- 28 ratione  
*Vrf*

**228,14 QUOMINUS**

- 29 [ut] non [crescat magis et magis]  
*Q<sup>1</sup>PbPe<sup>5</sup>PnV2AutLplVrf*  
ut] *add. PbPePnAutLplVrf* crescat magis et magis] *add. Aut*

**228,14 MAGNITUDO**

- 30 quantitas continua  
 $Q^2$
- 31 ut arbor, lapis vel linea  
*PbV2*  
*cf. II,3,8*

**228,16 DECRESCIT**

- 32 per partes divisa  
*PbV2*

**228,16 VEL CUIUSLIBET ALTERIUS MODI**

- 33 vel bipedalis  
*Lz*  
*cf. I,6,72; I,32,24*

**228,17 MODI**

- 34 mensurae  
*PbV2*

**228,20 ITA**

- 35 sic  
*Pn*

**228,20 AD MAIOREM MODUM**

- 36 pertinet  
*Pe5*
- 37 attinet  
*PnPq*

**228,20 MODUM**

- 38 mensuram, quando integra est  
*PbV2*  
 est] *om. V2*

**228,21 TERMINATA EST**

- 39a habet enim terminum suae magnitudinis  
*OPe<sup>5</sup>*
- 39b terminum habet  
*Aut*
- 40 ut de monte aliquo accipias vel speram terre vel aliquod huiusmodi  
*Aut*

**228,21 TERMINATA**

- 41 finita  
*Wi*

**228,21 INFINITA**

- 42 termino caret  
*Aut*

**228,22 NUMERUS**

- 43 discreta quantitas  
*Aut*

**228,22 AD MINOREM MODUM**

- 44 ad unitatem  
*PbV2Vrf*
- 45 unum  
*Aut*

**228,22 FINITUS EST**

- 46 quia unitate finitur  
*O*

**228,23 CUM IGTUR HAEC ITA SINT INFINITA**

- 47 quandoquidem multitudo in infinita progreditur, magnitudo vero  
in infinita decrescit  
*Aut*

**228,24 DE REBUS FINITIS**

- 48 duplo, triplo et c.  
*Pe*

**228,25 INQUE REBUS INFINITIS REPPERIT ALIQUID TERMINATUM**

49 ut puta de numeris infinitis eligit X aut XX  
O

50 F<ulbertus>: [sunt] verbi gratia in multitudine terminos abaci, in magnitudine intervalla mundi

*LaMcPb<sup>3</sup>AutLhaLryVrf*  
F<ulbertus>] om. *LaMcLhaLry* sunt] *add. Lry*

**228,25 INQUE**

51 quia  
*Aut*

**228,26 DE QUO**

52 pro in quo  
*PbV2Lha*  
vel in *Lha*

53 vel ad quod  
*PbPcAutLryVrf*  
vel] om. *Lry*

54 invento  
*CgLzR1AutLhaLryVrf*

**228,26 POSSET**

55 philosophia  
*Aut*

**228,27 ACUMEN PROPRIAE SPECULATIONIS ADHIBERE**

56 in finitis naturaliter  
*LaPb<sup>3</sup>AutLhaVrf*  
in] om. *LaLha*

**228,27 MAGNITUDINIS**

57 quantitatis continue  
*Aut*

**229,1 EO**

58 mundo  
*V2*

**229,1 QUICQUID IN EO RATA CELERITATE CONVERTITUR**

59 sicut planetae

*CgR1*

sicut] ut *Cg*

**229,2 DISCRETAE VERO QUANTITATIS**

60 Numeri vel multitudin<is>

*O*

**229,2 ALIA SUNT PER SE**

61 discreta

*V2*

62 sine relatione, ut I II III et c.

*Aut*

*cf. II,3,84*

**229,3 TRES**

63 naturalis numerus

*Pe5*

**229,3 ALIA**

64 discrete quantitatis

*Pe5*

**229,3 AD ALIQUID**

65 relata

*V2*

**229,4 DUPLUM**

66 ad id, cuius est duplum

*Pe5*

67 II III VIII et c.

*Aut*

**229,4 TRIPLUM**

68 III VI<III>

*Aut*



**229,4 ALIAQUE QUAE EX COMPARATIONE NASCUNTUR**

- 69a ut sesquialter, sesquitercius et reliqui  
*OPe<sup>5</sup>*
- 69b ut sesquialter, sesquitercius, sesquioctavus et c.  
*Aut*

**229,4 COMPARATIONE**

- 70a relatione musica  
*Cg*
- 70b relatione  
*LzVrf*  
*instar textus et suprascr. aliter comparatione Vrf*

**229,5 IMMOBILIS**

- 71 quia terra immobilis dicitur  
*Lz*

**229,5 SED IMMOBILIS MAGNITUDINIS GEOMETRIA SPECULATIONEM TENET, ...**

- 72 immobilis magnitudo – geometria  
mobilis magnitudo – astronomia  
discreta quantitas – arithmetica  
ad aliquid relata quantitas – musica  
*Mc*

- 73 <sup>1</sup>Geometria graece, terrae mensura latine nuncupatur. <sup>2</sup>Haec enim disciplina licet caeli et aeris et maris spacia metiatur. <sup>3</sup>Ex initio sui, i. ex terrae mensura nomen accepit. <sup>4</sup>Tali enim ordine graditur: <sup>5</sup>Duo grana hordei digiti unius transversio est. <sup>6</sup>XVI digiti transversi pedem efficiunt. <sup>7</sup>Duo vero pedes et dimidius faciunt gressum. <sup>8</sup>Duo gressus faciunt passum. <sup>9</sup>Passus vero CXXV stadium est et VIII stadia mille passus efficiunt. <sup>10</sup>Preterea huius disciplinae ars continet in se liniamenta, intervalla, magnitudines, figuras, et in figuris dimensiones et numeros.

<sup>11</sup>Haec autem ars et arithmetica inter se coherent, ut una sine altera esse non possit. <sup>12</sup>Arithmetici enim et geometrici omnem rem numero et mensura constare dicunt. <sup>13</sup>Geometrica autem secunda species physicae.

<sup>14</sup>Astronomia astrorum lex, quae cursus syderum et figuras et habitudines stellarum circa se et circa terram indagabili ratione percurrit. <sup>15</sup>Est autem quarta species physicae.

<sup>16</sup>Arithmetica dicitur numerorum disciplina; greci enim numerum rithmon vocant.

*Pe*<sup>5</sup>

14 cf. *Isid. etym. II,24,15*

#### 229,5 INMOBILIS MAGNITUDINIS

74 ut quadratum vel triangul<um>

*O*

75 [ut] terrae

*CgAut*

ut] *add. Aut*

#### 229,5 MAGNITUDINIS

76 quantitatis, i. numeri

*Aut*

#### 229,5 GEOMETRIA SPECULATIONEM TENET

77 nam terra immobilis esse dicitur

*Pn*

#### 229,6 MOBILIS

78 ut spera mundi

*PbV2*

79 quantitatis

*Pe*<sup>5</sup>*Aut*

80 magnitudinis

*V2*

81 multitudinis

*Aut*

#### 229,6 ASTRONOMIA

82 movetur enim caelum cum astris

*LzPn*

83 sciencia astrorum

*Aut*

**229,7 PER SE**

- 84 sine relazione, ut I II III et c.  
*Aut*  
*cf. II,3,62*

**229,7 DISCRETAE QUANTITATIS**

- 85 ut tres, IIII caeterique numeri  
*Pb*

**229,7 ARITHMETICA**

- 86 quia ipsa ad se refertur  
*OPe<sup>5</sup>*
- 87 ipsa docet quantitatem discretam  
*Aut*

**229,7 AUCTOR**

- 88 Auctor, quando significat incrementum, femininum facit auctrix;  
 quando vero auctoritatem, facit hic et hec auctor.  
*R2*

**229,8 AD ALIQUID VERO RELATAE**

- 89 ut duplum ad simplex  
*PbV2*
- 90 quantitatis  
*Pe<sup>5</sup>V2Aut*

**229,8 MUSICA PROBATUR OBTINERE PERITIAM**

- 91 quia magis versatur in duplicibus proportionibus vocum, ut de  
 gravi ad acutam, quam in aliis  
*Aut*

## LIB. II, CAP. 4

## 229,10 DE RELATIVAE QUANTITATIS DIFFERENTIIS.

1

relativa quantitas

simplex genus                      compositum

*McPb<sup>3</sup>R2AutVrf*

## 229,11 PER SE

2 ut sunt numeri unum, duo, tres

*CgPbV2*

229,12 RELATAE VERO AD ALIQUID QUANTITATIS SIMPLICIA  
QUIDEM GENERA SUNT TRIA

3 tamen in duobus solummodo generibus, i. multiplici et superparticulari, consonantiae musicae reperiuntur. Ideo autem alia genera, i. superpartiens et c. reponit, quia quidam fuerunt, qui secundum illa musicae consonantias facere voluerunt.

*Lpl*

## 229,13 RELATAE VERO AD ALIQUID QUANTITATIS

4 species sunt V, quas conamur persequi

*M<sup>3</sup>*

## 229,15 MULTIPLEX

5 naturalis

*Pe<sup>5</sup>*

## 229,16 ALIAE

6 species

*Pe<sup>5</sup>Aut*

## 229,17 MULTIPLEX SUPERPARTICULARIS

7 haec est una species

*Aut*

## 229,17 MULTIPLEX SUPERPARTIENS

8 alia species

*Aut*

**229,18 HORUM**

- 9 multiplicis, superparticularis, superparcientis, aliorum omnium  
*Aut*

**229,18 SI UNITATEM CUNCTIS IN NATURALI NUMERO VOLUERIS  
COMPARARE**

- 10 ut in figura patet sequenti  
*Aut*

**229,20 DUO ENIM AD UNUM DUPLUS EST**

- 11 vide in figura  
*Aut*  
*cf. 229,23-24 (B1)*

**229,21 AD EUNDEM**

- 12 unum  
*CgPbPnV2Aut*

**229,21 QUATTUOR**

- 13a ad unum  
*PbPnV2*
- 13b ad eundem, i. unum  
*Aut*

**229,23 ad B1**

- 14 Multiplex  
*Mc*

**229,26 NATURALEM SIBI COMPARA NUMERUM DETRACTA SCI-  
LICET UNITATE, UT TRES DUOBUS**

- 15 De tribus tolle I; sunt II. Compara igitur III II.  
*O*
- 16 Non ponatur in ordine unitas, ut in figura patet, sed incipe II III  
et c.  
*Aut*

**229,26 NATURALEM SIBI COMPARA NUMERUM**

- 17 <...> naturali numero, dicens II III V et c.  
*Aut*

**229,26 DETRACTA SCILICET UNITATE**

- 18 remota; hic enim inchoandum est a binario  
*Vrf*

**229,27 QUINARIUM**

- 19 compara  
*LzVrf*

**230,3 ad B2**

- 20 II III IIII VIII VIII  
 diapente diatessaron tonus  
*Kn*

- 21 Superparticularis  
*Mc*

**230,8 SUPERPARTIENTES**

- 22 numeros  
*Wi<sup>2</sup>*

- 23 Superpartiens ad comparationem superparticularis dictus [est],  
 quod s. hic maiorem, ille minorem comitis sui extra eius totam  
 quantitatem assumat partem.

*OMcMm<sup>1</sup>PbPe<sup>5</sup>PqV2WqAutLhaLryVrf*

Superpartiens] *om. Mc est] add. Vrf s.] om. Lha comitis] comiti McMm-  
 AutLry(1) commatis V2 extra] extat O totam eius O assumit Mc  
 gl. repet. Lry*

**230,9 A TERNARIO**

- 24 numero, ut figura innuit sequens, remoto binario  
*Aut*  
*cf. 230,13-15 (B3)*

**230,9 SI UNUM IGITUR INTERMISERIS**

- 25 et dicas III et V

*Aut*

- 26
- <sup>1</sup>
- In ducum dispositione a ternario, qui est primus comes, unum intermittes, i. IIII, accipies autem V, qui ad III superbipartiens est.
- <sup>2</sup>
- Rursum IIII accipies ac duos intermittes, i. V et VI, et eius supertripartientem repperies VII.
- <sup>3</sup>
- In comitibus vero naturalem exequeris numerum.

*OMcPbPcPe<sup>5</sup>PqV<sup>2</sup>WqAutLryVrf*1 In ducum] Indecum in *suprascr.* vel ducam *O* est] *om.* *Lry* i.] hoc est *Vrf* V] *om.* *Pe* qui ad] quia *Pq* est] *om.* *Lry*2 Rursus *PqWqVrf* duo *V<sup>2</sup>* i.] vel *Aut* hoc est *Vrf* superpartientem *Mc* VII] *om.* *Mc* i. VII *Vrf*3 exequaris *PePq* exequens *Lry***230,10 UNUM**

- 27 IIII

*Aut***230,10 SUPERBIPARTIENTEM**

- 28 Habet enim quinarium totum ternarium in se et insuper duas tercias ipsius ternarii; unde et superbipartiens dictus est et subaudiendum est tercias.

*Mc***230,11 SI DUO**

- 29 si duos numeros intermiseris

*PbV<sup>2</sup>*  
duo *V<sup>2</sup>*

- 30 V et VI

*Aut***230,11 SUPERTRIPARTIENTEM**

- 31 et dicas IIII et VII

*Aut*

- 32
- <sup>1</sup>
- Similiter supertriparciens quartas est septenarius contra IIII. Habet enim totum quaternarium in se et insuper tres eius quartas.
- <sup>2</sup>
- Nihilominus VIII contra V superquadripartiens quintas dicitur, qui habet totum quinarium in se et eius IIII
- <sup>or</sup>
- V
- <sup>tas</sup>
- reliqua.

*Mc*2 Nihilominus *Mc* contra] *lectio incerta Mc*

## 230,11 SI TRES

33 VI et VII et VIII

*Aut*

## 230,11 SUPERQUADRIPARTIENTEM

34 et dicas V et VIII

*Aut*

## 230,14 ad B3

35 Superpartiens

*Mc*

## 230,16 SPECTANS

36 intendens

*PbV2*

37 lector

*Aut*

## 230,16 COMPOSITAS EX MULTIPLICI ET SUPERPARTICULARI VEL MULTIPLICI ET SUPERPARTIENTI

38	sesqualter	III	VI	VIII
	duplex sesqualter	III	X	XXV
	superbipartiens	VIII	XV	XXV
	duplex superbipartiens	VIII	XXIII	LXIII

*Q2S\**

39 <sup>1</sup>Multiplices superparticulares reperiuntur, si comites primos adiunxeris ducibus suis et superparticulari proportione vel sesqualtera vel aliis, <sup>2</sup>similiter et ex superpartientibus multiplices superpartientes invenies. Sed in comitibus naturalem servabis ordinem.

*OCgMcPbPe<sup>5</sup>PqV2WqAutLryVrf*

1 primos - similiter] primos superparticularis proportionis ducibus suis adiunxeris ac totum comiti compares. Similiter *Cg* primos adiunxeris] *om. McAut-LryVrf* suis et] sive ut *O* suis ex *Pe* propositione *Wq* proportionum *Aut* proportionem *Lry* vel aliis] similiter superentur *add. Vrf*

2 et] *om. Cg* ex] *om. V2Wq* superpartientibus *Pq* servat *CgV2Wq* servabit *Pq*



**230,17 EX MULTIPLICI ET SUPERPARTICULARI**

- 40 ut multiplex sesquialter  
*P<sub>n</sub>*
- 41 Duces et comites ad comites comparati, ut III et II ad II, multiples superparticulares faciunt.  
*Mc*

**230,18 SPECULABITUR**

- 42 videbit  
*P<sub>6</sub>V<sub>2</sub>*

**230,19 ARITHMETICIS**

- 43 praeceptis  
*Aut*

## LIB. II, CAP. 5

## 230,21 SED IN HIS ILLUD EST CONSIDERANDUM, QUOD MULTIPLEX ...

- 1 Multiplex  
*Mc*

## 230,22 DUOBUS RELIQUIS

- 2 generibus, superpartulari et superpartienti  
*PbV2Aut*  
generibus] *om. Aut*

## 230,23 ANTIQUIUS

- 3 nobilius  
*M<sup>3</sup>S*
- 4 excellentius  
*M<sup>3</sup>*
- 5 honorabilius  
*Q<sup>2</sup>P<sub>e</sub><sup>5</sup>*
- 6 dignius  
*AutVrf*

## 230,23 IN MULTIPLICIBUS UNITATI

- 7 Duo enim ad unum primus est duplus.  
*OQ<sup>2</sup>SV<sup>1</sup>PbPqWq*  
est duplus] duplex est et rel. *Q* duplus est *S* dupli est *Pq* duplus *Wq*

## 230,23 IN MULTIPLICIBUS

- 8 ut duplus, triplus, quadruplus  
*Pn*

## 230,24 QUAE PRIMA EST

- 9 et ideo dignus est  
*Aut*

## 230,24 SUPERPARTICULARIS VERO ...

- 10 Superpartularis  
*Mc*

**230,24 SUPERPARTICULARIS VERO NON UNITATIS COMPARATIONE PERFICITUR**

- 11 quod s. unitas divisionem medietatis non recipit  
*Q<sup>2</sup>SV<sup>1</sup>McPbPcPqWqLhaLryVrf*  
 quod] *om. Wq* que *S* quia *McPcPqLhaLryVrf* unitas scilicet *V* s.] *om.*  
*PqLha* medietatis] medietas *Mc* unitatis *Wq*

**230,25 IPSORUM**

- 12 comparatione  
*AutVrf*

**230,26 QUI POST UNITATEM SUNT DISPOSITI**

- 13 et ideo indignius est multiplici  
*Aut*

**230,28 SUPERPARTIENTIUM VERO ...**

- 14 Superpartiens  
*Mc*

**230,28 SUPERPARTIENTIUM**

- 15 porporcionum  
*Aut*

**230,28 LONGE RETRO FORMATIO EST**

- 16 indignior est  
*Aut*

**231,1 QUAE**

- 17 formacio  
*Aut*

**231,1 CONTINUIS NUMERIS**

- 18 Continuos numeros dicit, inter quos nullus naturalis numerus intermittitur.  
*M<sup>9</sup>*
- 19 sicut superparticularis  
*Pe<sup>5</sup>*  
 superparticularis] super partem *Pe*

**231,1 INTERMISSIS**

- 20 numeris  
*Aut*

**231,3 UNA**

- 21 intermissione  
*Pb V2Aut*

**231,3 DUABUS**

- 22 intermissionibus  
*Aut*

**231,3 TRIBUS**

- 23 intermissionibus  
*V2Aut*  
intermissione *V2*

**231,4 QUATTUOR**

- 24a intermissis numeris  
*Pb V2*
- 24b intermissionibus  
*Aut*

**231,4 AMPLIUS**

- 25 dicendum  
*Pb3*
- 26 probo, quod longe antiquior duobus reliquis videtur genus multiplex inequalitatis  
*Aut*

**231,5 SUPERPARTICULARITAS A BINARIO**

- 27 iam fit impurior  
*Aut*

**231,6 SUPERPARTIENS PROPORITIO A TERNARIO**

- 28 et hic magis impurior, s. multiplici  
*Aut*

231,7 NUNC QUAEDAM, QVAE QUASI AXIOMATA GRAECI VOCANT ...

- 29 Axiomata  
*KnPr*

231,7 AXIOMATA

- 30a [Axiomata sunt] proloquia [laude digna]  
*Q<sup>1</sup>SV<sup>1</sup>CgKnLzPnPrWiWnBwiEwnLzPht*  
Axiomata sunt] *add. Cg* proloquium *WiBwi* laude digna] *add. Cg(2)PnPhl*  
(*cf. II,5,36b*)  
*gl. repet. CgKn*  
(*cf. II,5,37*)
- 30b proloquia valde pulchra  
*Wq*
- 31 demonstrationes  
*OEnPe<sup>5</sup>*
- 32 praemonstrationes  
*Q<sup>2</sup>SPePq*
- 33 praestructiones alicuius rationis  
*OQ<sup>2</sup>SPePq*  
praestructiones] *scriptiones O* alicuius] *alias sunt S*
- 34 praelocutiones  
*OQ<sup>2</sup>SPq*  
praelocutionis *O*
- 35 Anxiomata dicuntur dignitates.  
*Vrf*
- 36a admiratione digna; quae et proloquium [dicuntur], quia obnoxium est veritati aut falsitati  
*M<sup>3</sup>OPbPeV2WqHwgPts*  
quae et] *vel Wq* proloquia *PeHwg* prologa *Pts* dicuntur] *add. PeHwgPts*  
quia obnoxium est] *i. obnoxium PbV2* *i. obnoxia PeHwgPts* obnoxium *Wq*  
veritati aut] *om. Wq* aut] *vel PbPeV2HwgPts*
- 36b <sup>1</sup>Axioma est proloquium laude dignum. <sup>2</sup>Proloquium est obnoxium veritati aut falsitati, ut: Cicero disputat, Cicero non disputat.  
*BiMcPnLpl*  
1 est] *om. Mc* laude dignum] *cf. II,5,30a*  
2 aut falsitati] *vel fulsit Lpl* ut: Cicero] *ut vero Pn* Cicero non] *non Lpl*

- 37 <sup>1</sup>*Axiomata* [sunt enuntiationes verum vel falsum significantes,]  
 [2]quae et proloquia dicuntur,] <sup>3</sup>et maxime propositiones in topi-  
 cis. <sup>4</sup>Durant autem haec axiomata eo usque, ubi dicit: *Sed de his*  
*hactenus* et c.

*CgMcMm<sup>1</sup>Pb<sup>3</sup>PcR2AutLhaLryVrf*

1 sunt - significantes] *add. Cg* enuntiationes verum significantes vel falsum *add.*  
*R2*

2 *add. CgMcMmAutLryVrf* et axiomata dicuntur proloquia *add. R2* (cf.  
*II,5,30a*) et] *om. Mm* dicuntur] *om. Cg*

3 et] *om. MmPbPcLha* vel *Cg* propositiones *Mc* proportiones *Pc* in topicis]  
*om. Cg*

4 *om. Mm* Durant autem haec axiomata eo] Haec autem durant eo *R2* Haec  
 autem ex eo durant *Lha* eo usque] eisque *Lry* eo] et *Mc* Sed] *om. Lry* et  
 c.] *om. CgPcAutVrf*

*cf. Aristot. top. ad 160b29 etc.*

### 231,8 QUAE TUNC DEMUM, QUO SPECTARE VIDEANTUR, INTEL- LEGEMUS

- 38 promissio

*Pn*

### 231,8 QUO

- 39 ad quod

*LzPc<sup>5</sup>*

- 40 ad quem partem

*Pc<sup>5</sup>*



- 9 <sup>1</sup>Pulchro et miro modo axioma istud crescentes multiplicis species ac decrescentes superparticularis partes insinuat. <sup>2</sup>Multiplicis quidem in his numeris, qui post quadratos detractos ab aliis quadratis remanent. <sup>3</sup>Superparticularis autem in his, qui ex eorum iunctis lateribus fiunt. <sup>4</sup>Est ergo in forma multiplicis primo totum quasi unitas, tunc eius duplum, deinde triplum, exin quadruplum <sup>5</sup>omnesque per ordinem reliquae eius speciei crescentes ad naturam s. multitudinis, i. discretæ quantitatis. <sup>6</sup>In forma vero superparticularis primo totum, tunc dimidium, deinde pars tertia, post quarta, <sup>7</sup>dehinc omnes huiusce speciei partes decrescentes ad naturam v. magnitudinis, i. continue quantitatis.

*Pe*

5 speciei] speci *Pe*

7 speciei] spaciei *Pe* magnitudinis *Pe*

### 231,18 SUPERIUS IGITUR DISPOSITUS NUMERUS

- 10 II, III, VIII et c.

*Aut*

### 231,18 EST LATUS

- 11 Ponuntur enim in lateribus quadratarum figurarum

*O*

- 12 est pars

*Aut*

### 231,19 QUADRATORUM

- 13 VIII, VIII, XVI et c.

*Aut*

VIII *Aut*

### 231,19 INFERIUS DESCRIPTORUM

- 14 in secundo ordine, s. numerorum

*Aut*

### 231,19 CONTINUI

- 15 *Continuos* dicit ideo, quia statim post primum quadratum, i. VIII, sequitur aliud quadratum, i. XVI, nullo alio quadrato entemedio. Similiter omnes alii quadrati subsecuntur *sese in ordine*.

*Aut*



**231,21 SI IGITUR ...**

16 Axioma  
*AutLryVrf*

17 <sup>1</sup>Quod auferam a novem quatuor, quod est minus quadratum, remanebunt tot de illo maiore quadrato numeri, quot sunt numeri in superiori ordine, i. II, qui sunt latus IIII, et III, qui sunt latus VIII. <sup>2</sup>Nam tres et duo sunt V, et V remansere de VIII, cum inde removisti minorem quadratum, i. IIII. <sup>3</sup>Et sic competenter vide in aliis.  
*Aut*

**231,21 SI IGITUR**

18 a causa  
*Aut*

**231,22 CONTINUUM QUADRATUM MINOREM**

19 IIII  
*Aut*

**231,22 A CONTINUO QUADRATO MAIORE**

20 VIII  
*Aut*

**231,22 A CONTINUO**

21 a proximo  
*PbV2*  
a) ad *V2*

**231,22 SUSTULERO**

22 ut IIII de VIII  
*PnLpl*  
*IX Lpl*

**231,24 UTRORUMQUE QUADRATORUM**

23 IIII et VIII  
*OPn*

24 minoris s. maiorisque  
*PbPcV2AutLhaVrf*  
minoris] *om. V2*

**231,25 QUI**

- 25 V  
Aut

**231,25 DUOBUS ET TRIBUS, QUI SUNT UTRORUMQUE QUADRATORUM LATERA**

- 26 <sup>1</sup>Latus novenarii III sunt, latus quaternarii II sunt. <sup>2</sup>Idem enim et fundamentum est et latus quadrati, cuius latus est.  
*McPnLpl*  
1 sunt] *om. Lpl* 2 *om. PnLpl*

**231,27 CONIUNGUNTUR**

- 27 creantur; nam II et III sunt quinque  
Aut

**231,27 NOVENARIUM**

- 28 quadratum, quod sequitur post IIII  
Aut

**231,27 QUI**

- 29 quadrato  
Aut

**231,28 QUI**

- 30 numerus septenarius  
*PbV2AutLhaVrf*  
septenarius numerus *Vrf*

**232,1 QUI**

- 31a numerus ternarius et quaternarius  
*Pn*
- 31b III et IIII  
Aut

**232,1 PRAEDICTORUM QUADRATORUM**

- 32 VIII et XVI  
*OLaPbV2AutLhaVrf*

**232,2 LATERA SUNT**

- 33 in superiori regula  
*Aut*

**232,3 QUOD SI NON ...**

- 34 Axioma  
*CgMcPb<sup>3</sup>R2AutLhaLryVrf*

**232,3 UNUS**

- 35 quadratus  
*O*

**232,4 TRANSMISSUS**

- 36 <sup>1</sup>remotus; verbi gratia: <sup>2</sup>Inter IIII et XVI est novenarius. <sup>3</sup>Aufer novem et post dicas IIII et XVI. <sup>4</sup>Et aufer quadratum IIII a XVI, remanent XII. Cuius duodecim est medietas id, quod efficitur ex lateribus utrorumque. <sup>5</sup>Nam latus IIII sunt II, latus XVI sunt IIII. <sup>6</sup>Sic II et IIII iuncti sunt VI, et VI est medietas XII.  
*Aut*  
*2 XVI] VI Aut*

**232,4 RELINQUITUR**

- 37 remanet a XVI ablato quaternario  
*Vrf*  
ablato .E. quaternario *lectio incerta Vrf*

**232,4 FIT**

- 38 XII  
*Aut*

**232,5 EX UTRIVSQUE LATERIBUS**

- 39 IIII et XVI  
*Aut*

**232,5 UT SI QUATERNARIUM ...**

- 40 exponit  
*Aut*

**232,7 MEDIETAS EST IS NUMERUS**

- 41 VI  
*PnAutLpl*

**232,7 QUI EX UTRORUMQUE LATERIBUS CONVENIT**

- 42 II et IIII, qui conficiunt VI  
*O*  
I et II et IIII *O*
- 43a sex  
*PbV2*
- 43b senarius  
*PnLpl*

**232,7 EX UTRORUMQUE LATERIBUS**

- 44 IIII et XVI  
*PnLpl*

**232,8 CONVENIT**

- 45 descendit  
*PnLpl*
- 46 conficitur  
*Pn*

**232,9 IUNCTA**

- 47 latera  
*PbV2*

**232,10 SIN VERO DUO INTERMITTANTUR, ...**

- 48 Axioma  
*CgMcPb<sup>3</sup>R2AutLhaLryVrf*  
Axiomata *Aut*

**232,10 DUO**

- 49 quadrati  
*O*
- 50 termini  
*Aut*

**232,10 TERTIA PARS ERIT ...**

- 51 ipse exponit  
*Aut*

**232,12 UT SI QUATTUOR DE XXV AUFERAM ...**

- 52 <...> eorum, i. IIII<sup>or</sup>, et XXV conficitur  
*Vrf\**

**232,13 INTERMISSIS DUOBUS QUADRATIS**

- 53 VIII et XVI  
*PbV2Aut*

**232,13 EORUM**

- 54 XXV et IIII  
*O*

**232,14 QUI**

- 55 VII  
*OAut*

**232,15 PARS TERIA NUMERI XXI**

- 56 quia ter VII XXI  
*O*

**232,15 SI TRES INTERMISSI SINT, PARS QUARTA SIT ID, QUOD EX UTRORUMQUE LATERIBUS EFFICITUR**

- 57a <sup>1</sup>ut si ex XXXVI, qui est quintus, auferas IIII, tribus in medio intermissis, supersunt XXXII. <sup>2</sup>Quorum latera, si iuncta fuerint, <II et VI, sunt VIII>, quia II latera sunt quaternarii, et VI latera sunt XXXVI. <sup>3</sup>Simul iuncti efficiunt VIII, qui est IIII<sup>ta</sup> pars XXXII.

*O*

*2 II et VI, sunt VIII] I et IIII et XXXVI O XXXVI] XXX<sup>ti</sup>VI O*

*3 XXXII] XXX O*

- 57b ut si de XXXVI, qui est quintus, auferas IIII, tribus in medio intermissis quadratis, pars quarta erit, quod ex lateribus illorum duorum colligetur, i. VIII.

*Q<sup>2</sup>SV<sup>1</sup>LaMcPbPc\*Pe<sup>5</sup>PqWqAutLryVrf*

*est] om. Lry IIII] III Pq intermissis] dimissis LaMcPbAutLryVrf quadratis] om. LaMcAutLryVrf qualitatis cancell. Pb quod] quae S qui Wq duorum illorum Wq illorum] eorum AutVrf colligetur duorum LaMcPbAutLry colligitur duorum Vrf colligitur Pe colliget Pq colligentur Wq i. VIII] om. Pe*

**232,15 INTERMISSI**

- 58 termini  
*Aut*

**232,16 ID, QUOD**

- 59 numerus  
*Aut*

**232,17 EIUS, QUOD**

- 60 numeri; neutraliter dicit  
*Aut*

**232,17 SUBTRACTO MINORE**

- 61 aufer semper quatuor de eis  
*Wi<sup>2</sup>Bwi*  
de eis] deis *WiBwi*  
*cf. II,6,7*

**232,17 MINORE**

- 62 IIII  
*Aut*

**232,17 A MAIORE**

- 63 XXXVI  
*Aut*

**232,18 QUINTA**

- 64 pars erit  
*PbPe<sup>5</sup>V<sup>2</sup>Aut*  
erit] *om. Aut*

**232,19 UNO PLUS VOCABULO NUMERI PARTES VENIENT, QUAM FIT INTERMISSIO**

- 65 Maioris numeri semper erunt partes in vocabulo, *quam sit intermissio.*  
*OCgLaMcPbPe<sup>5</sup>V<sup>2</sup>AutLhaLryVrf*  
erunt semper *CgPbPe<sup>5</sup>V<sup>2</sup>AutLhaLryVrf* erunt] *om. Mc*
- 66 *Partes numeri sunt maioris, quam sint quadratorum intermissiones, sicut videas inter IIII et XXXVI. Non sunt nisi tres quadrati*

intermissi, et quartam partem reddunt latera eorum, i. II, qui sunt latera IIII, (qui IIII sunt remoti a XXXVI,) et VI, qui sunt latera XXXVI. Et sic VI et II sunt quarta pars XXXII, et intermissiones non sunt nisi tres. Et sic competenter disponas in aliis.

*Aut*

## LIB. II, CAP. 7

## 232,23 EST AUTEM

- 1 sciendum  
*Aut*

## 232,24 AEQUALITAS

- 2 principium est  
*PbV2Aut*  
est] *om. V2* est principium *Aut*

## 232,24 TRIBUS ENIM PRAECEPTIS, ...

- 3 Tria praecepta  
*Mc*
- 4 Fiunt tria praecepta ex equalibus terminis; I I I equales sunt.  
*Pe<sup>5</sup>*
- 5 in sequenti exponet; s. *tria praecepta* vocat, quod primus terminus sit equus primo, secundus secundo, tertius primo et secundo bis accepto et tercio semel accepto.  
*Aut*  
*cf. 232,31 ss.*

## 232,25 PRAECEPTIS

- 6 regulis constitutis  
*Q<sup>2</sup>SPbPqV2Wq*

## 232,25 MULTIPLICES PROPORCIONES EX AEQUALITATE PRODUCIMUS

- 7 Rectus multiplex est ita, ut figura indicat:

I I I  
I II III

Multiplex est ita conversus et istud in secunda figura patet:

III II I  
III VI VIII

*Aut*  
*cf. 233,5-6 (B5); 233,22-23 (B6)*

## 232,26 CONVERSIS

- 8 ut dicet  
*Aut*



**232,27 SUPERPARTICULARES HABITUDINES**

- 9 Habitudines  
*Pb*
- 10 Superparticulares dicuntur habitudines, ut IIII VI VIII, quia VI super IIII obtinet II, VIII vero super VI obtinet III.  
*Aut*

**232,27 HABITUDINES**

- 11 proportiones  
*Aut*

**232,28 ITEM EX CONVERSIS SUPERPARTICULARIBUS SUPERPARTIENTES COMPARATIONES EFFICIMUS.**

- 12 Hoc tota expediet.  
*Aut*  
totam *Aut*

**232,28 SUPERPARTIENTES**

- 13 ut dicantur VIII VI IIII  
*Aut*

**232,29 COMPARATIONES**

- 14 Superparciens est species superparticularitatis.  
*Aut*  
superparcies *Aut*

**232,29 PONANTUR ENIM ...**

- 15 Incipit docere de singulis.  
*Vrf*

**232,30 QUILIBET AEQUI TERMINI**

- 16 in superiori linea  
*Vrf*

**232,31 ET SIT PRIMUS PRIMO AEQUUS**

- 17 ut in figura patet  
*Aut*  
cf. 233,5-6 (B5)

**232,31 IN SEQUENTI SCILICET ORDINE**

18 in subiecta linea

*PbPe<sup>5</sup>V2**cf. II,7,20***232,31 SCILICET**

19 qui est

*Aut***233,1 ORDINE**

20 linea

*Vrf**cf. II,7,18***233,1 SECUNDUS VERO PRIMO AC SECUNDO**

21 sit constitutus equus p&lt;rimo&gt; ac secundo bis accepto

*Aut***233,1 SECUNDUS**

22 II

*Aut***233,1 PRIMO**

23 I

*Aut***233,1 SECUNDO**

24 I

*Aut***233,1 TERTIUS PRIMO, DUOBUS SECUNDIS AC TERTIO**

25 I; duplicato, I bis accepto; et tercio, i. I; sunt IIII

*Aut***233,1 TERTIUS**

26 IIII

*Aut*

**233,2 PRIMO**

- 27 I  
Aut

**233,2 DUOBUS SECUNDIS**

- 28 geminatis et bis acceptis secundis  
OPbAutLryVrf  
et bis acceptis secundis] om. O

**233,3 PROGRESSO**

- 29 extenso  
Aut

**233,3 MULTIPLICITATIS PRIMA PROPORITIO**

- 30 qui est  
Vrf

**233,4 DESCRIPTIO**

- 31 hec  
RlPts

**233,5 ad B5**

- 32 Prima multiplicitatis vel gressio duplex  
Mc
- 33 modo exponit figuram  
Aut

**233,5 I<sup>2</sup> (B5)**

- 34 bis accepto  
Aut

**233,7 NAM UNITAS ...**

- 35 Expositio est praemisse figure.  
Aut  
cf. 233,5-6 (B5)

## 233,10 DUABUS UNITATIBUS SECUNDIS

36 quia secunda unitas in primo ordine bis repetitur

*Aut*

37 secunde unitati geminate

*Vrf*

## 233,11 ET EST I II III DUPLA PROPORTIO

38 nam II ad I est duplum; IIII ad II est duplum; i. I II IIII

*Aut*

## 232,12 QUOD SI DE HIS IDEM FECERIS, ...

39a	Tripla	Quadrupla	Quincupla	[Sescupla]
	I II IIII	I III VIII	I III XVI	[I V XXV]
	I III VIII	I III XVI	I V XXV	[I VI XXXVI]

*EiEnLz*

Sescupla ...] *add. Lz*

39b	I I	I	equales	I V	XXV	quincupli
	I II	IIII	dupli	I VI	XXXVI	sexcupli
	I III	VIII	tripli	I VII	XLVIII	septupli
	I IIII	XVI	quadrupli	I VIII	LXIII	octupli
	I V	XXV	quincupli	I VIII	LXXXI	nonupli
				I X	C	decupli

*Mc*

39c	Tripla proportio	Quadrupla de tripla	Quincupla
	de dupla		de quadrupla
	I II IIII	I III VIII	I IIII XVI
	I III VIII	I IIII XVI	I V XXV

*Pe*

40 Postquam enim procreatos duplos extenderis, per eosdem poteris creare triplos. Triplis extensis subicere poteris quadruplos, et per supradicta praecepta procreare.

*Lpl*

**233,12 QUOD SI DE HIS IDEM FECERIS, TRIPLA COMPARATIO  
PROCREABITUR**

- 41 Quod primus sit equus primo, et secundus primo et secundo, tertius sit equus primo et secundo bis accepto; et III erit tripla proportio.

*Aut*

- 42 Hoc modo fiunt ex duplicibus tripli secundum primam regulam. Ita et ex istis potes facere quadruplos, ut monstrat haec descriptio, quomodo fiant tripli:

I II III  
I III VIII

*Vrf*

- 43 Hoc docet in arismetica, et ideo praetermittit hic.

*Vrf*

**233,13 AC DE TRIPLA QUADRUPLA**

- 44 quod primus sit equus primo expositione praefata

*Aut*

**233,13 DE QUADRUPLA QUINCUPLA**

- 45 expone ut in aliis, s. primus primo equus

*Aut*

**233,14 ISDEM**

- 46 ablativus

*Wi<sup>2</sup>*

**233,16 CONVERTAMUS NUNC ...**

- 47 De superparticularibus

*Mc*

**233,16 CONVERTAMUS**

- 48 ordinem

*Pb V<sup>2</sup>*

- 49 conversionem faciamus

*Aut*

**233,16 PRIOREM MAIOREM NUMERUM**

- 50 maiorem numerum primum ponamus  
*PbV2*
- 51 in primis statuatur  
*Aut*

**233,17 DISPONAMUS**

- 52 ita  
*Aut*

**233,18 SECUNDUS**

- 53 VI  
*Aut*

**233,18 PRIMO**

- 54 IIII  
*Aut*
- 55 ponatur equus  
*Aut*

**233,19 SECUNDO**

- 56 II  
*Aut*

**233,19 TERTIUS**

- 57 VIII  
*Aut*

**233,19 PRIMO**

- 58 IIII  
*Aut*

**233,19 SECUNDIS**

- 59 II bis acceptis  
*Aut*

**233,20 TERTIO**

60 I  
Aut

**233,20 SESQUALTERA NOTATUR ESSE PROPORTIO**

61 ut VI ad IIII, VIII ad VI  
Aut

**233,22 ad B7**

62 Duplus versus sesqualterum  
Mc

63 Primus in sequenti ordine equus primo sit, et secundus primo et secundo, et tercius primo et secundo bis accepto.  
Aut

**233,22 II<sup>2</sup> (B7)**

64 bis acceptis  
Aut

**233,24 ATQUE ID SI DE TRIPLIS FIAT, ...**

65 <sup>1</sup>Sesquitertia proportio de tripla  
VIII III I  
VIII XII XVI  
<sup>2</sup>Sesquiquarta  
XVI IIII I  
XVI XX XXV  
<sup>3</sup>Sesquiquinta  
XXV V I  
XXV XXX XXXVI  
<sup>4</sup>Sesquisexta  
XXXVI VI <I>  
XXXVI XLII <XLVIII>

Lz\*PeAut

1 proportio est de tripla] om. Aut de tripla] om. Lz

2 Sesquiquarta] om. Pe

3-4 om. Pe

4 om. Aut

## 233,24 DE TRIPLIS

- 66 conversis  
*CgMaPbV2*
- 67 ut hic videas: VIII est triplum ad III, tres vero ad I  
*Aut*
- 68 XXVII VIII III  
XXVII XXXVI XXXXVIII  
Hec figura non est naturalis, sed ego apposui, ut videas, qualiter ex triplis fiant sesquiertii.  
*Vrf*

## 233,24 SESQUITERTIA

- 69a proportio  
*Bi*
- 69b notatur proporcio  
*Aut*
- 70 procreabitur  
*PbV2*
- 71 <sup>1</sup>Cum ex multiplicibus superparticulares formantur, dant eis similia vocabula secundum se, i. ab eodem numero formata, <sup>2</sup>ut, cum a triplicibus sesquiertii formantur, dant eis denominationem a ternario namque et tripli, et sesquiertii sunt denominati. <sup>3</sup>Sic quoque a quaternario quadrupli et sesquiquarti et ita reliqui.  
*OQ<sup>2</sup>SV<sup>1</sup>MaMcPbPe<sup>5</sup>PqWqAutLhaLryVrf*  
1 dant eis] dantes *QSPq* dant *Aut* vocabulo *Aut* secundum se] inter se *Wq* i.] vel *Pe* nam *Wq*  
2 triplicibus] multiplicibus *AutVrf* sesquiertia *Wq* namque et] namque *Aut* tripli, et] triplici *OMaMcPbPeWqAutLhaLryVrf* nominati *OQSPbPePqWqVrf*  
3 quoque] *om. O* quadrupli et] et quadruplo *McAutLhaLryVrf* et sesquiquarti et] *om. O* et ita reliqui] *om. Pe* et ita] ita et *QSLhaLry* ita *Ma*

## 233,24 SI DE QUADRUPLIS

- 72 fiat conversio  
*Aut*

## 233,25 SESQUIQUARTA

- 73a proportio  
*Bi*
- 73b notatur proporcio  
*Aut*



**233,25 CONSIMILIBUSQUE IN ALTERUTRA PARTE VOCABULIS**

74 ut sesquiquinta a quincupla et sic in ceteris

*Bi*  
quincupla *Bi*75 quod dicatur sesquiquinta, sesquisexta, sesquiseptima, sesquioctava et c. *Consimilia* accipe *vocabula*, quod dicit de quadruplis sesquiquarta, de triplis sesquitercia, cum hic sonat IIII et IIII, et hic III et III.*Aut***233,26 IN ALTERUTRA PARTE**

76 ut dicatur sesquiquinta et c.

*Aut***233,26 PROPORTIONALITAS**

77 superparticularis

*Aut Vrf***233,26 EX SUPERPARTICULARITATE VERO CONVERSA**

78	duplus	IIII	II	I	VIIII	III	I	tripplus
	conversus							conversus
	sesquialter	IIII	VI	VIIII	VIIII	XII	XVI	sesquitercius
	quadruplus	XVI	IIII	I	XXV	V	I	quincuplus
	versus							versus
	sesquiquartus	XVI	XX	XXV	XXV	XXX	XXXVI	sesquiquintus
	sescuplus	XXXVI	VI	I	XLVIIII	VII	I	septuplus
	versus							versus
	sesquisextimum facit	XXXVI	XLII	XLVIIII	XLVIIII	LVI	LXIIII	sesquiseptimus

*Mc*

79 ut dicatur VIIII VI IIII, recta enim erat IIII VI VIIII, ut figura sequens docet

*Aut**cf. 234,4 (B7)***233,28 CONVERSIM SESQUALTERA COMPARATIO**

80 superparticularitas conversa

*Aut*

**234,4 VIII VI IIII (B7)**

- 81 Superparticularium sesquialter  
*Mc*

**234,5 VIII XV XXV (B7)**

- 82 Superparcientium superbipartiens  
*Mc*
- 83 Superbiparciens proporcio est haec.  
*Aut*

**234,6 SUPERBIPARTIENS**

- 84 ut est VIII ad XV, quia XV habet in se VIII et duas partes eius, i. III et III, quia VIII in tribus ternariis dividitur. Similiter videto de XXV ad XV.  
*Aut*  
habet in se VIII quia XV *Aut*

**234,8 EX SESQUITERTIIS CONVERSIS SUPERTRIPARTIENTEM PRODUCIT CETERISQUE SIMILIBUS VOCABULIS ADAEQUATIS**

- 85a [VIII XII XVI]  
XVI XII VIII  
XVI XXVIII XLVIII

*LaMbPe*  
VIII XII XVI] *add. Mb*

- 85b Supertriparciens  
XVI XII VIII  
XVI XXVIII XLVIII  
Superquadripartiens  
XXV XX XVI  
XXV XLV LXXXI

*Lz*  
XXVIII] XXVIII *Lz*

- 85c XVI XII VIII sesquitercius conversus  
XVI XXVIII XLVIII supertripartientem quartas gignit  
XXV XX XVI sesquiquartus conversus  
XXV XLV LXXXI superquadripartientem V<sup>tas</sup> gignit  
*Mc*

85d XVI XII VIII  
 XVI XXVIII XLVIII  
 XXV XX XVI  
 XXV XLV LXXXI  
 LXXXI habet XLV et quattuor quintas eius partes, ut quater VIII, i. XXXVI, additi XLV, LXXXI summam implent.  
*Wi*

85e ex sesquiterciis conversis  
 XVI XII VIII  
 supertriparcentes  
 XVI XXVIII XLVIII  
*Aut*

86 Hoc modo fiunt supertripartientes ex sesquiterciis conversis:  
 III III  
 III VII  
*Vrf*

#### 234,8 EX SESQUITERTIIS CONVERSIS

87 Non ponit in libro sesquitercia conversa, tamen sequens figura indicat: Recta sesquitercia sunt VIII XII XVI, conversa vero sunt XVI XII VIII.  
*Aut*  
 XVI XII VIII] XVI VI VIII *Aut*  
*cf. 235,17-21 (B9)*

#### 234,9 CETERISQUE SIMILIBUS VOCABULIS ADAEQUATIS

88 ut ex sesquiquartis superquadripartientes  
*BiCgMaPbPe<sup>5</sup>PiV2Tpi*  
 ex] a *Bi* sequiquartis *PiTpi* superquadripartiens *Cg*  
*instar textus MaTpi*

89 ut dicatur superquadriparciens et c.  
*Aut*

#### 234,10 SUPERPARTIENTES SPECIES

90 XXV XV VIII  
 XXV XL LXIII  
*Mm*

**234,11 EX NON CONVERSIS AUTEM SUPERPARTICULARIBUS**

91 quod non sint conversi, ut hic: VIII VI III

*Aut*

III] VIII *Aut*

**234,13 MULTIPLICES SUPERPARTICULARES**

92a III VI VIII

III X XXV

[hoc est duplex subsesqualter]

*LaAut*

hoc est duplex subsesqualter] *add. Aut*

92b III VI VIII superparticularium sesqualter rectus

III X XXV multiplex superparticularis,

i. duplex superparticularis

VIII XII XVI sesquitercius rectus

VIII XXI XLVIII multiplex superparticularis, qui est triplex

*Mc*

superparticularis, qui] superpartiens, qui *Mc*

**234,14 EX MANENTIBUS VERO ...**

93 Hec omnia requirantur ab arismetica.

*Vrf*

**234,14 EX MANENTIBUS VERO SUPERPARTIENTIBUS**

94 VIII VI III

*Aut*

**234,14 EX MANENTIBUS**

95 non conversis, i. ex rectis

*Pe<sup>5</sup>*

**234,15 MULTIPLICES SUPERPARTIENTES**

96a XVI XXVIII XLVIII

XVI XLIII CXXI

*La*

CXXI] CLIII *La*

- 96b VIII XV XXV superbipartiens rectus  
 VIII XXIII LXIII multiplex superbiparciens  
 XVI XXVIII XLVIII supertriparciens rectus  
 XVI XLIII CXXI multiplex supertriparciens triplex  
*Mc*
- 96c VIII XV XXV  
 VIII XXIII LXIII  
 [multiplex superparciens]  
*WiAut*  
 multiplex superparciens] *add. Aut*

**LIB. II, CAP. 8****234,22 AEQUAS**

- 1 similes et continuas, ut sex sesquioctavas continuas vel similiter  
*Aut*

**234,22 SUPERPARTICULARIUM PROPORCIONES**

- 2 quia habent statim unam post aliam sine intervallo  
*Aut*  
habere *Aut*

**234,22 SUPERPARTICULARIUM**

- 3 vel sesquialterorum  
*Pe*<sup>5</sup>

**234,24 INSCITIA**

- 4 inscientia, stultitia  
*Pn*

**234,24 HAC REGULA**

- 5 quam dabo  
*Aut*

**234,25 AEQUAS PROPORCIONES EX MULTIPLICITATE**

- 6 continuas, ut II IIII VIII XVI  
*Aut*

**234,26 UNUSQUISQUE MULTIPLEX AB UNITATE SCILICET COMPUTATUS TOT SUPERPARTICULARES HABITUDINES PRAECEDIT SUAE SCILICET IN CONTRARIAM PARTEM DENOMINATIONIS ...**

- 7 Ecce regula  
*Aut*
- 8 Axioma  
*Vrf*
- 9 Eadem regula servanda est in cantu, ut unum diapason unum praecedet diapente et c.  
*O*

- 10 <sup>1</sup>sive et reliqui. *Tot superparticulares praecedit suae denominationis*: <sup>2</sup>A duplo namque sesquialter, a triplo sesquitercius [a quadruplo sesquiquartus] denominantur et reliqui secundum suum ordinem. <sup>3</sup>Sed illa denominatio quantum ad sensum in contrariam partem fit, quia cum in primitivis itur in augmentum, in derivativis vero in deminutionem. <sup>4</sup>In multiplicibus quippe, quanto maior est numerus, tanto maior fit proportio. <sup>5</sup>In superparticularibus vero crescente numero decrescunt proportiones.

*OQ<sup>2</sup>SV<sup>1</sup> + V<sup>2</sup>BcBiCgLaMaMcPbPePqR<sup>2</sup>WqAutHwgLhaLryPhtPtsVrf*

*1 scr. V<sup>2</sup> 2-5 scr. V<sup>1</sup> 1-3] om. QS 1-2] om. Bc*

1] *om. BiPeWqHwgLhaPhiPts* Unusquisque multiplex tot superparticulares praecedit suae contrariae denominationis, quotus ipse ab unitate fuerit *Ma* Sive sesquialteri sive sesquitercii et reliqui tot superparticulares praecedit suae denominationis *Pq* praecedunt *Cg* praecedat *La* demonstrationis *O* 2-3 Sed illa] *repet. Cg*

2] Namque sesquialter denominatur a duplo, sesquitercius vero a triplo, ceteri secundum suum ordinem *La* A duplo] *repet. V<sup>2</sup> A] om. Pts* sesquitercii *Ma* a quadruplo sesquiquartus] *add. Bi* denominatur *BiHwgPtsVrf* secundum] ad *Ma*

3 Sed et illa demonstratio *La* Sed] Si *Hwg* fit] sit *BcPeHwg* quia] quid *La* qua *Wq* primitivis] primis *O* in diminutione in diminutivis *add. Mc* itur in augmentum] in augmentum crescat *La* sint in agmentum *Pq* sit in agmentum *Pht* itur] esse *OPb* esset *Bc* sit *BiCgMaMcPeR<sup>2</sup>AutHwgLhaLryPtsVrf* esse in derivativis *O* vero] *om. OBcBiCgLaMcPbPePqR<sup>2</sup>AutHwgLhaLryPhtPts* est *MaVrf* deminutionem] diminutione *OBcCgMaMcPeR<sup>2</sup>AutHwgLhaLryPht* deminutione *Pb* est denominatio *add. Bi* est *add. CgPeR<sup>2</sup>AutHwgLhaPhiPts* fit *add. La*

4-5] *om. Bc*

4 quanto] quantum *Pq* quater *Wq* est] *om. McLry* tantum *Pq* fit] est *BiR<sup>2</sup>* sit *McHwg*

5 superparticulariis *Aut* decrescit proportio *Bi* decrescunt] minuuntur *La* instar *textus Pht*

- 11 ut a duplo sesquialter, a triplo sesquitercius, a quadruplo sesquiquartus; i. si quartus aut quintus ab unitate discesserit, quattuor aut V sesquialteros habebit.

*PnWiLpl*

ut] *om. Wi* sesquiquartus] *rel. om. Wi* dicesserit *Lpl*

## 234,26 UNUSQUISQUE MULTIPLEX

- 12 ut II

*Aut*

## 234,26 AB UNITATE

- 13 cum unitas praecedat: IIII VIII XVI

*Aut*

**234,26 COMPUTATUS**

- 14 numeratus, ut figura sequens innuit

*Aut*

*cf. 235,3-7 (B8)*

**234,26 TOT SUPERPARTICULARES HABITUDINES PRAECEDIT**

- 15 quia in sesquialtera proportione maior pars est quam in sesquitercia, et in sesquitercia maior quam in sesquiquarta, et quanto maior numerus est in superparticulari, tanto minor pars fuerit.

*Bi*

**234,27 SUPERPARTICULARES HABITUDINES**

- 16 Sesquialteros continuos videas hic in figura.

*Aut*

*cf. 235,3-7 (B8)*

- 17 sui generis

*Vrf*

**234,27 HABITUDINES**

- 18 continuas

*Aut*

**234,27 PRAECEDIT**

- 19 plus habet

*Aut*

**234,27 SUAE SCILICET**

- 20 habitudines dico factas

*Aut*

**234,27 IN CONTRARIAM PARTEM DENOMINATIONIS**

- 21 a duplo sesquialtera et reliquae

*Q<sup>2</sup>*

- 22 quia ipse est multiplex, ille superparticularis nominatur

*MaPbPe<sup>5</sup>V<sup>2</sup>*



- 23 F<ulbertus>: ut, qui duplus alterius, sit subsesqualter alterius [et c.] [et reliqui]  
*Pb<sup>9</sup>PcAutLhaLryVrf*  
 F<ulbertus>] *om. Lry, eras. Lha; cf. I,31,1 et c.] add. AutLhaLryVrf et reliqui] add. Aut*
- 24 et in hoc claret exemplo  
*LaPe<sup>5</sup>*  
 et] ut *Pe*  
*instar textus La*
- 25 *In contrariam partem dicit suae denominationis, quia quartus est ab unitate, habet tamen III sesquialteros et non IIII; et qui tercius est ab unitate, habet tantum duos sesquialteros et non III; et sic videas in omnibus competenter.*  
*Aut*

**234,28 CONTRARIAM**

- 26 convenientem  
*Wq*

**234,29 HOC MODO**

- 27 exponit  
*Aut*

**234,29 UT DUPLEX SESQUALTERAS ANTECEDAT**

- 28a ut in prima discriptione  
*Pn*  
*cf. 235,3-7 (B8)*
- 28b Hoc indicat prima figura.  
*Aut*  
*cf. 235,3-7 (B8)*

**234,29 SESQUALTERAS**

- 29 habitudines  
*PnLpl*

**234,29 ANTECEDAT**

- 30 ut est II superponitur III  
*Aut*

**234,30 TRIPLEX SESQUITERTIAS**

31a ut in secunda discriptione

*Pn*

31b Hoc indicat secunda figura.

*Aut*

*cf. 235,17-21 (B9)*

**234,30 QUADRUPLEX SESQUIQUARTAS**

32a ut in tertia discriptione

*PnLpl*

ut] *om. Lpl*

*cf. 236,1-5 (B10)*

32b Hoc indicat tertia figura.

*Aut*

*cf. 236,1-5 (B10)*

**234,30 AC DEINCEPS**

33 quincuplex sesquiquintas, reliqui

*PnLpl*

reliqui] *om. Lpl*

**235,3 ad B8**

34 A duplis sesqualteri

*Pn*

35 <sup>1</sup>Quod autem dicit *disputatorem de musica inquirere III vel IIII vel plures superparticularium*, i. sesqualterorum vel sesquiterciorum proportiones: <sup>2</sup>sic est accipiendum, ut accipiemus ab unitate prius locata omnes multiplices, s. duplices ad sesqualteros faciendos usque ad XVI numerando I II IIII VIII XVI, <sup>3</sup>et unicuique horum supposito suo sesqualtero videamus, quoto loco, vel secundo, vel tercio, vel plus ab unitate, quae prior est, discesserit. <sup>4</sup>Si ponitur secundus ab unitate, ut duo, habet unum sesqualterum sibi suppositum; si tercius est ab unitate, duos habet sesqualteros; si quartus, III habet sesqualteros. <sup>5</sup>Et hoc est, quod dicit: *in contrariam partem suae denominationis*. <sup>6</sup>Qui quartus est ab unitate, habet tantum tres sesqualteros et non IIII. <sup>7</sup>Et sic in ceteris adhuc considera in triplis et quadruplis, qui sequuntur in aliis duabus figuris.

*Aut*

<sup>7</sup> adhuc] ad hunc *Aut*

- 36 <sup>1</sup>Ecce, quia binarius primus duplex est post unitatem, ideo habet unum tantum numerum post se, qui est sesquialter ad ipsum i. ternarium. <sup>2</sup>Et ideo ternarius solus scriptus est sub binario, sicut in figura patet. <sup>3</sup>Ita nota de ceteris: tot enim habet quisque duplus sub se sesquialteras, quantus duplus ipse est ab unitate. <sup>4</sup>Hoc idem nota in figura sesquitertiorum et sesquiquartorum.

*Vrf*

### 235,8 IN SUPERIORE IGITUR DESCRIPTIONE ...

- 37 Exponit praedictam figuram.

*Aut*

### 235,8 IN SUPERIORE IGITUR DESCRIPTIONE

- 38 duplorum

*PnLpl*

### 235,8 PRIMUS MULTIPLEX

- 39 ab I

*Aut*

### 235,9 UNUM

- 40 solum, ut figura indicat

*Aut*

- 41 <sup>1</sup>solum i. tantummodo, quia III non habet numerum inferiorem, cui sit subsesquialter, <sup>2</sup>quia nullus numerus est, qui contineat eum totum et medietatem eius, quia medietate caret. <sup>3</sup>Non enim in duo equa dividi potest. <sup>4</sup>Et ita videto in VIII et in XXVII et in LXXXI, quia non habent sub se numeros, quibus sint subsesquialteri, <sup>5</sup>nam carent numeros, qui eos contineant et medietates eorum, cum non dividantur in duo equa.

*Aut*

### 235,9 AD SE

- 42 post se

*Vrf*

### 235,9 QUI

- 43 ternarius

*Pn*

**235,10 VERO**

- 44 sed  
*Aut*

**235,11 QUONIAM**

- 45 numerus  
*V2*
- 46 quare  
*Aut*

**235,11 MEDIETATE DEFICIT**

- 47 III enim in duo equa dividi non possunt.  
*Aut*

**235,11 DEFICIT**

- 48 vel destituitur  
*Kn*  
destituitur *Kn*

**235,12 QUATERNARIUS**

- 49 qui est in tercio loco ab unitate  
*Aut*

**235,12 SECUNDUS EST DUPLEX**

- 50 ad III  
*Aut*

**235,12 HIC**

- 51 quaternarius  
*PnAut*  
III *Pn*

**235,12 SESQUALTEROS**

- 52 continuos s.  
*Aut*

**235,13 SENARIUM ET NOVENARIUM**

- 53 exponit quos sesqualteros s.  
*Aut*

**235,13 QUI**

- 54 novenarius  
*M<sup>3</sup>PbPnV2Aut*  
*VIII Aut*

**235,15 TRIPLI VERO EODEM MODO SESQUITERTIOS CREANT.**

- 55 dupli creant sesquialteros, sed t<ripli> ...  
*Aut*  
 creant] erant *Aut*
- 56 Inspice secundam figuram.  
*Aut*  
 cf. 235,17-21 (B9)

**235,16 SESQUITERTIOS**

- 57 sesquitercia proporcio  
*Aut*

**235,17 ad B9**

- 58 A triplis sesquitercii  
*McPn*

- 59 <sup>1</sup>Similiter numeri istius ultimi figurae, qui sunt IIII XVI LXIII CCLVI, non creant sub se sesquitercios. <sup>2</sup>Nam IIII in tribus partibus equis dividi non potest, et ideo non habet inferiorem se numerum, cui sit sesquitercius. <sup>3</sup>Nota et hoc in XVI et LXIII et CCLVI. <sup>4</sup>Et hoc est, quod dicit: *semperque tertia pars quodam naturali fine excluditur in ultimo numero*, <sup>5</sup>quia hac in figura nullus ultimus numerus est, qui habeat sub se numerum, qui contineat eum totum et eius terciam partem, <sup>6</sup>cum careatur terciis partibus, i. *cum excludantur a terciis partibus* et similiter unaquaque figura secundum genus suum potest notari in ultimis numeris naturalis finis.

*Aut*  
 6 unaquaque] inaquaque

**235,22 IN SUPERIORE IGITUR DESCRIPTIONE**

- 60 triplorum  
*PnLpl*
- 61 figura, quam modo diximus: I III VIII et c.  
*Aut*  
 cf. 235,17-21 (B9)

**235,23 TRIPLEX**

- 62 ternarius  
*PbV2Aut*

**235,23 SESQUITERTIUM**

- 63 quaternarium  
*PbV2Aut*

**235,24 SECUNDUS**

- 64a triplex, VIII<sup>us</sup> s., praecedat XII XVI  
*PbV2*
- 64b triplex  
*Aut*

**235,24 TERTIUS**

- 65 triplex, i. XXVII  
*Aut*

**235,25 IN ULTIMO NUMERO**

- 66 sesquitertio  
*Vrf*

**235,25 NATURALI QUODAM FINE CLAUDATUR**

- 67 Quia isti angulares numeri non possunt in tres partes dividi, idcirco  
*quodam naturali fine clauduntur.*  
*So*

**235,25 CLAUDATUR**

- 68 excludatur  
*Aut*

**235,26 QUOD SI QUADRUPLO STATUERIS**

- 69 Aspice ad sequentem figuram.  
*Aut*  
*cf. 236,1-5 (B10)*

**235,26 QUADRUPLUM**

70 unitate

*So*71 hic III<sup>o</sup>, ita de ceteris potes per te notare:

I IIII

I V

*Vrf***235,27 SI QUINCUPLUM**

72 statueris

*Pn***235,27 SINGULI DENOMINATIONE MULTIPLICES TOT SUPERPARTICULARES PRAECEDUNT, QUOTO LOCO IPSI AB UNITATE DISCESSERINT.**

73 Verbi gratia: In quadruplis secundo loco ab unitate discedunt XVI; totidem superparticulares, i. duos, quod XX et XXV ipsi XVI praecedunt.

*McPn*XXV] XXXV *Mc***235,27 SINGULI**

74 quia singuli aut primi aut secundi

*Pe<sup>5</sup>***235,28 DENOMINATIONE**

75 nam sesquitertia a triplis denominatur

*PnLpl*

76 simili servata, ut triplex sesquitercios, quadruplus sesquiquartos, et sic per cetera

*Aut***235,28 MULTIPLICES**

77 nominativus

*Cg*

78 qui multiplices nominantur, ut sunt dupli, tripli, quadrupli ac deinceps

*PbV<sup>2</sup>*

## 235,29 IPSI

- 79 multiplices  
*Pr<sup>1</sup>*

## 236,1 ad B10

- 80 A quadruplis sesquiquarti  
*McPnLpl*  
quadrupli *Mc* sesquiquadra *Pn* sesquiquarta *Lpl*

## 236,7 QUATTUOR

- 81 sesquialteros  
*Aut*

## 236,8 SESQUIOCTAVOS

- 82 I VIII LXIII  
VIII LXXII  
LXXXI  
*Q<sup>2</sup>SP<sup>1</sup>*  
LXIII] XIII *Pr*

## 236,10 UTQUE

- 83 et ut  
*BiPbPe<sup>5</sup>V<sup>2</sup>*
- 84 scilicet  
*Aut*

## 236,10 EI NUMERO

- 85 de quo quaestio est; veluti dicat: da mihi IIII<sup>or</sup> sesquiquartos.  
*McPnLpl*  
da mihi] ei *Lpl*
- 86 non naturali [numero] sed multiplici [ut II IIII]  
*BiPbV<sup>2</sup>Aut*  
numero] *add. Bi* ut II IIII] *add. Aut*
- 87 qui primus est  
*PbPe<sup>5</sup>V<sup>2</sup>Aut*  
est] *om. Pe*



**236,10 PRIMO**

- 88 primitus  
*CgPe<sup>5</sup>*

**236,11 QUAERAT**

- 89 aliquis de musica disputator  
*Aut*

**236,11 QUI**

- 90 numerus  
*Q<sup>2</sup>BiPbPnV2Aut*

**236,11 QUANTI**

- 91 quot  
*PbV2AutVrf*
- 92 termini  
*BiPbR1LhaLry*
- 93 numeri  
*Pe<sup>5</sup>AutVrf*

**236,11 PROPOSITI**

- 94 [ab aliquo] ad quaerendum  
*BiPbR1AutLhaLryVrf*  
ab aliquo] *add. Bi* ad quirendum *Lha*

**236,11 TOT**

- 95 sesquialteros  
*WiBwi*
- 96 numeros  
*Aut*

**236,11 PRAECEDERE**

- 97 antecedere  
*Pn*

**236,12 POST SE HABERE NON POSSIT**

98 velut in alio loco inveniri possit

*K<sub>n</sub>*

inveni *K<sub>n</sub>*

**236,12 POST SE**

99 retro se

*P<sub>n</sub>*

**236,12 SED DISPONAT POTIUS MULTIPLICES VIDEATQUE QUANTOS SUPERPARTICULARES REQUIRIT**

100 Verbi gratia: si disputator ille vult habere tres proportiones in musica, recurrat ad numerum octonarium, et ibi poterit invenire tres sesquialteras proportiones. Si vero vult quatuor, incipiat ab XVI et similiter in ceteris; aspice retro in prima figura.

*Aut*

recurra *Aut*

cf. 235,3-7 (*B8*)

**236,12 MULTIPLICES**

101 ut I, II, III et c.; videto retro in prima figura

*Aut*

**236,13 QUANTOS SUPERPARTICULARES REQUIRIT**

102 Quasi interroget eum, quot proportiones velit habere. Si dixerit III, incipiat a XVI; si dixerit unam, incipiat a II; si tres, incipiat ab VIII. Vide in figura.

*Aut*

**236,13 SUPERPARTICULARES**

103 sesquialteros

*Aut*

**236,14 EO LOCO**

104 est figurata locutio

*BcBiCgMcPbV2AutLhaLryVrf*

est] om. *Lry* figura *Mc*

105 de quo questio est; ut, si quaerat quattuor sesqualteros, quarto loco; si duos, secundo; reliqui

*McPnLpl*

qua *Mc* si quaerat] quis *add. Lpl* loco] lo *Pn* reliqui] loco *Lpl*

106 quoti numeri continuas proportiones quaerit

*Aut*

### 236,15 IN SUPERIORIBUS DESCRIPTIONIBUS

107a in prima figura istarum trium

*So*

*cf. 235,3-7 (B8)*

107b Aspice ad primam figuram.

*Aut*

### 236,16 NON A QUATERNARIO INGREDIATUR INVESTIGATIONEM

108 non incipiat investigare posse habere tres sesqualteros a quaternario, s. ab octonario

*Aut*

### 236,17 HIC

109 quaternarius

*V2Aut*

### 236,17 QUONIAM SECUNDUS EST DUPLUS

110 in prima figura vide

*Aut*

*cf. 235,3-7 (B8)*

### 236,18 DUOS

111 sesqualteros

*PbV2Aut*

### 236,18 TERTIUMQUE

112 sesqualterum

*PbV2*

### 236,19 SED UT AB OCTONARIO MEDIETATES TEMPTET AP- PONERE

113 tunc tres sesqualteros invenies

*Pc<sup>5</sup>*

**236,19 SED UT**

114 hoc videat

*PbV2*

115 dico

*Aut***236,19 MEDIETATES**

116a sesquialterae habitudinis

*OPe<sup>5</sup>*

116b sesquialteras

*EiEnR1SoLhaLryVrf*

116c sesquialteras proportiones

*PbV2*

117 Medietates ideo dicit, quia sesquialtera proportio habet minorem numerum totum et insuper eius medietatem.

*Bi***236,19 HIC**

118 octonarius

*Pe<sup>5</sup>Aut**VIII Pe***236,20 TERTIUS**

119 duplus

*PbV2***236,20 QUAERIT**

120 ille disputator

*Aut***236,21 EST ETIAM ALIA AUGENDI PROPORTIONES VIA HOC MODO.**

121 Axioma

*Vrf***236,22 AUGENDI**

122 inveniendi

*O*

**236,23 IN EISDEM COMPARATIONIBUS**

- 123 in multiplicibus sive aliis  
*AutLhaLryVrf*  
 in] *om. AutLry sive*] vel in *Lha*

**236,23 MINIMAE PROPORCIONES**

- 124 quae sunt post unitatem, ut in sesquialteris II et III, in sesquiterciis III et IIII, in sesquiquartis IIII et V  
*PnLpl*  
 sesquiertius *Pn* sesquiquartus *Pn*
- 125 quia primi numeri semper dicuntur minimae proportiones  
*So*
- 126 ut ipse exponet  
*Aut*
- 127 minimi termini, ex quorum comparatione nascuntur proportiones  
*Vrf*

**236,25 MULCTATUS**

- 128 truncatus  
*M<sup>3</sup>PbPe<sup>5</sup>PnV<sup>2</sup>AutLplLryVrf*
- 129 dampnatus  
*O*
- 130 cumulatus  
*Q<sup>2</sup>*
- 131a curtatus  
*CgPht*
- 131b decurtatus  
*PnLpl*
- 132 diminutus  
*KnLzWbLlz*
- 133 privatus  
*Mh*
- 134 plexus  
*Pe<sup>5</sup>*
- 135 alienatus  
*PnLpl*

**236,26 MINIMAE IGITUR PROPORTIONES SUNT**

136 Minimae sunt

*LzLlz*  
sunt] *om. Llz***236,26 MINIMAE IGITUR**

137 a causa

*Aut***236,26 SESQUALTERA**

138 ut in

*M4MaPiV2Tpi***236,26 SESQUITERTIA**

139 in

*M4***236,27 SESQUIQUARTA**

140 in

*M4***236,27 ET DEINCEPS**

141 in sesquiquinta VI ad V

*Aut***236,28 ET QUAEACUNQUE SE PROPORTIONES UNITATE PRAE-  
CESSERINT**142 In omni [enim] specie superparticularium in prima sua radice uni-  
tate differt tantum comes a duce, sed in processu suo, quoto ordine  
fuerit, tot in differentia habet.*OQ2SV1CgMcPbPe5PqWqAutLryVrf*In omni] Numerus *OPb* enim *add. QS* sua] sui *McPbAutLryVrf* tantum dif-  
fert *CgWq* tantum] *om. PeAut* a duce] adduce *Mc* et dux *PqAut* suo] *om.*  
*Wq* habebit *Pe*

**236,28 PRAECESSERINT**

143 minime sunt

*MhMkMm*  
*cf. 236,25*

144 tales sunt

*Pb<sup>3</sup>AutVrf*

145 erunt radices

*Pq***236,29 PROPOSITUM**

146 decretum, constitutum

*Pn*

147 statutum

*Pq***236,29 SIT**

148 a nobis

*PbPe<sup>5</sup>Vz***237,1 RADICEM SESQUALTERAM**

149a duo et tres

*LzPnWbLlz*

149b III ad II

*Aut***237,2 BINARIUM PER BINARIUM**

150 dicens bis duo

*Aut***237,3 TERNARIUS PER BINARUM**

151 dicens bis tres

*Aut***237,4 TERNARIUM IN SEMET IPSUM**

152 III ter

*Pn*

153 dicendo ter ter

*Aut*

**237,5 QUI DISPONANTUR**

- 154 insimul collecti  
*Aut*

**237,6 II III (B11)**

- 155 ex his duabus radicibus duae sesquialterae  
*Lpl*

**237,9 VI AD IIII ET VIII AD VI**

- 156 Binarium ternariumque modo dimisit, quia radices sunt sesquialterorum.  
*OPb V2Aut Vrf*  
et ternarium *Vrf* modo dimisit] reliquit *O* sunt radices *Vrf* sesquialterarum  
*V2*

**237,9 VI**

- 157 scilicet  
*Aut*

**237,10 TRES**

- 158 ut indisiuncta  
*O*
- 159a sesquialteros  
*Pn*
- 159b sesquialteras proportiones  
*V2Aut*

**237,10 DISPONO EOSDEM NUMEROS, QUOS SUPRA IN EXQUI-  
RENDIS DUABUS SESQUALTERIS HABITUDINIBUS PROPO-  
SUERAM**

- 160 <sup>1</sup>Ad sesquialteros enim inveniendos semper erit multiplicatio faci-  
enda per primas radices, i. binarium et ternarium, <sup>2</sup>ut vel se  
multiplicent, vel multiplicatos multiplicent, et iterum multiplicatos  
multiplicent. <sup>3</sup>Et sic in infinitum ad quantumcumque sesquialteros  
volueris inveniendos.  
*Lpl*



**237,11 SESQUALTERIS HABITUDINIBUS**

- 161 II ad III et c.  
*Aut*

**237,12 IPSASQUE SESQUALTERAS PROPORCIONES**

- 162 ponam  
*PbPe<sup>5</sup>*
- 163 VI ad IIII et VIII ad VI  
*Aut*

**237,12 BINARIO QUATERNARIUM**

- 164 dicens bis IIII  
*Aut*

**237,12 BINARIO**

- 165 ex  
*Pn*

**237,13 SENARIUM BINARIO**

- 166 bis VI dicens  
*Aut*

**237,13 BINARIO**

- 167 ex  
*Pn*

**237,14 NOVENARIUM BINARIO**

- 168 dicens bis VIII  
*Aut*

**237,15 NOVENARIUM TERNARIO**

- 169 dicens ter VIII  
*Aut*

**237,17 II III (*B12*)**

- 170 simplices  
*PbPe<sup>5</sup>V<sub>2</sub>*
- 171 He sunt radices.  
*Aut*

**237,18 IIII (B12)**

172 per binarium  
*P<sub>n</sub>*

**237,18 VI (B12)**

173 per binarium  
*P<sub>n</sub>*

**237,18 VIII (B12)**

174 per ternarium  
*P<sub>n</sub>*  
per binarium per ternarium *P<sub>n</sub>*

**237,19 VIII XII XVIII XXVII (B12)**

175 multiplicati per superiores  
*P<sub>b</sub>V<sub>2</sub>*

176 He sunt proportiones.  
*Aut*

**237,19 VIII XII XVIII XXVII (B12)**

177 bis IIII, bis VI, bis VIII et ter VIII  
*Aut*

**237,20 SESQUITERTIAS PROPORCIONES**

178 III III  
VIII XII XVI  
[XXVII XXXVI XLVIII LXIII]  
*Q<sup>2</sup>SEiK<sub>n</sub>*  
*gl. repet. Ei XXVII XXXVI XLVIII LXIII] add. Ei(2)*

**237,21 EXTENDERE**

179 augere  
*Aut*

**237,21 PONAS SESQUITERTIORUM RADICES**

180 Radices vero sesquiterciorum III et quatuor, de quibus idem facies,  
quod de sesquialteris.  
*Lpl*

**237,22 QUAE**

- 181 scilicet  
*Aut*

**237,23 ATQUE AD HUNC MODUM MULTIPLICES.**

- 182 sicut superiores  
*PbV2*
- 183 hoc modo:  
III IIII  
VIII XII XVI  
*Vrf*  
*cf. II,8,178*

**237,23 MULTIPLICES**

- 184 verbum est secundae personae  
*Pn*
- 185 istos  
*PbV2*

**237,24 SESQUIQUARTAS**

- 186 IIII V  
XVI XX XXV  
*Q2S*
- 187 velis extendere  
*PbPnV2*  
*extentendere V2*
- 188 requiris  
*Pe5*
- 189 proporciones velis augere  
*Aut*

**237,24 SESQUIQUARTORUM DISPONES RADICES**

- 190a IIII et V  
*Q2WiBwi*
- 190b V ad IIII  
*Aut*
- 191 radices sesquiquartorum IIII et V, de quibus eadem est regula  
*Lpl*

**237,24 RADICES**

- 192 Radix femininum genus est  
*P<sub>n</sub>*

**237,25 QUOTLIBET**

- 193 numeros  
*Aut*

**237,26 QUANTUM AUTEM NOBIS HAE CONSIDERATIONES  
PROSINT**

- 194 qui fructus in his modo sit, non demonstratur, sed quantum  
*Aut*

## LIB. II, CAP. 9

## 237,28 DE PROPORTIONE NUMERORUM, QUI AB ALIIS METIUNTUR.

- 1 Aliud de natura proportionis numerorum, quae omnia ad opus sequentium erunt utilia.

*Lpl*

## 237,29 SI DUOS NUMEROS EORUM DIFFERENTIA INTEGRE FUERIT PERMENZA, IN EADEM SUNT PROPORTIONE NUMERI, QUOS SUA DIFFERENTIA MENZA EST

- 2 Axioma

*Vrf*

- 3 in III<sup>o</sup> <libro>

*Pe<sup>5</sup>*

- 4 Futuram expecta expositionem istius regulae.

*Aut*

- 5 duorum numerorum; *differentia eorum*, s. numerorum, si fuerit integra permensa, in eadem proportione erunt numeri, quos mensa est differentia sua.

*Wq*

## 237,29 DUOS NUMEROS

- 6a L LV

*Pe<sup>5</sup>*

- 6b ut LV et L

*Aut*

## 237,29 EORUM

- 7 vel propria

*PbV<sub>2</sub>*

- 8 numerorum

*Pe<sup>5</sup>*

## 237,29 DIFFERENTIA

- 9 ut V

*WqAut*

## 238,1 IN EADEM SUNT PROPORTIONE NUMERI

- 10 <sup>1</sup>Notandum quod *in eadem* [proportione, i.] commensuratione manebunt, vel in augmento vel in detrimento, quousque terminus mutet et ad alium transeat numerum. [<sup>2</sup>Et hoc ad magnorum numerorum proportionem dinoscendam multum valet utilissimumque est.]

*OLaMcPbPc\*AutLryVrf*

1 proportione, i.] *add. LaMcAutLryVrf* commensione *O* cum mensuratione *Aut* vel in detrimento] *om. Lry* vel detrimento *Mc* et ad] ad *Mc*

2 *add. LaMcPcAutLryVrf* ad hoc *Mc* utilissimum *La*

*cf. II,9,21*

## 238,1 NUMERI

- 11a L et LV  
*KnLzPrWbWnWqEwn*  
I et LV *Pr*

- 11b maiores ut L et LV  
*Pn*

## 238,2 DIFFERENTIA

- 12 V  
*LzWbWnWqEwnLlz*

## 238,2 IN QUA ERUNT PROPORTIONE ETIAM HI NUMERI, SECUNDUM QUOS EOS SUA MENSURA EST DIFFERENTIA

- 13 in arithmetica non  
 $Q^2$

## 238,3 HI

- 14 [ut] verbi gratia X et XI  
 $Q^2SKnLzPe^5PnWbWnWqEwnLplLlz$   
ut] *add. S* verbi gratia] *om. KnLzPePnWbWnWqEwnLplLlz*

## 238,3 DIFFERENTIA

- 15 V  
*Pr*  
IV *Pr*

**238,4 HI IGITUR AD SE INVICEM SESQUIDECIMA HABITUDINE  
COMPARANTUR**

- 16 ab unitate enim differunt X et XI, simili quoque proportione L et LV, [i. sesquidecima]

*K<sub>n</sub>L<sub>z</sub>Pr<sup>2</sup>W<sub>b</sub>W<sub>q</sub>L<sub>l</sub>z*

differunt] differentiae *K<sub>n</sub>Pr* simili quoque] similique *L<sub>l</sub>z* i. sesquidecima]  
*add. W<sub>q</sub>*

- |    |                              |       |       |       |
|----|------------------------------|-------|-------|-------|
| 17 | <sup>1</sup> octuplus versus | LXIII | VIII  | I     |
|    | sesquioctavus igitur         | LXIII | LXXII | LXXXI |
|    | nonuplus <versus>            | LXXXI | VIII  | I     |
|    | sesquinonam                  | LXXXI | XC    | C     |
|    | decuplus versus              | C     | X     | I     |
|    | sesquidecimus                | C     | CX    | CXXI  |

<sup>2</sup>Habet enim CXXI totum CX in se et eius mensura, i. XI. <sup>3</sup>Ipsa est X<sup>ma</sup> CX huius numero. <sup>4</sup>Sic ergo, ut C et XC per denarium (decies vel undecies vel undenarium) metiuntur, ita L et LV per medietatem denarii, quod est V, in sesquidecima proportione metiuntur.

<sup>5</sup>Habet enim LV totum L in se et eius denariam, i. V, qui V<sup>e</sup> XI<sup>es</sup> in maiore reperiuntur, cum decies in minore sit.

*Mc*

4 decies vel undecies vel undenarium] *suprascr. Mc*

5 totum] *tonum Mc*

- 18 quia LV continet L et decimam partem eius, i. V

*Aut*

**238,6 HIC**

- 19 quinarus

*LzPbPc<sup>5</sup>PrV<sub>2</sub>W<sub>b</sub>WiWqAutBwiLl<sub>z</sub>Vrf*

**238,7 UNDECIES**

- 20 mecietur quinarus

*Aut*

**238,6 HIC IGITUR METIETUR ...**

- 21 Hoc ad magnorum numerorum dinoscentiam multum valet.

*OQ<sup>2</sup>SV<sup>1</sup>PbPqWq*

Hec *Pq* dinoscentiam] proportionem dinoscentiam *OPb*

*cf. II,9,10*

**238,8 SECUNDUM X IGITUR ATQUE XI NUMEROS LV ET L PROPRIA DIFFERENTIA, ID EST QUINARIUS PERMETIETUR, ET SUNT XI AD X SESQUIDECIMA COMPARATIONE COMPOSITI.**

- 22 <sup>1</sup>Nam sicut quinarium mensurat decies L, sic unitas mensurat decies X, <sup>2</sup>et sicut quinarium mensurat undecies LV, sic unitas mensurat undecies XI, <sup>3</sup>et sicut sesquidecima proportio est in maioribus numeris, qui mesurantur, hoc est L et LV, sic sesquidecima proportio est in minoribus [numeris], qui mesurant maiores, hoc est X ad XI.

*OLaMcPbPc\*Pe<sup>5</sup>V2WqAutLryVrf*

1 decies mensurat quinquaginta undecies quinquaginta V Vrf decies L] quinquaginta L Mc decies mensurat X undecies mensurat XI Vrf per X OPe

2 om. Vrf

3 est in] in Lry hoc est] om. Pe L et LV] L LV La LV Mc in] om. PbV2 numeris] add. PbV2 X et XI LaVrf X ac XI Wq

**238,8 SECUNDUM X IGITUR ATQUE XI**

- 23 secundum illam proportionem, quae est inter X et XI  
Vrf

**238,8 LV ET L**

- 24 istos, s. numeros  
Vrf

**238,9 PROPRIA DIFFERENTIA**

- 25 nominativus  
Vrf

- 26 unitas  
PnLpl

**238,9 ET SUNT XI AD X SESQUIDECIMA COMPARATIONE COMPOSITI**

- 27 Expositio est.  
Vrf

- 28 quia XI continet X et decimam partem eius, i. unum  
Aut



**238,10 COMPOSITI**

- 29 comparati  
*PnLpl*

**238,10 IN EADEM IGITUR SUNT PROPORTIONE NUMERI**

- 30 in sesquiX<sup>a</sup>  
*Vrf*

**238,11 NUMERI**

- 31 L et LV  
*OBiKnLzPbPnPrVzWbWnWqAutEwnLlz*  
*LV et L Aut et] om. PnWnWqEwn*

**238,11 DIFFERENTIA**

- 32 V  
*OBiPbPnPrVzWqLpl*  
*quinarius BiPbVz quinaris PnLpl*

**238,12 IN QUA**

- 33 sesquidecima  
*PnLpl*

**238,12 HI**

- 34a X et XI  
*OQ<sup>2</sup>SBiKnPbPnPrVzWbWnWqAutEwn*  
*XI] XII O*

- 34b X XI numeri  
*Pc*

**238,13 EOS**

- 35 L et LV  
*O*

**238,13 PROPRIA DIFFERENTIA**

- 36 V  
*LzWbWnLlzEwn*  
*LV Ewn*

**238,13 QUOD SI QUA DIFFERENTIA ...**

- 37 Axioma  
*Vrf*

**238,13 QUA**

- 38 aliqua  
*BiPb*
- 39 data  
*Kn*

**238,14 EOS NUMEROS**

- 40 ut LIII et LVIII  
*Aut*

**238,14 DIFFERENTIA**

- 41 ut quinarius  
*Aut*

**238,15 UT**

- 42 quomodo ita, exponit, s. ut  
*Aut*

**238,15 EANDEM MENSURAM NUMERORUM PLURALITAS EXCEDAT IDEMQUE IN UTRISQUE SIT EXCESSUS ET SIT DEMINUTIOR DIFFERENTIAE MENSURA, QUAM EST PLURALITAS NUMERORUM**

- 43 quia pluralitas LIII numeri excedit decies V, et pluralitas LVIII excedit undecies quinque, et hac ablacione numeri, qui remansere post ablacionem, i. L et LV, inter se maiorem habent proporcionem, quam esset, cum unusquisque habebat in se ternarium abstractum.  
*Aut*  
oblacione *Aut*

**238,15 PLURALITAS**

- 44 copia  
*Aut*

**238,16 IDEMQUE IN UTRISQUE SIT EXCESSUS**

- 45 aequalis transilitio  
*OPbV2*
- 46 equalis transgressio  
*Bi*
- 47 qui metiuntur eadem differentia  
*Pe5*

**238,16 EXCESSUS**

- 48 augmentum  
*Pe5*
- 49a ut non possit pertingere usque ad summam nimis exuberantem  
*Lpl*
- 49b <sup>1</sup>non pertingens husque ad summam. <sup>2</sup>Quinarius enim decies non pervenit husque ad LIII, nec undecies husque ad LVIII.  
*LryVrf*  
*2 om. Lry*

**238,16 ET SIT DEMINUTIOR DIFFERENTIAE MENSURA, QUAM EST PLURALITAS NUMERORUM**

- 50 non comprehendat totam quantitatem numerorum  
*OPe5*
- 51 ut sunt III minus V duobus  
*KnLzPr<sup>2</sup>WbWnWqEwnLlz*  
*ut] II<sup>o</sup> Pr V] om. Llz*
- 52 Ipse exponet affatim in sequenti.  
*Aut*

**238,17 DIFFERENTIAE**

- 53 V  
*EiEnKnLzMhMkPrWbWnWqEwnLlz*

**238,17 PLURALITAS NUMERORUM**

- 54 L LIII  
*EiEnMhMk*  
*LIII] III Mh*
- 55 LIII et LVIII  
*KnLzPrWbWnWqEwnLlz*

**238,18 MAIOREM OBTINEBUNT PROPORTIONEM AD SE INVICEM  
NUMERI, SI EIS ILLUD, QUOD RELINQUITUR POST MEN-  
SIONEM, RETRACTUM SIT, QUAM FUERUNT INTEGRI**

- 56 Verbi gratia: Maiorem habebunt proportionem L et LV, si ternarius utrisque fuerit detractus, quam habuerunt, dum erant integri, i. LIII.

*Lpl*

**238,19 NUMERI**

- 57 comparati  
*BiPb*

**238,19 SI**

- 58 hoc est quod  
*Aut*

**238,19 EIS**

- 59 numeris  
*Aut*

**238,19 QUOD RELINQUITUR POST MENSIONEM**

- 60 III  
*PrWqAut*

**238,20 PROPRIA DIFFERENTIA**

- 61 uniuscuiusque, i. decies V L, et undecies V LV  
*Aut*

- 62 *Propriam differentiam* dicit quinarium, qui, dum metiebatur illos integros LIII et LVIII, ad eorum exuberationem non potuit pertinere.

*Lpl*

**238,21 SINT ENIM NUMERI DUO LIII ET LVIII.**

- 63 Si vero addas binarium unicuique, erunt LV et LX; atque idcirco in his minor proportio, quam in L et LV, aut si subtrahas ternarium utrisque.

*KnLzPr<sup>2</sup>WbWqLlz*

erunt] *om. Wq LX] XL LzLlz minor] om. Wq aut si] aut Kn ut Pr*

- 64 <sup>1</sup>Excepta [i. ablata] quadam praecisura [i. minima] LIII et LVIII in sesquitertia decima proportione sunt. <sup>2</sup>Quod ita probatur: Sublata unitate a LIII et a LVIII duobus sublatis [i. quia LVI continet LII et tredecimam partem eius, i. IIII, remota quadam praecisura] sesquiertii decimi sunt LII ad LVI. <sup>3</sup>Divide ergo unitatem, quam a LIII<sup>bus</sup> subtraxeras, in XIII minutias easque distribue singulas per singulos quaternarios, qui sunt XIII<sup>es</sup> in LII<sup>obus</sup>. <sup>4</sup>Rursus duas unitates a LVIII subtractas dissipabis singulas in XIII minutias, ex quibus XIII sumptas, appones singulas singulis quaternariis, qui sunt XIII in LVI, et remanent XII minuciae. <sup>5</sup>Hac igitur praecisura reiecta LIII et LVIII sesquitercii decimi sunt.

*LaMcPb<sup>3</sup>\*Pc\*RI\*AutLryVrf*

1 Excepta] Excepto *Lry* Facta *Vrf* i. ablata] i. oblata *add. supra Aut* quaedam *Mc* praescirura *Lry* i. minima] *add. supra Aut*

2 a LIII] LIII *McPbAutLry* de LIII *Vrf* a LVIII duobus sublatis] duobus sublatis LVIII *McPbAutLry* duobus sublatis de LVIII *Vrf* i. quia - praecisura] *add. Aut* sunt] *om. Mc* ad] et *Mc*

3 ergo] *om. McPbRI* a LIII<sup>bus</sup>] LII<sup>bus</sup> *McPbRIAutLry* de LIII *Vrf* distribuas *Aut* quaternarios] *om. LaRI*

4 a LVIII] LVIII *McPbRI* *Lry* de LVIII *Vrf* XIII sumptas] XIII sumptas *McLry* singulas appones singulis *Lry* singulas] *om. McPbRIAutVrf* sint *Pb*

5 Haec *Aut*

## 238,24 L

- 65 quia decies quinque L sunt et non ultra  
*Aut*

## 238,25 IDEM

- 66 quinarius  
*BiPbPrV2Aut*

## 238,25 LV

- 67 quia undecies V LV sunt et non ultra  
*Aut*

## 238,26 EX UTRISQUE

- 68 a LIII et LVIII  
*Aut*

**238,31 IN HOC IGITUR MANIFESTUM EST, MAIORIS ESSE PROPORTIONIS INTER SE L ET LV QUAM LIII AD LVIII. IN MINORIBUS ENIM NUMERIS MAIOR SEMPER PROPORTIO REPPERITUR; QUOD PAULO POSTERIOUS DEMONSTRABIMUS.**

- 69 <sup>1</sup>Adtende lector, quia hoc solum vult demonstrare in hoc loco, quod maiores sunt proportiones, quando minores sunt numeri, quam cum augentur aequaliter. <sup>2</sup>Quod paulo post confirmat de primo naturali numero.

*OM7*

- 70 <sup>1</sup>Verbi gratia duo ad unum dupla proportio est, III ad duos sesquialtera, IIII ad III sesquitertia. <sup>2</sup>Maior itaque est proportio dupla quam sesquialtera, minorque numerus; maior sesquialtera quam sesquitertia, minorque numerus [quia in minoribus maior].

*OBiM7McPbPc\*V2AutLryVrf*

1 a duo *O* duo ad II *Aut*

2 proportio est *McPbV2AutLry* est] *om. Bi* minorque] minor tamen *Bi* maior sesquialtera] minor sesquialtera *Aut* nam in sesquialtera *Lry* sestertia *V2* minorque] minor tamen *Bi* quia in minoribus maior] *add. Mc*

**238,31 IN HOC IGITUR**

- 71 ablacione III ab utrisque

*Aut*

oblacione *Aut*

**238,32 QUAM LIII AD LVIII**

- 72 Nam sesquiundecima erit, si duo additi fuerint, ut sunt LV ad LX

*Wq*

XL *Wq*

**238,32 IN MINORIBUS ENIM NUMERIS MAIOR SEMPER PROPORTIO REPPERITUR**

- 73 <sup>1</sup>Quod maioribus numeris minor sit proportio, in minoribus maior. <sup>2</sup>Hic queritur, quomodo minor proportio est in LIII et LVIII, quam in L et LV, <sup>3</sup>et quomodo iterum maior proportio est in XLVIII et LIII, quam in L et LV.

<sup>4</sup>Sic est respondendum, quod, si iste Boetius iterum adderet super LIII II, essent LV, <sup>5</sup>et ipsum numerum mensuraret quinarius undecies. <sup>6</sup>Et si adderet super LVIII alia II essent LX, <sup>7</sup>et mensuraret idem numerus illum duodecies; <sup>8</sup>et esset sesquiundecima proportio inter LV et LX, quae est minor ex sesquidecima. <sup>9</sup>Sed quamvis non

pervenit usque ad illam proportionem in LIII et LVIII, <sup>10</sup>tamen apparet ex hoc, quod minor proportio est in maioribus numeris et maior in minoribus.

<sup>11</sup>Item si demeret III ex XLVIII, essent XLV, et mensuraret illum quinarius novies. <sup>12</sup>Et similiter, si tolleret ex LIII III, remaneret L, et mensuraret illum quinarius decies. <sup>13</sup>Et esset sesquiquina proportio, quae maior est sesquidecima. <sup>14</sup>Et est iste numerus, hoc est L et LV, medius inter maiorem et minorem. <sup>15</sup>Nam minorem proportionem habet a maiore, et maiorem a minore.

<sup>16</sup>Et hic iterum quaeritur, quare III addidit quantitati numeri utriusque, ut maiores efficeret numeros, <sup>17</sup>et quare duos minuit ex eadem quantitate, ut minores faceret.

<sup>18</sup>Sic solvendum est, quod quantitatem quinarii, qui est differentia praedictorum numerorum, divisit in duas partes, hoc est in III et II, <sup>19</sup>et maiorem partem addidit quantitati praedictae, ut essent maiores numeri, et minor proportio; <sup>20</sup>et minorem dempsit ex eadem quantitate, ut essent minores numeri et maior proportio.

*O\*LaM7McPb\*Pc\*PePqV2WqAutHwgLryVrf*

1] *om. LaM7McPcPePqWqAutHwgLryVrf*

2 Hic] *om. LaMcPcPeAutHwgLryVrf in LIII] LIII Pe in L] L PbV2 et in LV Pq*

3 iterum] igitur Pq maior] minor PeHwg XLVIII] LVIII Pq in L] L Hwg et in LIII Pq LIII] LVIII Aut

4 respondendum est *LaMcPeAutHwgLryVrf* iste] *om. Wq phylosophus iste LaLry philologus iste McPeAutHwgVrf II] duo s. Lry essent] add. Pb<sup>3</sup> om. V2*

6 alia] *om. La*

7 et] quem Wq illum idem numerus La illum] *om. Wq*

8 sesquiundecima inter LV et LX proportio M7 propocio V2 inter] i. *LaMcPbPeV2AutHwgLryVrf* minor est Lry ex] *om. LaM7LryVrf est McAut*

9 quamvis] quinarius OM7 quam Pb (vis add. Pb<sup>3</sup>) V2 ad illam proportionem non pervenit *LaMcPbPeV2AutHwgLryVrf*

10 et] *om. PeHwg* maiora in minoribus M7

11 Item] Ite V2 XLV] XLVI La

12 Esset similiter Hwg

12-13 si III tolleret de XLIII remaneret (remaneret *McAutLryVrf*) XL mensuraret quinarius (qui quinarius *AutLry*) octies et esset (essent *Mc*) sesquioctava proportio *LaMcAutLryVrf*

12 et similiter tolleret XLIII iure manerent L PbV2 si tres tolleret de LXIII<sup>b<sup>us</sup></sup> (LIII Hwg) iure remanerent L PeHwg et mensuraret illum] mensuraret PbV2 quinarius illum Hwg illum] *om. Wq*

13 Et] *om. Hwg* quae] qui *Mc*

14 numerus iste Pq iste] *om. Vrf* hoc est L et LV] XLVIII et LIII PeHwg

15 - 18 Sic solvendum est] *om. Vrf*

15 *om. LaMcAutHwgLry* Nam maiorem proportionem habet a maiore minore a maiore. PbV2 Nam maiorem proporcionem habet ad minorem a maiore. Pe Nam maiorem proportionem habet a minore et minorem a maiore. Pq Nam maiorem proportionem habet a maiore minorem a minore. Wq

16 Et hic] *om. La quare om. Hwg* quantitati numeri addidit *LaMcPb-PeV2AutLry* quantitati utriusque numeri addit *Hwg* utriusque numeri *M7* efficiat *Hwg*

17 minui *M7* quantitatem *V2* minorem *M7* faceret] efficeret *Pe*

18 Sic] Et illud sic *Wq* est] *om. Aut* quinarium] binarii *V2* qui] quae *LaMc-PbPeAutHwgLryVrf* quod *V2*

19 addit *OHwg*

19 maiores numeri - 20 ut essent] *om. Pq*

20 minorem] maiorem *Mc* dempsit] depressit *LaMcAutLryVrf* ut] *om. V2*

- 74 Si intelligis in multiplici, falleris; potius e contrario ibi invenies: Maior enim est tripla quam dupla, et quadrupla quam tripla, et sic in ceteris. In superparticularibus et c. vera est regula.

*Lpl*

### 238,32 IN MINORIBUS ENIM NUMERIS

- 75 particularium

*Q<sup>2</sup>S*

### 239,1 QUOD PAULO POSTERIUS DEMONSTRABIMUS

- 76 in XII capitulo III libri

*Q<sup>2</sup>S*

### 239,2 SIN VERO ...

- 77 Axioma

*Vrf*

- 78 Ad confirmandam hanc praesentem, quam dederat regulam, hoc etiam addit. Dederat primum regulam de proportione L et LV respectu proportionis iudicum, i. X et XI, a quibus excrescebant per quinarium, qui fuit illorum differentia. Et postea de exuberantibus, i. LIII et LVIII. Nunc vero de diminutis, i. XLVIII et LIII, in quibus postremis duobus confirmant datam regulam, quia in minoribus maior est proportio et in maioribus minor, quod subintelligitur.

*Lpl*

### 239,3 SUPERVADAT

- 79 supervincat

*M6*

- 80 supercrescat

*PbV2AutLry*

- 81 sicut binario XLVIII et similiter LIII

*KnLzPr<sup>2</sup>WbWqLlz*  
et] *om. Wq*



**239,3 EADEMQUE UTROSQUE NUMERI PLURALITATE PRAETER-EAT**

82 illa differentia permensa

*LzWbLlz*

83 in sequenti solvetur

*Aut***239,3 EADEMQUE**

84 permensio

*M6*

85 equali

*Pb***239,5 SUPERIUS MENSI**

86 L LV

*Pe5***239,5 SUPERIUS**

87 quasi prius

*Aut***239,5 MENSI**

88 quia

*Aut***239,5 CUM ADDITIONE**

89 interposicio

*Aut***239,5 EIUS SUMMAE**

90 binarii

*Pe5Wi*

91 quinarii

*PnLpl*

**239,6 QUA**

- 92 summa  
*M6Aut*
- 93 secundum quam  
*Pe5*

**239,6 SUPERVADIT**

- 94 differentia  
*CgPb<sup>3</sup>PiR1*  
*instar textus CgR1*

**239,7 SINT ENIM NUMERI XLVIII ET LIII.**

- 95 XLVIII LIII  
L LV  
LIII LVIII  
*Pb<sup>3</sup>*

**239,8 METIATUR IGITUR XLVIII NUMERUM QUINARIUS DECIES, FIUNT L.**

- 96 Id, si dixerimus, decies V habebimus; duos plus, quam sint XLVIII.  
Et hoc est, quod dicit: *L numerus supervadit numerum XLVIII binario.*  
*Aut*

**239,10 SUPERVADIT**

- 97 habundat  
*Aut*

**239,10 BINARIO**

- 98 duos supervadit  
*Aut*

**239,11 IDEM**

- 99 quinarius  
*M<sup>3</sup>Q<sup>2</sup>SBiEnKnLzPiPqPrWbWnLplLzTpi*  
quinarris *Q*

**239,11 QUI**

100a LV  
*PqPr*

100b numerus, i. LV  
*Aut*

**239,11 QUI**

101 quinarius  
*KnLzPr<sup>2</sup>WbLlz*

**239,12 LIII**

102 et XLVIII  
*Wq*

**239,12 UTRISQUE**

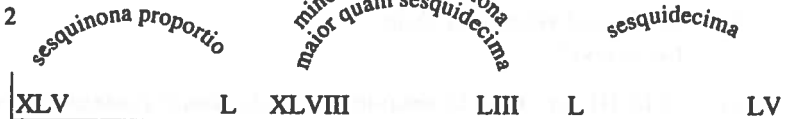
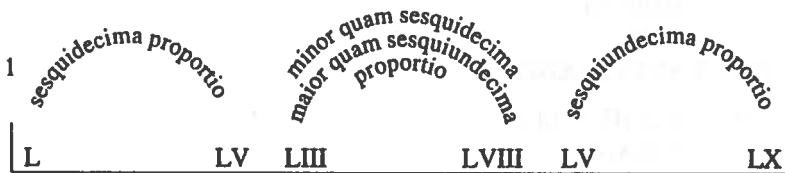
103 LIII et XLVIII  
*Aut*

**239,14 ad B14**

104 XLVIII V LIII  
L LV  
LIII LVIII  
*Aut*  
*cf. II,9,95*

**239,16 MINORE IGITUR ...**

105

*LaPe*

1 sesquiundecima proportio] sesquiXlma *Pc*  
 2 maior quam sesquinona minor quam sesquidecima proportio *La* sesquide-  
 cima proportio *La*  
*instar textus La*

### 239,16 MINORE IGITUR SUNT PROPORZIONE L AD LV

106 L enim ad XLV sesquinona proportio est, LV vero ad L sesquide-  
 cima, ideoque minor.

*LzPr<sup>2</sup>WbWqLlz*

XLV] LV *Wq* sesquinona] sesquitertia *Pr* sesquiuna *Wq* sesquidecima]  
 sesquiundecima *PrWq* idemque *Llz*

### 239,16 MINORE

107 in  
*Aut*

### 239,16 PROPORZIONE

108 sesquidecima  
*PbPcAutVrf*

### 239,16 CUM ADDITIONE SCILICET BINARI

109 quae tamen in eis supercrevit  
*Q<sup>2</sup>SLzPbPqRlV2WqLlzPhl*  
 qui *PbV2* tamen tantum *Wq* superexcrevit *LzPbPqRlV2Llz*

### 239,17 QUO

110 binario  
*M6PbV2Aut*

### 239,17 SUPERVADIT

111 XLVIII et LIII  
*PbPcAutVrf*

### 239,18 QUAM XLVIII ET LIII NUMERI

112 sesquiloni relicto ternario  
*PbPcAutVrf*

113 <sup>1</sup>XLVIII [et] LIII in sesquinona proportione possent haberi, nisi  
 quaedam unitatis particula deesset. <sup>2</sup>Quod defectum dicimus  
 hoc modo: <sup>3</sup>Sublatis enim tribus ab utroque termino reliqui in

sesquinona proportione sunt. <sup>4</sup>Tres vero unitates, quas XLVIII subtraxeras, partire singulas in tria. <sup>5</sup>Has minutias singulas per singulos quinarior, qui sunt novies in XLV, distribue. <sup>6</sup>Eandem divisionem fac et de tribus, quos LIII recidisti, <sup>7</sup>similiterque singulas minutias singulis quinariis, qui sunt decies in L, appone. <sup>8</sup>Sed VIII minutiae [singulis] VIII quinariis aequabuntur. <sup>9</sup>Decimo igitur si non deficeret minutia, XLVIII et LIII sesquinoni essent.

*LaMcPb<sup>3</sup>Pc\*R1AutLryVrf*

1 XLVII Lry et] *add. AutLryVrf*

3 enim] *om. LaAutLryVrf sesquinona] sesquitertia LaLryVrf*

4 vero] *om. La a XLVIII LaAut de XLVIII Vrf detraxeras Vrf in tria] in alia a tria (alia cancell.) Aut*

5 XLII Lry

6 et de] *ex La a LIII LaAut recidisti] retulisti Vrf*

8 quinarior Lry singulis] *add. Vrf*

9 Decima *AutVrf deficeret Aut LXLVIII et LII Mc*

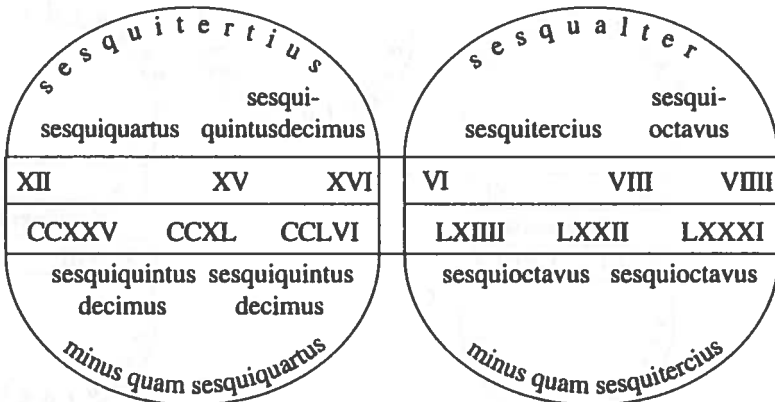
**239,19 MAIORES VERO ET MINORES PROPORCIONES HOC MODO INTELLEGUNTUR.**

114 Determinat regulam superius datam.

*Lpl*

**239,23 UNDE FIT, ...**

115



*La*

**239,25 HINC EVENIT, UT IN NUMERIS MINORIBUS MAIOR SEMPER VIDEATUR PROPORTIO SUPERPARTICULARIUM NUMERORUM.**

- 116 non autem multiplicium, quia multiplex, quanto maior est in numero, tanto maior in proportione. Superparticularis vero in minoribus maior, in maioribus minor.  
*P<sub>e</sub><sup>5</sup>*

**239,26 SUPERPARTICULARIUM**

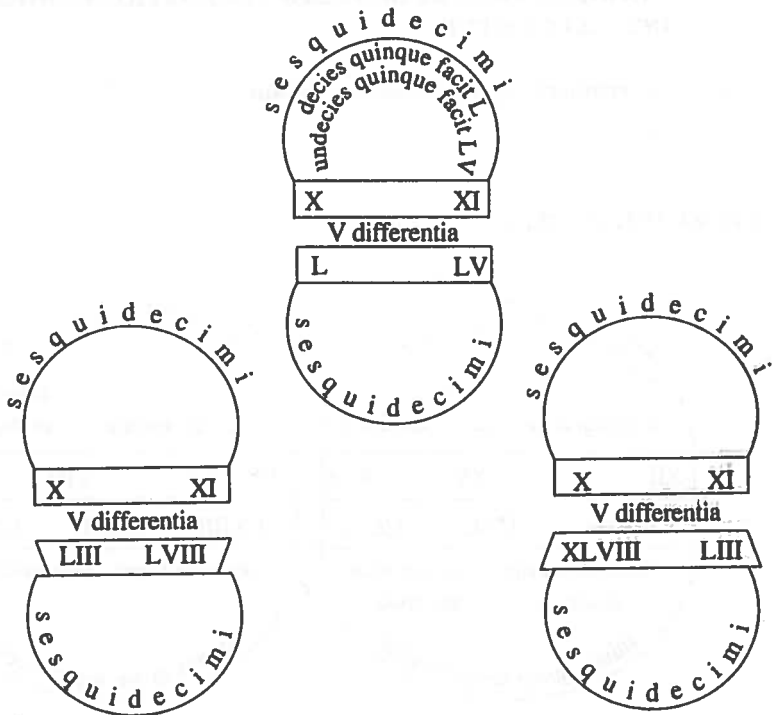
- 117 sesquialterorum  
*Aut*

**240,3 MINOR**

- 118 proportio  
*OM6*

**240,4 HINC APPARET ...**

119



*Vrf*

**240,4 HINC APPARET**

120 ex naturali numero

*M6*

121 ex ratione praemissa

*Aut***240,5 SUPERPARTICULAREM**

122 sesquialteram

*Aut***240,6 AEQUA PLURALITAS ADDATUR**

123 V XLVIII et LIII

*EiEn*

124 ut in L et LV assumpta pluralitate s. binario

*Aut***240,6 AEQUA**

125 aequalis

*OM6PbV2***240,6 MAIOREM ESSE PROPORTIONEM ANTE AEQUAE PLURALITATIS AUGMENTUM, QUAM POSTEA QUAM EIS PLURALITAS AEQUA SIT ADDITA.**

126 unde in L et LV maior est proportio quam prius, cum III in utroque adiiiciuntur et fiunt LIII et LVIII.

*OQ<sup>2</sup>SV<sup>1</sup>PbPqWq*unde in] inde *O* unde inter *V* quam] quae *Pb* quod *Pq* quia *Wq* prius] post *OPb* proportio *VWq* postquam *Pq* cum] *om. Pq III] om. OPb*

127 sicut superius monstratum est in XLVIII et LIII, [quibus utrisque equaliter binarius est additus.]

*KnLzWbWqLlz*superius] in superioribus numeris *Wq* in] i. in *Wq* quibus - additus] *add. LzWbLlz* binarius equaliter *Llz***240,6 MAIOREM ESSE PROPORTIONEM**

128 sicut in L et LV ante additionem ternarii

*Pc<sup>5</sup>*

**240,6 MAIOREM ESSE**

- 129 apparet, dico  
*Aut*

**240,7 ANTE AEQUAE PLURALITATIS AUGMENTUM**

- 130 priusquam pluralitas addatur  
*Aut*
- 131 ut minorem proportionem faciunt L et LV assumpta equa pluralitate, s. binario, quam XLVIII et LIII  
*Aut*

**240,8 POSTEA QUAM EIS PLURALITAS AEQUA SIT ADDITA**

- 132 in XLVIII LIII, ut in L et LV, et LIII et LVIII  
*O*



## LIB. II, CAP. 10

## 240,11 ILLUD ETIAM ...

- 1 Axioma  
Vrf

## 240,11 PRAEMITTENDUM

- 2 antemittendum  
Pn
- 3 dicendum  
PnAut

## 240,12 PAULO POST

- 4a in II kapitulo IIII libri  
Q<sup>2</sup>SCgR<sup>2</sup>Wg  
paulo post s. in secundo quarti libri capitulo *repet. in marg. R2* in capitulo II<sup>o</sup> Wg
- 4b *Paulo post* quaere explanationem huius capituli in secundo capitulo quarti libri.  
BiMcPb<sup>3</sup>PcPeV<sup>2</sup>AutLryVrf  
Paulo post] *om. BiPe* quarti] huius *Mc*
- 4c in IIII<sup>to</sup>  
Pe<sup>5</sup>
- 4d in sequentibus melius intelleges i. IIII libro  
Pr<sup>2</sup>

## 240,12 SI MULTIPLEX INTERVALLUM BINARIO FUERIT MULTIPLICATUM, ID ETIAM, QUOD EX ILLA MULTIPLICATIONE NASCETUR, MULTIPLEX ESSE

- 5 <sup>1</sup>*Intervallum*, i. proportio, *binario multiplicatur*, cum in tribus terminis extenditur. <sup>2</sup>Nam inter duos terminos unum est tantum intervallum. <sup>3</sup>Ad hanc autem probandam sententiam, cum primum vicini sibi conferantur termini, deinde conferuntur extremi [ad se].  
Q<sup>2</sup>SV<sup>1</sup>LzMcMf<sup>2</sup>MhMkMmShWgLlz  
1 Intervallum - multiplicatur] *om. LzMfMhMkMmShLlz* Intervallum est proportio binario multiplicato *Mc* i.] hoc est *Wg*  
2 unum tantum intervallum est *QSMm* unum tantum est intervallum *LzMfMhMkShLlz*

3 autem] *om. LzMfMhMkMmShLlz* vicini conferantur sibi *QS* sibi vicini conferantur *LzMfMhMkMmShLlz* sibi vicini conferuntur *Mc* deinde] dehinc *Wq* conferuntur] conferantur *Wq* ad se] *add. Mm*

- 6 <sup>1</sup>Multiplicatio intervalli per binarium in cuiuslibet specie et inaequalitatis proportione fit, cum tres termini sumuntur ad proportionalitatem. <sup>2</sup>Et sit proportio medii ad extremos, et rursus extremorum ad se.

*LzMf<sup>2</sup>MhMkMmShLlz*

1 per binarium in] per *suprascr.* in *Mm* et inaequalitatis] equalitatis *Mm* et equalitatis *Sh*

2 sit] *om. LzLlz* extremas *Sh* et rursus *om. Mm*

- 7 Quod dicit: multiplicari per binarium, nihil aliud est, nisi, ut bis fiat eadem proportio in tribus terminis.

*LzLlz*

*alia manu Lz* dicunt *Llz*

- 8 <sup>1</sup>*Multiplex intervallum* est, quod ex sesquialtero sesquitercioque nascitur: II IIII VI. <sup>2</sup>Dum primus multiplex binarius binario multiplicatur, id, quod inde nascitur, i. IIII, multiplex est. <sup>3</sup>Similiter dum secundus multiplex, qui est quaternarius, binario multiplicatur, VIIInarius natus multiplex. <sup>4</sup>Similiter senarius binario multiplicatus XII multiplicem reddit, et reliquae.

*Mc*

2 Dum primus] duprimus *Mc* binario] binarium *Mc*

- 9 <sup>1</sup>*Intervallum*: hic proporcionem adcipias. <sup>2</sup>Proporcio enim binario multiplicatur, cum in tribus terminis extenditur. <sup>3</sup>Duos etenim et unum dupla regit proportio, quae binario multiplicata in tribus terminis extenditur: I II IIII. <sup>4</sup>Dupla namque hic proportio geminatur, dum eadem, quae inter II et I, inter IIII et II redditur. <sup>5</sup>Ex hac itaque multiplici proportione, i. duplici, binario multiplicata multiplex redditur, i. quadrupla.

*Pe*

5 multiplici] multiplicio *Pe*

- 10 Dico: *si binario fuerit multiplicatum, id quod nascetur multiplex esse demonstrabitur*. Nam si illud non fuerit multiplex, nec illud, quod *binario fuerit m<ultiplicatum>*, erit multiplex a pari per conversionem. Sicut: ‚Homo est animal.‘ Nam si non est animal, non est homo.

*Aut*

## 240,12 MULTIPLEX INTERVALLUM

- 11 II IIII

*KnLzPrWb*

**240,12 INTERVALLUM**

12 vel spatium

*M6*

13 proporcio

*Aut***240,12 BINARIO FUERIT MULTIPLICATUM**

14 bis geminetur, ut, si haec proporcio I II geminetur, i. addatur huic alia, ut sit sic: I II IIII. Tunc IIII<sup>or</sup> ad unum faciunt multiplicem proporcionem, sicut duo ad unum.

*Aut***240,12 BINARIO**

15 per binarium, hoc est, quando binae multiplicantur proportiones

*LzWbLz***240,14 MULTIPLEX ESSE**

16 constat

*LzWb*

17 apparet

*M6*

18 demonstrabitur

*Aut**cf. II,10,27; II,10,39***240,14 QUODSI ID, QUOD EX TALI MULTIPLICATIONE PROCREATUM SIT, NON FUERIT MULTIPLEX, TUNC ILLUD NON ESSE MULTIPLEX, QUOD BINARIO FUERIT MULTIPLICATUM**

19 I II  
III VI

*K<sub>n</sub>***240,14 QUOD EX TALI MULTIPLICATIONE PROCREATUM SIT**

20 duo extremi termini

*PbV2*extremi termini] *om. V2*

**240,14 EX TALI**

- 21 illa  
*Mm*

**240,15 PROCREATUM SIT**

- 22 vel nascetur  
*M4*

**240,15 TUNC ILLUD NON ESSE MULTIPLEX, QUOD BINARIO FUERIT MULTIPLICATUM.**

- 23 V IIII  
*KnLzWb*

- 24 Sint IIII<sup>or</sup> V et I. Bis quinque non est multiplex quaternarii.  
*Wq*

**240,15 TUNC ILLUD NON ESSE MULTIPLEX**

- 25 apparet  
*M6*

- 26 manifestum est  
*PqWq*

**240,16 QUOD BINARIO FUERIT MULTIPLICATUM**

- 27 demonstrabitur  
*Aut*  
*cf. II,10,18; II,10,39*

**240,17 ITEM SI SUPERPARTICULARIS PROPORATIO BINARIO MULTIPLICETUR, ID QUOD FIT, NEQUE SUPERPARTICULARE ESSE NEQUE MULTIPLEX.**

- 28 Axioma  
*Vrf*

- 29 Require explanationem in principio libri.  
*Cg*

- 30 certum est  
*WiBwi*

- 31 II III  
 III VI  
*K<sub>n</sub>*
- 32 III VI VIII  
*Pr*
- 33 <sup>1</sup>Nonne II et III sesqualteri? <sup>2</sup>Bis bini III et bis terni VI. <sup>3</sup>Nonne similiter sesqualteri? <sup>4</sup>Sed non ita debes accipere, quod dicit: *si binario multiplicetur*, <sup>5</sup>sed ita potius ut [duobus intervallis] fiat coniuncta proportionalitas in tribus terminis hoc modo: <sup>6</sup>Sit primus terminus III, huius sesqualter VI, et senarii VIII, <sup>7</sup>qui novenarius ad primum comparatus nec multiplex nec superparticularis eius invenitur.

*BiCgLaMcPb<sup>2</sup>Pc<sup>2</sup>R<sup>2</sup>\*AutLryVrf*

1-3] II et III sesqualteri sunt. Multiplicati II per binarium reddunt III et III per eundem multiplicati reddunt VI. Sex et III nonne similiter sunt sesqualteri?  
*Bi*

2 et] *om. Cg*

4 debes accipere] accipiendum *CgR<sup>2</sup>* dicit] dicitur *CgR<sup>2</sup>* dicitur *La* Si binarii multiplicentur *Lry*

5 duobus intervallis] *add. BiCgR<sup>2</sup>* fiat] sit *Bi*

6 terminus] numerus *Lry* sesqualteri *Mc*

7 eius] ei *Mc*

#### 240,17 SI SUPERPARTICULARIS

- 34 vel: si intervallum non multiplex  
*PiTpi*

#### 240,17 BINARIO

- 35 binis proportionibus  
*LzWbLlz*

#### 240,18 ID QUOD FIT

- 36 ex tali multiplicacione  
*Aut*

#### 240,18 FIT

- 37 nascitur  
*Pn*

**240,18 NEQUE SUPERPARTICULARE ESSE NEQUE MULTIPLEX**

38 constat

*Pc<sup>5</sup>Pq*

39 demonstrabitur

*Aut**cf. II,10,18; II,10,27*

40 quia non utrumque est, sed aut superparticulare est aut multiplex

*MfMhMm**alia manu Mf est] om. Mm est] om. Mm***240,19 QUOD**

41 et

*Aut***240,19 NEQUE MULTIPLEX EST NEQUE SUPERPARTICULARE**42 I II IIII. II multiplex intervallum est, quod duplum est unitatis. Si binarius binario multiplicetur, erit multiplex et perveniet ad tertium terminum; sunt enim IIII<sup>or</sup>.*Wq**duplus Wq***240,20 NEQUE SUPERPARTICULARE**

43 est

*Aut***240,20 TUNC**

44 quoniam

*Pc<sup>5</sup>***240,21 VEL SUPERPARTICULARIS VEL ALTERIUS GENERIS**

45 est

*Pb*

46 esse

*WiBwi*

47 monstrabitur esse

*Aut*

**240,22 NON VERO MULTIPLICIS**

48 constat  
*Pe<sup>5</sup>*

49 liquet  
*WiBwi*

**LIB. II, CAP. 11****240,24 HIS**

- 1 quere in antea  
*P<sub>r</sub><sup>2</sup>*
- 2 modo dictis  
*Aut*

**240,24 DUOS PRIMOS SUPERPARTICULARES PRIMAM EFFICERE MULTIPLICEM PROPORCIONEM**

- 3 Axioma  
*V<sub>r</sub>f*
- 4 Si senarium, qui est triplus ad binarium, octonario iunxeris, qui est sesquitercius ad senarium hoc modo: II VI VIII, octonarius ad binarium quadruplus est.  
*O*

**240,24 SUPERPARTICULARES**

- 5 species  
*K<sub>n</sub>*
- 6 sesqualteros  
*Aut*

**240,25 PRIMAM EFFICERE MULTIPLICEM PROPORCIONEM**

- 7 dupplam  
*M<sub>6</sub>*

**240,25 SI SESQUALTER ET SESQUITERTIUS CONIUNGANTUR, DUPLICEM CREANT**

- 8 in arithmetica non  
*Q<sup>2</sup>*

**241,1 DUPLICEM**

- 9 quae est diapason  
*B<sub>x</sub>*



**241,3 SESQUALTER**

- 10 est  
*PiTpi*

**241,4 RURSUS PRIMUS MULTIPLEX PRIMO ADDITUS SUPERPARTICULARI SECUNDUM MULTIPLICEM CREAT.**

- 11 Axioma  
*Vrf*

**241,4 PRIMUS MULTIPLEX**

- 12 duplus  
*BiPbPcPnPqV2AutLplVrf*  
duplex *V2*

- 13 binarius  
*PnLpl*

**241,4 ADDITUS**

- 14 sequenti  
*PcAutVrf*

**241,4 SUPERPARTICULARI**

- 15 sesqualtero  
*BiPbPcV2AutVrf*

**241,5 SECUNDUM MULTIPLICEM**

- 16 triplum s. VI  
*PnLpl*

**241,6 PRIMUS SCILICET MULTIPLEX**

- 17 duplex  
*Pe<sup>5</sup>*
- 18 quantum ad proportionem, non ad numerum  
*Wq*

**241,7 SUPERPARTICULARIS**

- 19 sesqualter  
*PcPe<sup>5</sup>AutVrf*  
sequalter *Pc*

## 241,8 QUI

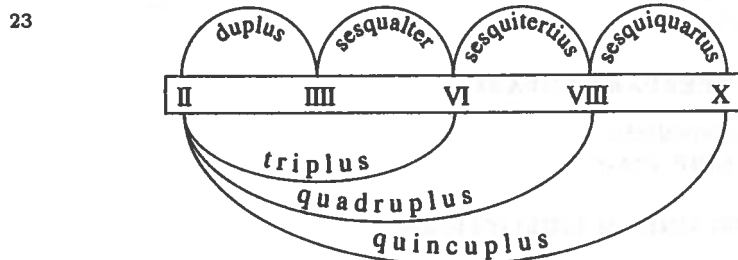
- 20 triplus  
*Pc<sup>5</sup>*

## 241,9 QUODSI TRIPLUM SESQUITERTIO ADDAS, QUADRUPLUS EFFICIETUR, SI QUADRUPLUM SESQUIQUARTO QUINCUPUS

- 21 Verba gratia: Pone II et eius triplum, i. senarium, senarii autem sesquitercium VIII. Nonne VIII ad II quadruplus? Pone igitur I, et eius quadruplum, i. IIII, huius autem sesquiquartum, i. V. Nonne V ad I quincuplus? Sic est de ceteris.

*Bi*

- 22
- |    |            |               |    |            |               |
|----|------------|---------------|----|------------|---------------|
|    | quadruplus |               |    | quincuplus |               |
|    | triplus    | sesquitercius |    | quadruplus | sesquiquartus |
| II | VI         | VIII          | II | VIII       | X             |
- Ei*



*Pn*

## 241,9 QUODSI TRIPLUM SESQUITERTIO ADDAS, QUADRUPLUS EFFICIETUR

- 24 II VI VIII  
*Q<sup>2</sup>K<sub>n</sub>*

## 241,9 QUODSI TRIPLUM SESQUITERTIO ADDAS

- 25 VI s. binarii VIII eius  
*W<sub>q</sub>*

**241,9 TRIPLUM**

- 26 VI  
*OLzPnWbWqLplLlz*
- 27 XII III  
*Pe<sup>5</sup>*
- 28 numerum  
*Aut*

**241,9 SESQUITERTIO**

- 29 VIII  
*OEiEnLzPnWbLplLlz*  
VIII *Wb*
- 30 III III  
*Pe<sup>5</sup>*

**241,9 ADDAS**

- 31 VI  
*Wq*

**241,9 QUADRUPLUS**

- 32a VIII ad II  
*OWq*
- 32b II VIII  
*EiEnMhMk*
- 33 binario  
*PnLpl*

**241,10 SI QUADRUPLUM SESQUIQUARTO QUINCUPLUS**

- 34 II VIII X  
*Q<sup>2</sup>*

**241,10 QUADRUPLUM**

- 35 VIII  
*OKnPbPnV2WqLpl*
- 36 XVI III  
*Pe<sup>5</sup>*
- 37 numerum  
*Aut*

**241,10 SESQUIQUARTO**

- 38 X  
*OEiEnKnMkPnLpl*
- 39 ad X  
*Wq*
- 40 XX XVI  
*Pe<sup>5</sup>*
- 41 addas  
*Aut*
- 42 denario; qui habet quartam partem octonarii, i. quincuplus erit ad binarium.  
*OPbV<sub>2</sub>*  
i.] *om. O*

**241,10 QUINCUPLUS**

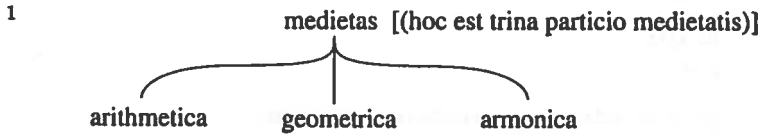
- 43 X ad II  
*OWq*
- 44 XX IIII<sup>a</sup>  
*Pe<sup>5</sup>*
- 45 binario  
*PnLpl*  
binari *Lpl*

**241,12 MULTIPLICES**

- 46 numeri  
*Pe<sup>5</sup>*
- 47 proporciones  
*Aut*

## LIB. II, CAP. 12

## 241,13 DE ARITHMETICA GEOMETRICA ARMONICA MEDIETATE.



*McPb<sup>S</sup>R2AutLryVrf*  
 medietas] *om. Aut(2)* [(hoc est trina particio medietatis)] *add. Pb (cf. 241,24)*  
*gl. repet. Aut*

## 241,16 PROPORTIO ENIM EST ...

- 2 Diffinitio  
*Mc*
- 3a Quid proportio sit  
*Cg*
- 3b Quid sit proportio  
*EnMc*
- 3c Proportio  
*Kn*
- 3d Quid proportio [(Duorum terminorum ad se quaedam comparatio)]  
*Pb<sup>S</sup>R2AutLryVrf*  
 (Duorum terminorum ad se quaedam comparatio)] *add. Pb*
- 4 Quid proportio et quid proportionalitas  
*LzWbLlz*
- 5 Quid sit proportio. Proportio est s. duorum terminorum ad se comparatio. Proportionalitas autem in tribus terminis minimis constat.  
*Bi*

## 241,17 TERMINOS AUTEM VOCO ...

- 6 Quid [sit] terminus  
*McR2*

**241,18 PROPORTIONALITAS EST ...**

- 7 Quid proportionalitas [(Equarum proportionum collectio)]  
*CgMcPb<sup>3</sup>R<sup>2</sup>AutLryVrf*  
 (Equarum proportionum collectio)] *add. Pb*
- 8 in IIII<sup>o</sup>  
*Pc<sup>6</sup>*
- 9 propter tetracorda diversorum generum  
*Pc<sup>6</sup>*

**241,18 AEQUARUM PROPORTIONUM COLLECTIO**

- 10 ut plures dupli vel <...>  
*Pn*
- 11 ut aequae sint proporciones vel differentiae, vel ut sic se habeant  
 differentiae maiores et minores ut maximus terminus et minimus.  
 In sequenti solvetur.  
*Aut*

**241,19 IN TRIBUS TERMINIS**

- 12 solummodo  
*PnLpl*

**241,20 MINIMIS**

- 13 pluribus  
*Pc<sup>5</sup>*
- 14 tantum tribus  
*PnLpl*  
 tantum] *om. Lpl*

**241,20 MINIMA (pro MINIMIS)**

- 15 ita vocatur  
*Aut*

**241,20 CONSTAT**

- 16 Constat autem plerumque in pluribus, ut in IIII vel VI terminis.  
*BiLaMm<sup>1</sup>Pb<sup>3</sup>PdR1V2WbAutVrf*  
*instar textus LaPdWbAutVrf*  
 vel VI terminis] vel in pluribus *R1* terminis vel sex *Vrf*

**241,20 CUM ENIM PRIMUS ...**

- 17 Hoc totum in figuris sequentibus expeditur.

*Aut**cf. 242,22-23 (B15)***241,22 ESTQUE**

- 18 sciendum est, quae

*Aut***241,23 TERMINOS**

- 19 numeros

*MaTpi*vel numeros *Tpi***241,23 QUI SECUNDUS**

- 20 est

*Vrf***241,24 MEDII TERMINI CONIUNGENTIS**

- 21 genitivus

*Pn*

- 22 quia medius coniungit proportiones

*OPtV2***241,24 AUT ENIM AEQUA EST DIFFERENTIA ...**

- 23 I

*Q<sup>2</sup>*

- 24 Primum medietatis genus arithmeticae

*Mc*

- 25 et haec est arithmetica

*Vrf***241,27 I. II. III.**

- 26 aritmetica

*Bz*

- 27 arithmetica medietas

*Pb*

**241,28 UNITAS DIFFERENTIAM TENET**

28 in arithmetica

*Aut***241,28 NON EST AUTEM AEQUA PROPORTIO**

29 quare? quia

*Aut***242,2 AUT EST AEQUA IN UTRISQUE PROPORTIO ...**

30 II

 $Q^2$ 

31 Secundum genus medietatis geometricae

*Mc*

32 geometrica

*Vrf***242,2 IN UTRISQUE**

33 terminis

*Aut***242,3 UT**

34 verbi gratia

*Aut***242,3 I. II. III.**

35 geometrica medietas

*Pb***242,3 NAM ...**

36 et bonum exemplum attuli

*Aut***242,5 BINARIUS**

37 est

*Aut*



**242,7 EST VERO TERTIUM MEDIETATIS GENUS ...**

- 38 III  
*Q<sup>2</sup>*
- 39 Tercium genus medietatis armonicae  
*Mc*
- 40 armonica  
*Vrf*

**242,7 EST VERO**

- 41 F<ulbertus>: Aut est  
*Pb<sup>3</sup>AutVrf*
- 42 sciendum, quod est  
*Aut*

**242,7 QUOD**

- 43 scilicet  
*Aut*

**242,8 EISDEM PROPORTIONIBUS**

- 44 inter se  
*Aut*

**242,9 QUEMADMODUM**

- 45 in dupla proporcione  
*Aut*

**242,9 MAXIMUS TERMINUS**

- 46 VI  
*PrAut*

**242,10 MINIMUM**

- 47 terminum  
*Bi*
- 48 III  
*PrAut*

**242,10 DIFFERENTIA**

49 II  
Aut

**242,11 AD MINORUM DIFFERENTIAM TERMINORUM**

50 III et IIII; i. dupla est; nam II ad I duplex  
Aut

**242,11 DIFFERENTIAM**

51 ipse solvit  
Aut

**242,12 III. IIII. VI.**

52 armonica medietas  
Pb

**242,15 AD UNITATEM**

53 quae est differentia inter III et IIII  
Aut

**242,15 MAXIMUS TERMINUS**

54 VI  
PnAutLpl

**242,16 AD MINIMUM**

55 III  
PnAutLpl  
II PnLpl

**242,16 MAIORUM DIFFERENTIA**

56 II  
Aut

**242,16 AD MINORUM DIFFERENTIAM TERMINORUM**

57 I  
AutWue

**242,22 ARITHMETICA (B15)**

58 Hic aequae sunt differentiae, non aequa proportio.  
*Mc*

**242,22 GEOMETRICA (B15)**

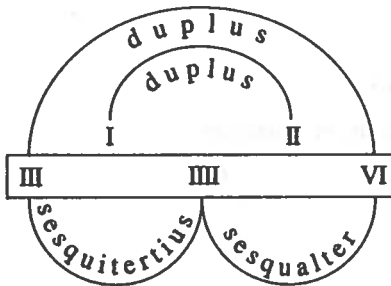
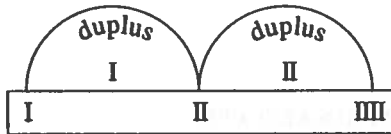
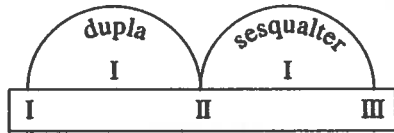
59 Hic aequa est proportio, non aequae differentiae.  
*Mc*

**242,22 ARMONICA (B15)**

60 Hic neque aequa differentia, neque aequa proportio, sed sicut maximum est ad minimum, ita differentia maiorum ad differentiam minorum.  
*Mc*

**242,23 I. II. III. I. II. III. III. III. VI. (B15)**

61



*MhMk*

**242,27 INTER HAS TRES MEDIETATES PROPORTIONALITAS QUIDEM PROPRIE ET MAXIME GEOMETRICA NUNCUPATUR**

- 62 arithmetica, armonicam, geometricam. Quamvis proportionalitates vocamus, non proprie; s. geometrica proportionalitas dicitur proprie, alie vero usurpative.

*Aut*

**242,28 IDCIRCO ...**

- 63 quare geometrica proprie dicitur proportionalitas

*Aut*

**242,29 TOTA CONTEXITUR**

- 64 ut superius diximus

*Aut*

**242,30 PROMISCUE**

- 65 indifferenter

*EiEnMhMt*

- 66 confuse

*Mc*

- 67 quasi permiscue a permiscendo

*Pe<sup>5</sup>*

- 68 mixtum

*Pn*

**242,30 PROPORTIONALITATES**

- 69 scilicet

*Aut*

**242,30 CETERAS**

- 70 arithmetica et musicam

*Pe<sup>5</sup>*

## LIB. II, CAP. 13

## 243,2 IN HIS

- 1 medietatibus  
*PnAutLpl*

## 243,3 UT SUPERIUS DISPOSUIMUS

- 2 in tribus constat terminis  
*BiLaPb<sup>3</sup>Pr<sup>1</sup>R<sup>2</sup>V<sup>2</sup>W<sup>6</sup>*  
*instar textus LaPbW<sup>6</sup>*  
constat terminis] numeris constat *Pr*

## 243,4 UNUS

- 3 medius  
*Pn*

## 243,4 NUMERUS MEDIUS

- 4 ut in V medietates  
*PnLpl*

## 243,4 MAIORI

- 5 III  
*Aut*

## 243,5 MINORI

- 6 I  
*Aut*

## 243,5 PRAEPOSITUR

- 7 In figuris praemissis patet.  
*Aut*  
*cf. 242,22-23 (B15)*

## 243,5 QUOTIENS VERO DUO SUNT MEDII

- 8 haec est disiuncta s.  
*Aut*

**243,8 BINARIUS**

- 9 duplus  
*OPbV2*

**243,9 UNDE**

- 10 a causa  
*Aut*

**243,11 IN TRIBUS MINIMAM TERMINIS**

- 11 ad minus in tribus terminis  
*Aut*

**243,12 IN QUATTUOR**

- 12 ut diximus  
*Aut*

**243,12 PLURIBUS**

- 13 terminis  
*Aut*

**243,13 I. II. IIII. VIII. XVI.**

- 14 <sup>1</sup>Differentiae horum sunt I II IIII VIII. Animadvertendum hic, quod in minoribus differentiae II ad I duplam habent proportionem. <sup>2</sup>In maioribus differentia IIII ad differentiam minorum, quae est duo, duplam tenet.

*Mc*

1 I II IIII VIII] II IIII I VII *Mc*

**243,14 SED HIC NON ERUNT DUAE PROPORTIONES, SED PLURES**

- 15 Hic neque arithmetica neque geometrica neque armonica est proportionalitas, sed quantum vult aliquis, extendit in longum.

*OQ<sup>1</sup>V<sup>1</sup>LzMf<sup>2</sup>MhMkPbPe<sup>5</sup>ShWqLlz*

neque geometrica] *om. O est] om. OLzMfMhMkPbPeShWqLlz* aliquis aliquis *Mf* extendit] ostendat *LzLlz*

**243,14 DUAE**

- 16 tantum  
*AutVrf*

**243,14 SEMPERQUE UNA MINUS**

- 17 In quatuor terminis tres sunt proportiones, in quinque quatuor, ut hic; in sex quinque, et sic in reliquis.

*OCgPbV2*

In] Nam in *Cg* tres] *om. O* in sex quinque] *om. Cg*

- 18 ut in tribus duae, in quattuor terminis tres  
*OPe5*
- 19 quia, si terminorum sunt III, proporciones erunt duae, s. minus; si terminorum IIII, proportiones erunt III; semper minus erit proportionum quam terminorum.  
*Pe5*
- 20 quia si termini sunt V, et proportionalitates non erunt nisi quattuor  
*Aut*

**243,14 SEMPERQUE**

- 21 et sciendum quod

*Aut*

**243,15 UNA MINUS**

- 22 proportio

*KnPe5Pr*

- 23 proportionalitas

*Aut*

**LIB. II, CAP. 14****243,16 CUR ITA APPELLATAE SINT DIGESTAE SUPERIUS MEDIETATES.**

- 1 Cur medietates haec ita nominentur aritmetica, geometrica, armonica.

*R2*

- 2 Non dat ethimologiam nominum, sed causam.

*Aut*

**243,18 NUNCUPATUR**

- 3 ideo, quia

*Aut*

**243,18 QUOD INTER TERMINOS SECUNDUM NUMERUM AEQUA EST DIFFERENTIA**

- 4 quia arithmetica speculatrix est naturalis numeri, i. per se discretæ quantitatis

*Pe*

- 5 ut dictum est

*Aut*

- 6 in figura praemissa patet

*Aut*

*cf. 242,22-23 (B15)*

**243,18 SECUNDUM NUMERUM**

- 7 non secundum proportionem

*Pe5*

**243,19 DICITUR**

- 8 ideo, quia

*Aut*

**243,20 QUOD SIMILIS EST QUALITAS PROPORTIONIS**

- 9 In omnibus terminis aequas habet proportionem.

*CgP6V2*



**243,20 SIMILIS**

- 10 equalis  
*Aut*

**243,20 ARMONICA**

- 11 Armo grece aduno, inde armonia continuata vox dicitur.  
*Pe*
- 12 <sup>1</sup>Armonia grecus sermo est, et dicitur suavis modulatio cum consonantia plurimarum vocum. <sup>2</sup>Unius siquidem vox non proprie armonia dicitur. <sup>3</sup>Tonus est tocius constitutionis armoniae differentia et quantitas, quae in vocis accentu sive tenore consistit. <sup>4</sup>Armonia est facultas differentiae acutorum et gravium sonorum sensu ac ratione perpensa i. estimata.  
*Pe*<sup>5</sup>  
3 cf. *Cassiod. inst. II, V, 8*  
4 cf. 352,4-5

**243,21 VOCATUR**

- 13 ideo  
*Aut*

**243,21 COAPATATA**

- 14 ut armonia ex diversis vocibus coaptatur  
*Pe*<sup>5</sup>

**243,21 DIFFERENTIIS**

- 15 <sup>1</sup>Differentia et discretio unum est. <sup>2</sup>Discretio vero a discrimine venit. <sup>3</sup>Est autem proprie discrimen maior acus, quo capilli mulierum discriminantur, i. dividuntur.  
*Pe*<sup>5</sup>

**243,24 COMMEMOREMUS**

- 16 meminerimus  
*Bi*

## LIB. II, CAP. 15

243,25 QEMADMODUM AB AEQUALITATE SUPRADICTAE PRO-  
CESSERINT MEDIETATES.

- 1 Aequalitas  
*Mm*

## 244,1 PRAEDICTUM

- 2a in libro II, capitulo VII  
*Q<sup>2</sup>Pq*
- 2b in VII capitulo II libri  
*BxKnWq*  
libri secundi *Wq*

## 244,3 ET SICUT NUMERI CAPUT EST UNITAS

- 3 exponit s.  
*Aut*

## 244,4 ITA PROPORTIONUM AEQUALITATEM ESSE PRINCIPIUM

- 4 praedictum est  
*Aut*

244,5 QUOCIRCA HOC MODO ARITHMETICA MEDIETAS AB AE-  
QUALITATE NASCETUR.

- 5a Arithmetica  
*Pb<sup>9</sup>R2*
- 5b Arithmetica medietas  
*McPn*  
arithmetia *Mc*
- 6 Quomodo arithmetica medietas inveniatur  
*Lpl*

## 244,6 AB AEQUALITATE NASCETUR

- 7 vere *ab aequalitate nascetur, quia positus <ribus> e<quis>*  
*Aut*

## 244,6 POSITIS ENIM TRIBUS AEQUIS TERMINIS

- 8 Tria praecepta arithmeticae  
*Mc*

**244,6 DUO MODI SUNT**

9a quos monstrabo  
*PbV2*  
 quod *V2*

9b quos iam monstrabit  
*Aut*

**244,7 PONATUR ENIM PRIMUS PRIMO AEQUUS**

10 ecce alter modus, inferius vero alter ibi  
*Aut*

**244,8 SECUNDUS PRIMO AC SECUNDO**

11 est enim alia et c.  
*Aut*

**244,13 ERITQUE DISPOSITIO HAEC**

12 in arithmetica non  
 $Q^2$

**244,22 DE TERNARIO**

13 sit  
*Aut*

**244,25 IN HIS**

14 figuris  
*Aut*

**244,27 IPSI VERO NUMERI**

15 ut unus, duo, III  
*OPe5*

**244,28 AEQUALITATEM**

16 principium  
*Pe5*  
*cf. 244,26*

**244,29 UNUS INTER TERMINOS SEMPER NUMERUS INTERMITTI-  
TUR**

- 17 ut inter duo et IIII ternarius intermittitur  
*OPe<sup>5</sup>*

**244,30 SIN VERO TERNARIUS**

- 18 Hoc in istis figurulis conspici potest.  
*Pb*
- 19 quod totum paret in figuris  
*Vrf*  
*cf. 244,23-24 (B18)*

**244,30 TERNARIUS**

- 20 teneat equalitatem  
*OPe<sup>5</sup>*
- 21 equo teneat  
*KnPr*  
*eque Pr*
- 22 tenuerit principium aequalitatis  
*PbV2*

**244,30 IDEM**

- 23 ternarius  
*OPbV2Lpl*

**244,31 INTER NUMEROS VERO DUO NATURALITER CONSTITUTI  
INTERMITTUNTUR**

- 24a ut inter III et VI quartus et quintus intermittuntur  
*OPe<sup>5</sup>*  
*III et VI] III VI Pe*
- 24b ut inter III et VI tres differunt, et duo sunt termini intermissi IIII<sup>or</sup>  
et V  
*PbV2*

**244,31 EST ETIAM ALIA PROPORTIONALITATEM ARITHMETI-  
CAM PROCREANDI VIA.**

- 25 Nota: Secundus modus arithmetica medietatem inveniendi  
*Cg*
- 26 Alius modus idem inveniendi  
*Lpl*

**245,1 VIA**

- 27 ratio  
Mc

**245,8 ad B19**

- 28 Haec est autem huius descriptionis forma.  
Wve

**245,9 I<sup>2</sup> (B19)**

- 29 bis accepto  
Aut

**245,9 II. III. IIII. (B19)**

- 30 differentia unitas  
Lz
- 31 Hic unitate se praecedit.  
Mc

**245,20 IIII. VI. VIII. (B20)**

- 32 differentia binarius  
LzLlz
- 33 binario  
Mc

**245,23 NATURALITER**

- 34 intermittitur  
Kn

**245,24 QUOD SI TERNARIUS AEQUALITATIS PRINCIPIUM SIT, FIET TERNARIUS DIFFERENTIA UNO MINUS SEMPER NUMERIS INTERMISSIS.**

- 35 <sup>1</sup>ut verbi gratia sint tres unitates et numeri ad regulas superiorum subtus:

<sup>2</sup>III III III

VI VIII XII

<sup>3</sup>In his ergo ternarius est differentia et duo numeri intermissi, i. uno minus, quam sit differentia.

OBcCgLaLz\*Ma<sup>t</sup>McMmPbPcPdPiR1V2AutLhaLpLlryLlzPnsTpiVrf

1 ut] *om.* CgLaLzMaMcMmPcR1AutLhaLplLryLlzPnsVrf sunt Lz tres] quattuor Tpi unitates et] *om.* CgLaLzMcMmPcR1AutLhaLplLryLlzPnsVrf cancell. Pb eras. Pd regulam O superiorum] *om.* O subtus] sumpti Aut est *add.* Tpi

2-3 inverso ordine La

2 *om.* Lpl

3 ergo] *om.* Tpi differentia est Lpl i. uno minus, quam sit differentia] *om.*

MaLlz uno minus] *om.* Pi nominis Pb quam] qui La qua LzLlz sit] *om.*

O est Vrf differentia] haec *add.* Lpl

instar textus BcCgLaMaMcMmPcPdAutLhaLryPnsTpiVrf Nota textus *add.*

Pb<sup>3</sup> glossa - usque hic *suprascr.* Pd

*cf.* II,15,37

36a <III> III III

<VI> VIII XII

Ei\*

36b III III III

VI VIII XII

hic ternarius differentia

Mc

numeri instar textus Mc

## 245,25 UNO MINUS

37 quam sit differentia

MaPbV2

gl. cancell. Pb

*cf.* II,15,35

38 ut, si binarius tenet aequalitatem, unus intermittatur, si ternarius II, si quaternarius III, [semper uno minus]

OPe<sup>5</sup>

teneat Pe semper uno minus] *add.* Pe

39 <sup>1</sup>[subaudis:] quam sit differentia numerorum; <sup>2</sup>ut, si binarius sit differentia, unus intermittitur numerus inter terminos; <sup>3</sup>si ternarius est differentia, duo intermittuntur; et ita de ceteris.

EiEnMf<sup>2</sup>MhMkMmSh

1 Subaudis] *add.* MfMhMkMm

2 differentia] *rel. om.* Mm numeros Sh inter] in EiEn

3 de] in MfMhMkSh

## 245,26 ATQUE IDEM ET IN QUATERNARIO

40 IIII IIII IIII

VIII XII XVI

Q<sup>2</sup>Wi

**245,26 QUINARIOQUE**

41 V V V  
 X XV XX  
 V V  
 Wi

**246,1 GEOMETRICA VERO PROPORTIONALITAS ...**

42a Geometrica medietas

*McPn*  
 Gemetrica *Mc*

42b Geometrica

*Pb<sup>3</sup>R<sub>2</sub>*

43 I I I  
 I II IIII  
 I III VIII

*Mf<sup>2</sup>MhMkMmPe<sup>5</sup>*  
 I III VIII] *om. Mm*

**246,3 MONSTRABAMUS**

44a capitulo VII istius libri

*Kn*

44b in VII capitulo huius libri

*LzWn\*Llz*

44c in VII capitulo secundi libri

*Mc*

45 in arithmetica

*Pe<sup>5</sup>*

**246,5 CONSTITUTIS ENIM TRIBUS AEQUIS TERMINIS ...**

46 Tria praecepta geometricae

*Mc*

**246,7 IDEMQUE FIAT CONTINUE.**

47 IIII IIII IIII  
 IIII VIII XVI

*Kn*

48 ex tribus s. II  
*Pb*

49 II II II  
II III VIII  
*Wi*

**246,10 PERQUAM**

50 valde  
*Q'*

**246,13 ARMONICA VERO MEDIETAS, ...**

51a Armonica  
*McPb<sup>3</sup>R<sub>2</sub>*

51b De armonica medietate  
*Pn*

**246,14 CONSTITUATUR ENIM, SI ...**

52 Tria praecepta armonicae  
*Mc*

**246,15 SI QUIDEM DUPLICES CURAMUS EFFINGERE**

53 parenthesis  
*O*

**246,15 SI QUIDEM**

54 si  
*Vrf*

**246,15 DUPLICES**

55 terminos et differentias cunctorum  
*O*

56 proportiones  
*EiEnLzMkLlz*

**246,21 PRIMUS PRIMO AC DUOBUS SECUNDIS AEQUALIS, ID EST TERNARIUS, ...**

57 hic termini duplo a se differunt I II  
*Mc*



**246,22 DUOBUS PRIMIS**

- 58 primo et secundo prime linee geminatis  
*Vrf*

**246,24 ET SI IN BINARIIS AEQUALITAS CONSTITUATUR**

- 59 II II II  
VI VIII XII  
differentie  
II IIII  
*Wi*

**246,25 IN TERNARIIS**

- 60 quam dixit de unitate  
*Pe<sup>5</sup>*

**246,26 DUPLO A SE TERMINIS DIFFERENTIISQUE DISTANTIBUS**

- 61 <sup>1</sup>Sicut duplo distant termini a se, ita differentiae terminorum a se. <sup>2</sup>Regula enim armonicae medietatis est, ut, sicut est maximus terminus ad parvissimum duplus, <sup>3</sup>ita differentia maximi mediique ad differentiam minimi et medii dupla sit. <sup>4</sup>Similiter intellegendum est de tripla proportione [et c.]  
*OPbV2*  
1 differentia *O* a se] est *O*  
4 et c.] *add. PbV2*

**246,26 A SE**

- 62 a binario vel ternario  
*Pe<sup>5</sup>*

**246,28 ad B22**

- 63 differentia termini duplo I II  
*Mc*
- 64 Una est figura, s. in maiorem numerum excrescit.  
*Aut*

**246,30 QUODSI FACIENDA EST IN EXTREMITATIBUS TRIPLA PROPORATIO ...**

- 65 Tripla proportionalitas  
*Lpl*

**246,30 EXTREMITATIBUS**

66 initio et fine  
*Pe*<sup>5</sup>

**246,30 TRIPLA**

67 quadrupla non potest esse  
*Pb*

## LIB. II, CAP. 16

## 247,8 ARMONICA PROPORTIONALITAS

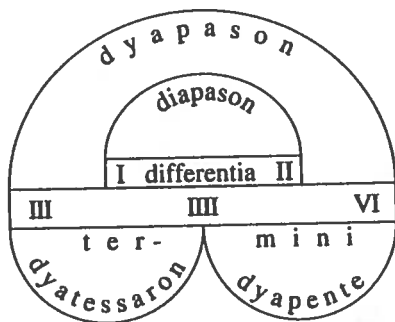
- 1 aequarum proportionum collectio  
*Pb<sup>3</sup>*

## 247,9 EA DESCRIPTIONE

- 2 secundum descriptionem  
*Vrf*

## 247,11 ad B24

3

*MhMk*II] I *Mh* III] *om. Mh* Diapente Diatesseron *Mh*

## 247,15 VIDESNE IGITUR, ...

- 4 Diatesseron  
Diapente  
Diapason  
*Mc*

## 247,16 PRODANT

- 5 ostendant  
*W;<sup>2</sup>*

## 247,17 EARUM

- 6 consonanciarum  
*V<sup>2</sup>*

**247,18 CONSONANTIAM**

- 7 vel concordiam  
*Kn*
- 8 duplam  
*PbV2*

**247,20 EXTREMITATES**

- 9 III et VI  
*OPbPe<sup>5</sup>V2WiBwi*  
et] ad *Bwi*
- 10 terminorum  
*Vrf*

**247,21 MEDIUS**

- 11 quaternarius  
*PbPe<sup>5</sup>V2WiBwi*
- 12 terminus  
*Vrf*

**247,21 SUCCRESCAT**

- 13 crescat  
*PbV2*

**247,21 NUMERI**

- 14 multiplicati  
*PbV2*

**247,21 TONI HABITUDINEM**

- 15a sesquioctavam  
*EiEnMhMk*
- 15b sesquioctavam porporcionem  
*V2*

**247,24 XVI**

- 16 numerum  
*Kn*

**247,24 MINORIS**

- 17 II  
*Pe<sup>5</sup>*
- 18 numeri  
*V<sub>2</sub>*
- 19 sextidecimi, quia XVI minus sunt quam XVIII  
*OPbPe<sup>5</sup>*  
quia] dampna O XVI] enim add. O sunt] om. Pe XVIII] XVI O

**247,24 TRANSCENDIT**

- 20 duobus  
*PbV<sub>2</sub>*  
duabus *V<sub>2</sub>*

**247,24 RURSUS MINIMUS TERMINUS, ...**

- 21 VII XX  
VIII XVI XXXVI  
*Mm*

**247,25 MINIMUS TERMINUS**

- 22 ternarius  
*PbPe<sup>5</sup>V<sub>2</sub>WiVrf*  
tres *Vrf*

**247,26 MAIOR TERMINUS**

- 23 senarius  
*PbPe<sup>5</sup>V<sub>2</sub>Wi*

**247,27 XXXVI**

- 24 sexies seni  
*OPbV<sub>2</sub>*

**247,27 COMPARATI**

- 25 XXXVI ad VIII; quater enim noveni XXXVI sunt  
*PbPe<sup>5</sup>V<sub>2</sub>*

**247,28 QUOD SI HAEC DILIGENTIUS INSPICIAMUS**

- 26 quae sequitur, et quam statim assignat dicens: *Minimus enim et*  
*c.*  
*Vrf*

**248,2 MINIMUS ENIM TERMINUS**

- 27 ternarius  
*PbPe<sup>5</sup>V<sub>2</sub>*

**248,2 MEDIO MULTIPLICETUR**

- 28 quaternario, ut quater terni  
*PbV<sub>2</sub>*
- 29 si  
*V<sub>2</sub>*

**248,2 ITEM MINIMUS TERMINUS**

- 30 ternarius  
*PbV<sub>2</sub>*

**248,3 MAXIMO MULTIPLICETUR**

- 31 si  
*V<sub>2</sub>*

**248,3 MAXIMO**

- 32 senario  
*PbV<sub>2</sub>*

**248,3 MEDIUS VERO TERMINUS**

- 33 quaternarius  
*OPbV<sub>2</sub>*

**248,4 MAXIMI NUMEROSITATE AUGEATUR**

- 34 si  
*V<sub>2</sub>*

**248,4 MAXIMI**

- 35 senarii  
*PbV<sub>2</sub>*

**248,5 MINIMUS TERMINUS**

- 36 ternarius  
*PbV2*

**248,5 SE IPSO CONCRESCAT**

- 37 si  
*V2*

**248,5 SE IPSO**

- 38 per  
*V2*

**248,6 MEDIUS**

- 39 si per semet ipsum multiplicetur  
*O*

- 40 per se ipsum crescat, ut quater quaterni  
*PbV2*

- 41 in se concrescat  
*MaPe<sup>5</sup>*  
concrescat] *om. Ma*

**248,6 FIENT**

- 42 igitur  
*M4*

**248,9 XXXVI. XXIII. XVIII. XVI. XII. VIII.**

- 43 Numerus consonantiarum ordinatus  
*M7PbV2Vrf*

**248,10 SUNT IGITUR ...**

- 44 Diatesseron  
Diapente  
Tripla diapason et diapente  
Quadrupla bisdiapason  
Epiogdous  
*Mc*

- 45 Ostendit igitur qualiter in his omnes consonantie repperiantur.  
*Vrf*

**248,10 XXIII AD XVIII**

- 46 sesquiertia  
O

**248,11 XII AD VIII**

- 47 sesquiertia  
O

**248,12 TRIPLA**

- 48 proportio  
V<sub>2</sub>

**248,13 DIAPASON ET DIAPENTE**

- 49 sunt  
P<sub>e</sub><sup>5</sup>

**248,13 XXXVI AD XII**

- 50 comparatione servatur  
MhMk  
cf. 248,15

**248,13 QUADRUPLA**

- 51 proportio  
V<sub>2</sub>

**248,14 EPOGDOUS**

- 52a sesquioctava proportio  
EiEnPbV<sub>2</sub>

- 52b sesquioctavus  
P<sub>e</sub><sup>5</sup>

**248,15 XVIII AD XVI**

- 53 sesquioctava proportione  
MhMk



## LIB. II, CAP. 17

248,16 QUEMADMODUM INTER DUOS TERMINOS SUPRADICTAE  
MEDIETATES VICISSIM LOCENTUR.

- 1 propter dyapason vel tetracorda, ubi inter immobiles cordas inseruntur mobiles ad diversitatem generum

*Pc<sup>6</sup>*

## 248,18 SOLENT AUTEM DUO TERMINI DARI PROPONIQUE, ...

- 2 Docet, qualiter interpositione alicuius termini quilibet proportio posset inveniri, i. medietas arithmetica vel geometrica vel armonica.

*Vrf*

## 248,19 NUNC

- 3 aliquando

*Vz*

## 248,22 SI ARITHMETICA MEDIETAS QUAERITUR, ...

- 4 De arithmetica medietate XX XXX XL

*Mc*  
arithmetica *Mc*

5

XV  
XXX  
arithmetica proportionalitas  
X      XXV      XL

*Kn*  
*post XXX add. X CCCC XL Kn (cf. II,17,15)*

## 248,23 DIFFERENTIA

- 6 minoris et maioris [numeri]

*CgPbVz*  
numeri] *add. CgVz*

## 248,24 SINT ENIM

- 7 verbi gratia

*Vrf*

**248,25 HORUMQUE**

- 8 terminorum  
V<sub>2</sub>

**248,25 MEDIETAS SECUNDUM ARITHMETICAM PROPORCIONALITATEM QUAERATUR**

- 9 Queratur, quod medium faciat arithmeticom proportionem.  
V<sub>7f</sub>

**248,26 SECUNDUM ARITHMETICAM PROPORCIONALITATEM**

- 10 ut equae sint differentiae  
C<sub>g</sub>P<sub>b</sub>P<sub>e</sub><sup>5</sup>V<sub>2</sub>

**248,28 HANC<sup>1</sup>**

- 11 differentiam  
C<sub>g</sub>V<sub>2</sub>

**248,29 HIC**

- 12a numerus XXV  
C<sub>g</sub>V<sub>2</sub>  
numerus i. XXV C<sub>g</sub>
- 12b XXV  
V<sub>2</sub>

**249,1 X. XXV. XL.**

- 13 arithmetica medietas  
M<sub>f</sub><sup>2</sup>M<sub>k</sub>

**249,1 ITEM INTER EOSDEM TERMINOS MEDIETATEM GEOMETRICAM CONLOCEMUS.**

- 14 De geometrica medietate  
M<sub>c</sub>

15

XX  
CCCC  
geometrica  
X XX XL

K<sub>n</sub>

**249,1 INTER EOSDEM TERMINOS**

16 inter X et XL

 $PbPe^5V2$   
et] om.  $Pe$ **249,1 MEDIETATEM GEOMETRICAM**

17 ubi sint aequae proportiones

 $OCgPbPe^5V2$   
sit  $O$ **249,2 EXTREMOS**

18 X XL

 $Pe^5$ **249,2 PROPRIA NUMEROSITATE MULTIPLICO**

19 alterum per alterum

 $Vrf$ **249,3 HORUM**

20 quadringentorum

 $Pe^5$ **249,4 FIUNT**

21 pro i.

 $Vrf$ **249,6 SUBIECTA DESCRIPTIONE FORMATA**

22 hoc modo

 $Kn$ **249,7 X. XX. XL.**

23 geometrica medietas

 $Mf^2Mk$

**249,8 SI VERO ARMONICAM MEDIETATEM QUAERAMUS, ...**

24 De armonica medietate

*Mc*

25

XXX

L

CCC

armonica

X XVI XL

*Kn*

26 Haec regula invenitur in medietatibus disputatis in fine arithmeticae artis.

*Mc***249,12 HOS SECUNDUM L PARTIMUR; FIUNT VI.**27 Hos *partiri secundum quinquaginta* est assumere numerum quinquagenarium CCC, quae sunt sex, i. senarium, et iungere termino minori.*Vrf*quinquagenarium] *lectio incerta Vrf***249,12 SECUNDUM L**

28 quotiens in his L sint

*LzWbLtz***249,12 SECUNDUM**

29 per

*EiEnPbV2***249,12 VI**

30 partes

*CgPnLpl*partes vel partes *Cg*31 *L*<sup>sima</sup> pars est*LzWbLtz*

32 quinquageni

*PbV2*quinquagini *V2*

**249,13 QUOS**

- 33 VI  
*CgPbPnV2Lpl*

**249,13 CUM MINORI TERMINO**

- 34 X  
*CgPb<sup>2</sup>PiPnV2Tpi*  
 denario *PbV2* decem *PiTpi*

**249,14 HUNC IGITUR NUMERUM**

- 35 XVI  
*PbPnV2*

**249,15 X. XVI. XL.**

- 36 armonica medietas  
*Mf<sup>2</sup>Mk*
- 37 differentiae eorum XXIII et VI. Quadrupli igitur sunt XL ad X et XXIII ad VI.  
*KnLzMhWb\*Wn\*Llz*
- 38 <sup>1</sup>X XXV XL. X XX XL. X XVI XL. <sup>2</sup>Differentia inter XVI et XL sunt XXIII, et inter XVI et X VI. <sup>3</sup>Igitur XL quadruplus X, et differentia, quae est inter XL et XVI, similiter quadruplus est illi differentiae, quae est inter XVI et X. <sup>4</sup>XL ad XVI duplex sesquialter, XVI ad X superpartiens.  
*Pe<sup>5</sup>*  
 3 XVI et X] XVI et XL *Pe*

## LIB. II, CAP. 18

## 249,16 MERITO

- 1 dignitate  
*Pe<sup>5</sup>*  
*cf. II,18,12*

## 249,18 HIS

- 2 axiomatibus  
*CgLzPb<sup>9</sup>RlLryVrf*

## 249,20 IN PRAEDICTIS PROPORTIONIBUS

- 3 dupla, sesquialtera, sesquitertia  
*O*

## 249,21 ADSENSUS

- 4 consentiens ab ,assentior' verbo  
*CgPnLpl*  
 ab ,assentior' verbo] *om. Lpl*
- 5 esse  
*Lry*

## 249,22 HAEC ENIM PONENDA EST

- 6 secundum Nichomacum  
*Vrf*

## 249,23 SENSUS

- 7 auditus  
*Pe<sup>5</sup>*

## 249,24 APERTIOR

- 8 perspicatior  
*Vrf*

249,24 QUALE EST ENIM UNUMQUODQUE PER SEMET IPSUM,  
 TALE ETIAM DEPREHENDITUR SENSU.

- 9 phisicum  
*Mc*
- 10 Absolute dicit de omni re.  
*Pe<sup>5</sup>*

**249,26 NOTIOR**

- 11 cognotior  
*Wi*<sup>2</sup>

**249,28 MERITOQUE**

- 12 dignitate  
*Pe*<sup>5</sup>  
*cf. II,18,1*

**249,29 RELIQUAE**

- 13 post dyapason  
*Vrf*

**249,30 MULTIPLICITATIS AUGMENTA ET SUPERPARTICULARIS HABITUDINIS DETRIMENTA**

- 14 Habitudo multiplicium augmentatur per numerorum successiones, sed species superparticularis in partium quantitate decrescit.  
*EiEnLz\*Mf*<sup>2</sup>*MhMkPe*<sup>5</sup>*ShWbLlz*  
successiones] suasionis *Llz* sed] in *Sh*

**249,30 MULTIPLICITATIS AUGMENTA**

- 15 ut duplus, triplus, quadruplus, reliqui  
*OQ*<sup>2</sup>*Pe*<sup>5</sup>*Wq*  
ut] *om. O* reliqui] *om. OPeWq*
- 16 quantum ad dyapason et bisdyapason  
*Vrf*

**250,1 SUPERPARTICULARIS HABITUDINIS**

- 17 sesqualter, sesquitercius, reliqui  
*OQ*<sup>2</sup>*Pe*<sup>5</sup>*Wq*  
ut sesqualtera sesquitercia *Wq* reliqui] *om. OPeWq*
- 18 quantum ad dyapente et dyatessaron  
*Vrf*

**250,1 DETRIMENTA**

- 19a diminutiones  
*Pn*
- 19b deminuta  
*Wi*<sup>2</sup>

**250,2 MONSTRATUM QUIPPE EST**

- 20 supra  
*Vrf*

**250,2 MULTIPLEX**

- 21 dupla, tripla, quadrupla  
*O*

**250,2 SUPERPARTICULARES**

- 22 sesquiertiam, sesquiquartam  
*O*

**250,3 ANTIQUITATE**

- 23 nobilitate  
*Q<sup>l</sup>*
- 24 Nam antea fuit multiplex quam superparticularis.  
*Mc*  
Nam]  $\bar{n}$  *Mc*
- 25 nam antiquior vero multiplex ceteris  
*P<sub>n</sub>*

**250,5 I. II. III. IIII.**

- 26 Incipit ostendere ordinem consonantiarum secundum illos in his numeris.  
*Vrf*

**250,7 MAXIMA**

- 27 praecipua  
*R<sub>l</sub>*

**250,8 DIAPASON AC DIAPENTE**

- 28 triplam  
*Mf<sup>2</sup>MhMkSh*

**250,13 CONCINENTIAM**

- 29 consonantiam  
*R<sub>l</sub>*



**250,13 ISQUE**

- 30 praedictus  
Vrf

**250,17 ITAQUE MAXIME DISTANT SONI IN BIS DIAPASON**

- 31 sicut quattuor ab uno longe absunt  
 $Q^2 V^1 E_i E_n K_n L_z W_b W_n L_l z$   
absunt] distant  $Q$
- 32 sicut inter gravissimam et acutissimam vocem media intercedente  
quamvis quasi mediocri, i. inter primam ac XV<sup>am</sup> VIII<sup>a</sup> in medio  
intersonante  
 $L_z W_b L_l z$   
intersonant  $L_l z$

**250,17 MINIMUM VERO INTER SE ESSE CONSONANTES VIDENTUR SONI, CUM ACUTIOR GRAVIOR EM TERTIA GRAVIORIS PARTE TRANSCENDIT.**

- 33 Nota, diatesseron minorem reliquis reddere symphoniam.  
 $P_c^5$

**250,18 MINIMUM**

- 34 <sup>1</sup> plurimum vel maximum, i. quod diatessaron maiorem reliquis consonantiis reddat symphoniam <sup>2</sup>i. convenientiam, quae minus est inaequalis quam aliae proportiones.  
 $OQ^2 V^1 E_i E_n M_c M_m^1 P_b P_c^* V_2 W_q L_r y V_r f$   
1 plurimum vel maximum, i.] om.  $OQE_i E_n M_c M_m P_b P_c V_2 W_q L_r y$  plurimum  
repet.  $V_2$  maximum  $V_r f$  quod] quoniam  $E_i E_n M_m$  quia  $W_q$  consonantiis]  
om.  $M_m$  reddat symphoniam] consonantiam reddit  $E_i E_n M_m$  reddit  $W_q$   
2 om.  $QVE_i E_n M_m W_q$  est] om.  $L_r y$  proportionis  $V_2 L_r y$   
gl. cancell.  $P_b$
- 35 maximum vel plurimum, hoc est in sesquitercia  
 $W_q$

**250,18 MAXIMUM (pro MINIMUM)**

- 36 pro maxime  
 $B_c P_b$

**250,19 INTER SE**

- 37 distant soni inter se consonantes  
 $L_z L_l z$

**250,19 CUM ACUTIOR GRAVIOREM TERTIA GRAVIORIS PARTE  
TRANSCENDIT**

- 38 Hoc fit in diatesseron.  
*PbV2*

**250,19 ACUTIOR**

- 39 maior  
*PnLpl*

**250,20 GRAVIOREM**

- 40 minorem  
*PnLpl*

**250,20 AC STAT DEINCEPS CONCINENTIARUM MODUS**

- 41 finem ponit  
*Pc5*

**250,20 STAT**

- 42 firmus  
*Pq*

**250,21 QUADRUPLAM**

- 43 bisdiapason  
*PbV2*

**250,22 PARTEM TERTIAM**

- 44 sesquiterciam  
*V2*

**250,22 ET SECUNDUM NICOMACHUM QUIDEM HIC CONSONAN-  
TIARUM EST ORDO**

- 45 Ordo consonantiarum  
*Pc6*

**250,23 NICOMACHUM**

- 46 Nichomachus Pythagoricus dicitur  
*Pb*

**250,24 DIAPASON**

- 47 [ut] I et II  
*PcPq*  
 ut] *add. Pq*

**250,24 DIAPASON ET DIAPENTE**

- 48 [ut] I et II et III  
*OPcPq*  
 ut] *add. Pq*

- 49 tripla  
*EiEn*

**250,25 BIS DIAPASON**

- 50 [ut] I et IIII  
*OPcPq*  
 ut] *add. Pq IIII] III O*

- 51 quadrupla  
*EiEn*

**250,25 DIAPENTE**

- 52 ut II et III  
*OPcPq*  
 ut] III *O*

**250,25 DIATESSARON**

- 53 ut III et IIII  
*OPq*  
 ut] II et *O*

## LIB. II, CAP. 19

## 250,26 DE ORDINE CONSONANTiarUM SENTENTIA EUBULIDIS ET HIPpASI.

- 1 Ex hinc difficultates ebullire cognoscito.  
*Pts*

## 240,27 EUBULIDES ATQUE HIPpASUS

- 2 duo musici  
*v<sup>1</sup>*

## 250,28 MULTIPLICITATIS AUGMENTA SUPERPARTICULARITATIS DEMINUTIONE

- 3 <sup>1</sup>quia augetur multiplicitas, ut duplus, triplus, quadruplus.  
<sup>2</sup>Superparticularitas autem minuitur per partes, ut sesquialtera, sesquiquarta, sesquiquinta et reliqui.

*OCgEiEnLaLzMcMf<sup>2</sup>MhMkMm<sup>1</sup>PbPePiShV<sup>2</sup>WqLlzTpiVrf*

1 quia augetur multiplicitas] multiplicitas augetur *LzLlz* multiplicitatis *V<sup>2</sup>* quadruplus] *om. EiEnLzMfMhMkMmShLlz* et reliqui *add. PeWq*

2 Superparticularitas] superpartiens *LzLlz* autem] *om. EiEnLzMfMhMkMmShLlz* minuitur] *corr. ex* dividitur *Mf* diminuitur *LzMhMkShLlz* per partes] *om. LzPeLlz* ut] et *Mh* sesquialtera - reliqui] sesquioctava et ceterae *EiEn* medietas, tertia pars, (et *add. LzLlz*) quarta et c. *LzMfMhMkShLlz* medietas, pars tertia, quarta et octava, et deinceps *Mm* sesquiquarta] *om. LaMcVrf* sesquiquinta] *om. CgPiTpi* et reliqui] *om. PiTpi* et reliqua *Mc* et reliquae *Vrf*

## 250,28 MULTIPLICITATIS AUGMENTA

- 4 ut duplus, triplus, reliqui  
*Q<sup>2</sup>*

## 250,29 SUPERPARTICULARITATIS DEMINUTIONE

- 5 sesquialter, sesquiertius, reliqui  
*Q<sup>2</sup>*

## 250,29 RATO

- 6 convenienti  
*Pq*

## 250,30 RESPONDERE

- 7 contraponi  
*Pe<sup>5</sup>*

**250,30 NON POSSE ESSE**

8 dicunt  
*Pe<sup>5</sup>*

**250,30 PRAETER DIMIDIUM**

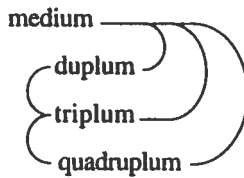
9 sit  
*Pe<sup>5</sup>*

**250,30 PRAETER**

10 nisi  
*Pe<sup>5</sup>*

**250,31 QUONIAM IGITUR SIT DUPLUM, ...**

11



*Mm*

**251,1 EX EO DIAPASON CONSONANTIAM REDDI**

12 dicunt  
*CgPbPnV2Lpl*

13 aiunt  
*PqWi*

**251,2 DIMIDIUM**

14 hoc est unitas. Quamvis prius separatim esset posita, tamen postea binario adiuncta facit ternarium, qui est sesquialter ad binarium.  
*Lpl*

**251,2 EX EO**

15 duplo  
*PbPe<sup>5</sup>V2*

**251,2 QUASI CONTRARIAM DIVISIONEM**

- 16 Duplum et dimidium dicit *contraria*, i. opposita. Cum enim sint, relativa sub opposito continent. Hoc igitur modo dicit *contrariam divisionem*, quando subduplum scinditur, i. separatur, a duplo, subtripulum a triplo, subquadruplum a quadruplo; et sic de caeteris.  
*Lpl*

**251,2 DIVISIONEM**

- 17a duplici  
*PbV2*
- 17b dupli  
*Pe5*

**251,4 TRIPLICEM PROCREARI**

- 18 aiunt  
*Pq*
- 19 dicunt  
*V2*

**251,4 TRIPLICEM**

- 20 terciam  
*Vrf*

**251,5 QUAE UTRAMQUE CONTINEAT SYMPHONIAM**

- 21 diapason ac diapente  
*PbV2*

**251,5 CONTINEAT**

- 22 coniungit  
*Pq*

**251,5 SED RURSUS TRIPLICI PARTEM TERTIAM CONTRARIA DIVISIONE PARTIRI**

- 23 dicunt  
*PbPe5V2Lpl*
- 24 aiunt  
*Pq*

- 25 Nam ternarius, qui est in triplo in augmento, est in sesquitertio in detrimento.

*EiEnLzMf<sup>2</sup>MhMkMmPe<sup>5</sup>ShLlz*

pro augmento *LzMfMhMkShLlz* in augmentum *Pe* in sesquitertio est *LzPeLlz*  
pro detrimento *LzMfMhMkShLlz* in detrimentum *Pe*

### 251,5 TRIPLICI

- 26 hoc est III<sup>o</sup>, qui est triplus ad I

*Lpl*

### 251,5 TRIPLICIS (pro TRIPLICI)

- 27 tercie

*Vrf*

### 251,6 PARTEM TERTIAM

- 28 hoc est I, quae separatim est posita

*Lpl*

### 251,6 CONTRARIA DIVISIONE

- 29 augmenti et detrimenti

*Q<sup>2</sup>PqWnWqEwn*

- 30 quia sesquitertia contraria est triplici

*PbPe<sup>5</sup>V<sup>2</sup>*

est] om. *Pe*

### 251,6 EX QUA RURSUS DIATESSARON SYMPHONIA NASCETUR

- 31 Si I cum III<sup>o</sup> fuerit iuncta, facit quaternarium, qui est sesquitercius ad ternarium, et facit diatessaron.

*Lpl*

### 251,7 TRIPLICEM VERO ATQUE SESQUITERTIUM IUNCTOS QUADRUPLAM COMPARATIONEM PROPORTIONIS EFFICERE.

- 32 in XXVI capitulo

*Q<sup>2</sup>*

- 33 dicunt

*V<sup>2</sup>*

- 34           quadrupla  
           II    VI       VIII  
           tripla sesquitercia  
           bisdiapason  
           *LaAut*  
           bisdiapason] *om. Aut*
- 35   dyapason et dyapente et dyatessaron  
       *Vrf*
- 251,9 UNDE FIT, UT EX DIAPASON AC DIAPENTE, QUAE EST  
 UNA CONSONANTIA, ET DIATESSARON UNA CONCINEN-  
 TIA CONIUNGATUR**
- 36   ideo, quia ex his duabus una efficitur, i. tripla, cui triplae si iungas  
       diatessaron, efficitur quadruplam, i. bisdiapason  
       *Cg*
- 251,9 DIAPASON AC DIAPENTE**
- 37   simul  
       *V2*
- 251,10 CONSONANTIA**
- 38   concinentia  
       *La*
- 251,12 HOS**
- 39   Ebulidem et Hyppasum musicos  
       *V2*
- 251,12 ORDO**
- 40   consonantiarum  
       *V2*
- 251,12 DIAPASON, DIAPENTE, DIAPASON AC DIAPENTE, DIATES-  
 SARON, BIS DIAPASON**
- 41   Male ordinat, qui diatessaron consonantiam penultimam collocat.  
       *Lpl*
- 251,13 DIATESSARON**
- 42   et  
       *PiTpi*



## LIB. II, CAP. 20

## 251,15 QUAE

- 1 consonantie  
*Pe<sup>5</sup>*  
consonante *Pe*
- 2 contraria  
*V<sub>2</sub>*

## 251,16 SED NICOMACHUS NON EANDEM ESSE EIS ARBITRATUR CONTRARIAM POSITIONEM

- 3 Propterea dicit: *non eandem esse eis*, quia ex parte concordat eis secundum figuram subiectam, in qua fit contraria oppositio. Sed ex alia figura, quae subdetur, dissentiet in dispositione consonantiarum.  
*Lpl*  
non eandem esse eis] non eadem  $\delta$ cis *Lpl*

## 251,17 UNITAS IN ARITHMETICIS CREMENTI ERAT DEMINUTIONISQUE PRINCIPIUM

- 4 De unaquaque [enim] summa alicuius numeri nihil minus unitate demitur.  
*EiEnLzMf<sup>2</sup>MhMkShLlz*  
enim] *add. LzMfMhMkShLlz* unitate minus *En*

## 251,18 CREMENTI

- 5 in multiplicibus  
*WiBwi*

## 251,18 DEMINUTIONISQUE

- 6 in superparticularibus  
*WiBwi*

## 251,18 DIAPASON SYMPHONIAM RELIQUARUM ESSE PRINCIPIUM

- 7 arbitratur  
*Wi*
- 8 dicit  
*Vrf*

**251,19 RELIQUARUM**

- 9 consonantiarum  
*K<sub>n</sub>*

**251,19 ILLAS**

- 10 caeteras  
*Q<sup>2</sup>*
- 11 reliquas simphonias  
*K<sub>n</sub>*
- 12 diapente et diatessaron  
*P<sub>n</sub>L<sub>p</sub>l*
- 13 diapason ke diapente  
*W<sub>i</sub>*

**251,21 COGNITU**

- 14 cognitione  
*P<sub>b</sub>P<sub>c</sub><sup>5</sup>V<sub>2</sub>*

**251,22 AB EA**

- 15 ea excepta, quia ipsa nec dividi nec multiplex esse potest  
*B<sub>x</sub>*

**251,22 UNA MULTIPLICIS ALIA DIVISIONIS**

- 16 Una pars, i. unum latus figure, habet multiplicationes unitatis, ut II, III, et cetera. Aliud latus habet divisiones ipsius unitatis superposite, ut patet in figura.  
*V<sub>r</sub>f*  
*cf. 251,24-28 (B28)*

**251,23 ALIA DIVISIONIS**

- 17 superparticularis  
*L<sub>z</sub>M<sub>f</sub><sup>2</sup>M<sub>h</sub>M<sub>k</sub>S<sub>h</sub>*
- 18a ut dividatur ipsa unitas velut as in partes  
*L<sub>a</sub>P<sub>c</sub>V<sub>r</sub>f*
- 18b quae innuat ipsam unitatem dividi velut as in partes  
*L<sub>r</sub>y*  
as] has *L<sub>r</sub>y*

**251,23 ALIA**

- 19 contrarie  
*Lpl*

**251,24 ad B28**

- 20 Falluntur plerique in hac figura ternas, quartas vel quintas unitates esse putantes, nec advertunt ipsam Eubolidis et Ypassi sententiam assumpsisse, qui non unitatem sed duplos triplosque dividunt.

*Bx*  
ipsum eubolidum *Bx* assumpsississe *Bx*

**251,24 I (B28)**

- 21 unitatem, medium, binarium  
*Mc*

**251,25 DIMIDIUM (B28)**

- 22 sesquialter  
*Mc*

**252,1 BINARIUS ENIM UNITATIS DUPLUS EST; CONTRARIA VERO EIUS PARS EIUSDEM DIMIDIUM UNITATIS OSTENDIT**

- 23 Unitas ipsa in binario duplicatur, in dimidio subtrahitur.

*EiEnKnLzMf<sup>2</sup>MhMkPe<sup>5</sup>ShWb*  
ipsa] *om.* *Pe* ipse *Sh* duplicatur] multiplicatur *Pe* subtrahetur *Sh*

**252,2 DUPLUS**

- 24 hic multiplicitas  
*Pe<sup>5</sup>*

**252,2 CONTRARIA**

- 25 quae est in diminutione sesquialteri  
*OQ<sup>2</sup>V<sup>1</sup>Pe<sup>5</sup>PqWq*

- 26 pro opposita  
*Bx*

- 27 *Contraria* dicitur, quia numeri partes crescendo ordinantur, partes autem unitatis semper decrescendo.  
*Vrf*

**252,2 EIUS PARS**

28 dupli s. binarii

*Bx*

29 duplicis

*LaLryVrf***252,2 EIUDEM DIMIDIUM UNITATIS**

30a Genitivos pro accusativis posuit.

*EiEnPe<sup>5</sup>*

30b Genitivum casum pro accusativo posuit.

*Mf<sup>2</sup>MhMkSh*

31 litotes figura

*PnLpl**alia manu Pn***252,3 DIMIDIUM**

32 hic divisio

*OPe<sup>5</sup>***252,3 TRES**

33 unitates

*Lpl***252,3 TRIPLUS**

34 est unitatis

*Pe<sup>5</sup>***252,3 CONTRARIA**

35a triplo

*BxLry*

35b tripli

*LaVrf*

**252,4 PARS TERTIA**

- 36 ternarii  
*Bx*
- 37 unitatis  
*LaLryVrf*
- 38 hoc I  
*Lpl*

**252,4 QUADRUPLUS**

- 39 unitatis  
*Lpl*

**252,4 QUARTA**

- 40 hoc I  
*Lpl*
- 41 pars unitatis  
*Vrf*

**252,5 CRESCENDI**

- 42 in multiplicibus  
*PbV2*
- 43 numeros  
*Vrf*

**252,5 DECRESCENDI**

- 44 in contrariis partibus  
*PbV2*  
contrarii *V2*
- 45 partes unitatis  
*Vrf*

**252,6 IDEM**

- 46 quod fecimus in numeris  
*M<sup>3</sup>EiEnPbV2*  
in] de *EiEn*
- 47 similem considerationem et ordinem  
*Vrf*

**252,7 DIAPASON**

- 48 binarius  
*Bwi*

**252,8 PRINCIPII**

- 49 unitatis  
*Vrf*

**252,8 QUAE**

- 50 consonantie  
*Vrf*

**252,8 IN CONTRARIA DIVISIONE**

- 51 hoc est in uno pariete  
*Lpl*
- 52 erunt  
*Vrf*

**252,9 SESQUALTER QUIDEM TRIPLO**

- 53 contrarius est  
*OPbPe<sup>5</sup>V<sub>2</sub>*  
est] *om. OPe*
- 54 opponitur  
*Vrf*
- 55 Diapente opponitur diapente kai diapason.  
*Lpl*
- 56 Eque distantia a dyapason contra triplum ponitur.  
*Vrf*

**252,10 SESQUITERTIUS VERO QUADRUPLO**

- 57 contrarius  
*Pe<sup>5</sup>*
- 58 diatessaron opponitur bisdiapason  
*Lpl*

**252,10 QUOD TALI ARGUMENTATIONE PROBABITUR**

- 59 quod sesquialter in triplo, sesquitercius in quadruplo  
*Lpl*

**252,10 ARGUMENTATIONE**

- 60 inventione  
*Pn*
- 61 ratione  
*Vrf*

**252,10 PROBABITUR**

- 62 ostendetur  
*Vrf*

**252,11 IDEM ENIM PRIMUS EST SESQUALTER, ...**

- 63 De sesquialtero, qui est triplus unitatis, qui est et primus numerus et differentia ad binarium.  
*Mc*
- 64 Ratio, quare dyapente et dyapente ac dyapason primo loco sibi ex opposito sub dyapason ponantur.  
*Vrf*

**252,11 IDEM**

- 65 ternarius  
*WiBwi*
- 66 ratio prima  
*Vrf*

**252,12 QUI PRIMUS TRIPLUS**

- 67 est  
*Vrf*

**252,13 SI UNITATI**

- 68 comparetur  
*PiPnWiLpl*  
comparatur *Wi*

**252,13 IDEM**

- 69 [unus] ternarius  
*PnLpl*  
 unus] *add. Lpl*

**252,15 DIFFERENTIAE**

- 70a unitati  
*KnWnEwn*
- 70b unitatis  
*Pe<sup>5</sup>*

**252,15 CUIUS**

- 71 binarii  
*Pe<sup>5</sup>*

**252,16 TRIPLUS EST**

- 72 unitati  
*Pb*
- 73 unitatis  
*Pe<sup>5</sup>*

**252,17 SESQUALTER TRIPLICI OPPONATUR**

- 74 Eque distantes ab unitate in numeris primo loco inveniuntur.  
*Vrf*

**252,17 DIAPENTE CONSONANTIA DIAPENTE AC DIAPASON CONSONANTIAE**

- 75 quae eodem modo se habent ad dyapason  
*Vrf*

**252,17 DIAPENTE CONSONANTIA**

- 76 sesquialtera  
*PbV2*

**252,18 DIAPENTE AC DIAPASON**

- 77 quae fit in triplo simul  
*PbV2*



**252,18 RATIONABILITER PUTATUR OPPONI**

- 78 Nicomachus  
*Q<sup>2</sup>P<sub>q</sub>W<sub>i</sub>W<sub>n</sub>*
- 79 ut in figura subiecta  
*P<sub>b</sub>V<sub>2</sub>*  
*cf. 253,3-5 (B29)*
- 80 eque distantes a diapason primo loco sub dyapason poni, sicut patet in figura  
*V<sub>r</sub>f*  
*cf. 253,3-5 (B29)*

**252,19 QUADRUPLUS**

- 81 ad unitatem  
*O*

**252,19 SESQUITERTII CONTRARIAM DIVISIONEM**

- 82 ad ternarium  
*O*
- 83 contra se positionem  
*V<sub>r</sub>f*

**252,20 NAM QUI EST PRIMUS QUADRUPLUS IDEM RURSUS PRIMUS SESQUITERTIUS INVENITUR HOC MODO.**

- 84 I III IIII  
II I  
*E<sub>i</sub>E<sub>n</sub>L<sub>z</sub>M<sub>f</sub><sup>2</sup>M<sub>k</sub>M<sub>m</sub>*  
*inverso ordine M<sub>f</sub>*
- 85 Ratio, quare dyatessaron et bisdyapason secundo loco sibi ex opposito sub dyapason ponantur.  
*V<sub>r</sub>f*

**252,24 DIFFERENTIAE**

- 86 unitati  
*P<sub>b</sub>*

**252,27 IN CONTRARIUM DIVIDATUR**

- 87 Contra se eque distantes secundo loco sub dyapason ponantur.  
*V<sub>r</sub>f*

**252,27 DUPLA**

- 88 binarius  
*KnLzWnEwn*

**252,29 EXTAT**

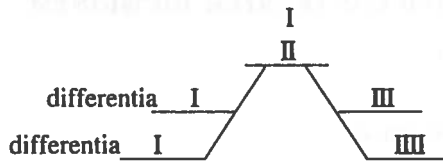
- 89 non  
*Pb*
- 90 super ipsum  
*Vrf*

**252,31 CONTRARIAE PROPORTIONIS**

- 91 sesquialterae vel sesquiterciae  
*KnWbWn\*Ewn*

**253,2 ad B29**

92

*Mc***253,3 DIAPASON (B29)**

- 93 II  
*Pd*
- 94 I II  
*Wi*

**253,4 DIAPENTE DIAPASON - DIAPENTE (B29)**

- 95 Diapente opponitur triplici, quae est diapente ac diapason.  
*OLaPbPcR2V2LryVrf*  
 opponitur opponitur *O* diapente et diapason *O*

**253,4 DIAPENTE DIAPASON (B29)**

- 96 VI  
*Pd*
- 97 <I> III  
*Wi*

**253,4 DIAPENTE (B29)**

98 III  
Pd

99 <II> III  
Wi

**253,5 BIS DIAPASON - DIATESSARON (B29)**

100 Quadrupla, quae est bisdiapason, opponitur sesquitertia, i. diatesseron.

*OLaMcPbPcR2V2AutLryVrf*  
apponitur *O*

**253,5 BIS DIAPASON (B29)**

101 VIII  
Pd

102 <I> IIII  
Wi

**253,5 DIATESSARON (B29)**

103 IIII  
Pd

104 <III> IIII  
Wi

**253,6 INQUIT**

105 Nichomachus  
*PbPiV2WiWqTpiVrf*

**253,6 MELIUS**

106 est  
*CgM4R2*

**253,8 SICUT PAULO ANTE DESCRIPSIMUS**

107 in VIII capitulo I libri  
*Q2*

108 Supra ante sententiam Ebulidis et Ypasi dictum est, ut dyapason esset prima, secunda dyapason et dyapente, et c.  
*Vrf*

## 253,9 CUM IGITUR SIT CONSONANTIA ...

- 109 Quid consonantia, quid sonus et unde pulsus  
*LzWbLlz*
- 110 Facit epilogum, ut addat, quia, sicut proporciones praedictae procedunt ab aequis vel inequalibus numeris, sic etiam in consonantiis.  
*Lpl*
- 111 Epylogus. Rogat supradicta, ut transeat ad alia.  
*Vrf*  
*epy Vrf*

## 253,9 CUM IGITUR SIT CONSONANTIA DUARUM VOCUM RATA PERMIXTIO

- 112 Consonantia  
*EnMf<sup>2</sup>Mk*
- 113 Quid sit consonantia  
*LaMcPb<sup>3</sup>R<sup>2</sup>WiBwi*  
*sit] om. LaPb est Mc*

## 253,9 DUARUM VOCUM

- 114 gravis et acutae  
*M<sup>5</sup>P<sup>b</sup>V<sup>2</sup>*  
*lacute V<sup>2</sup>*

## 253,10 SONUS VERO MODULATAE VOCIS CASUS UNA INTENTIONE PRODUCTUS

- 115 Tonus  
*EnMf<sup>2</sup>Mk*
- 116 Quid sit sonus  
*LaMcPb<sup>3</sup>R<sup>2</sup>WiBwiLry*  
*sit] om. LaMcPbLry*
- 117 Definitio soni  
*Pe<sup>6</sup>*

## 253,10 SONUS

- 118 tonus  
*V<sup>2</sup>*

**253,10 MODULATAE VOCIS CASUS**

119 dum componitur  
*BxPe<sup>5</sup>*

**253,11 IDEM**

120 sonus s. tonus  
*Cg*

**253,11 MINIMA PARTICULA MODULATIONIS**

121 dum dividitur  
*BxPe<sup>5</sup>*

**253,11 OMNIS VERO SONUS CONSTET IN PULSU**

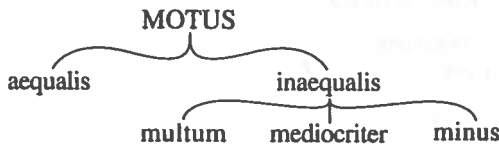
122 Unde sonus  
*LaMcPb<sup>3</sup>R2Lry*

**253,12 PULSUS VERO OMNIS EX MOTU SIT**

123 Unde pulsus  
*LaMcPb<sup>3</sup>R2Lry*

**253,13 MOTUUM ALII SINT AEGUALES, ALII VERO INAEQUALES**

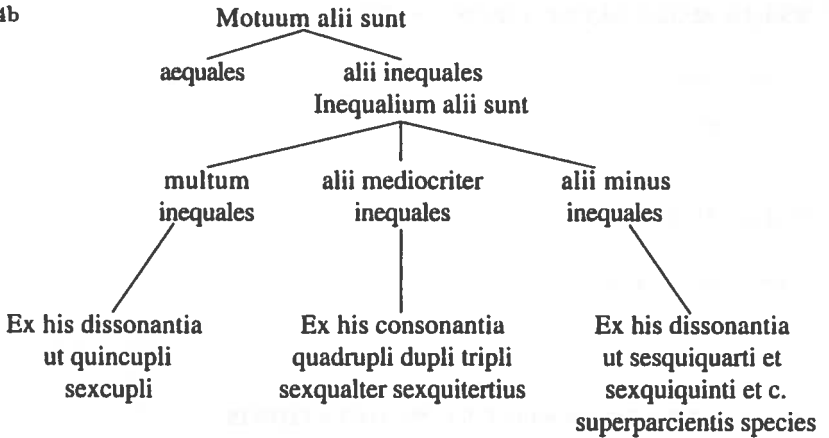
124a



*LaMcMm<sup>1</sup>Pb<sup>3</sup>R2Lry*

aequalis] inaequalis *Mc* inaequalis] *repet. La*

124b

*Pe***253,13 ALII SINT AEQUALES**

125 sicut in diapason IIII VIII

*Pe*<sup>5</sup>*gl. cancell. Pe***253,13 ALII VERO INAEQUALES**

126 ut in sesquialteris, sesquiterciis

*Pe*<sup>5</sup>**253,14 ALII SINT MULTO INAEQUALES**

127 ut in diapason

*OM5PbV2*in] *om. O**gl. cancell. Pb*

128 sicut in sesquidecimis

*Pe*<sup>5</sup>**253,15 ALII VERO MINUS**

129 ut in diatessaron

*OM5PbPe<sup>5</sup>V2*in] *om. O**gl. cancell. PbPe*

130 non inaequales, sed equales

*WiBwi*sed equales] *om. Bwi*

**253,15 ALII VERO MEDIOCRITER INAEQUALES**

131 ut in diapente  
*O5PbV2*  
*gl. cancell. Pb repet. V2*

132 sicut in sesquiseptis  
*Pe5*  
*gl. cancell. Pe*

**253,16 SONORUM AEQUALITAS**

133 neque facit consonantiam  
*Lpl*

**253,16 EX INAEQUALITATE VERO EA, QUA SECUNDUM MEDIOCRITATEM DISTANTIAE INAEQUALES SUNT**

134 nascuntur  
*PbV2*

135 aequisonantiae, quae sunt in multiplicibus: dupla, quae est diapason, et aliis  
*OM5PbV2*  
 quae sunt - aliis] *cancell. Pb* in aliis *M5*

136 ut in multiplicitate  
*Pe5*  
*alio loco, itaque cancell. Pe*

137 hoc est acuto et gravi sono  
*Lpl*

**253,17 MEDIOCRITATEM DISTANTIAE**

138a diapente et diatessaron  
*M5PbV2*  
 et] ac *M5*  
*gl. cancell. Pb*

138b diatesseron diapente  
*Pe5*

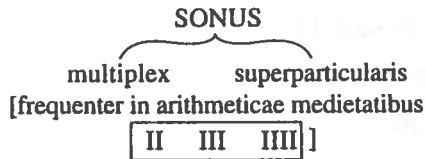
139 quae non multum differunt  
*PnLpl*

**253,18 PRIMAEQUE AC SIMPLICIORES EVENIUNT**

140 primae ponuntur  
*M5PbPe5V2*

**253,19 PROPORTIONES, QUAE SUNT SCILICET MULTIPLICIS AC SUPERPARTICULARIS**

141



*LaMcMm<sup>1</sup>Pb<sup>3</sup>R<sup>2</sup>Lry*  
 frequenter - II III IIII] add. *Mc* frequenter *Mc*

**253,19 PROPORTIONES**

142 quae a multiplicibus veniunt et sunt primae

*OM<sup>5</sup>P<sup>6</sup>V<sup>2</sup>*  
 quae] qui *M<sup>5</sup>*

**253,19 QUAE**

143 proporciones

*P<sup>c</sup><sup>5</sup>*

**253,20 DUPLI, TRIPLI, QUADRUPLI**

144 multiplices

*C<sub>g</sub>*

**253,20 SESQUALTERI ATQUE SESQUITERTII**

145 superparticulares

*C<sub>g</sub>*

**253,21 EX HIS VERO QUAE IN RELIQUIS PROPORTIONIBUS ...**

146 Unde dissonantia

*R<sup>2</sup>*

**253,21 EX HIS**

147a multiplicibus et superparticularibus

*M<sup>5</sup>*

147b multiplicis et superparticularis vel ceterarum specierum

*A<sub>ut</sub>*



148 multo vel parvo vel quibus

*Pb<sup>3</sup>Aut*  
vel] et *Aut*

149 inaequalitatibus

*WiAutBwi*

### 253,21 IN RELIQUIS PROPORTIONIBUS

150 ut in multiplici superparticulari et multiplici superpartienti

*Cg*

151 ut est superpartiens, multiplex superparticularis, multiplex superparciens

*Lpl*

### 253,22 VEL MULTIMODIS

152 ut in superbipartientibus

*WiBwi*

153 ut centuplum

*Aut*

### 253,22 VEL NON ITA CLARIS

154 ut sesquicentesima

*Aut*

### 253,22 VEL LONGE OMNINO A SE DISTANTIBUS

155 ut millecuplum, sesquimillesimum vel quantumlibet ultra

*Aut*

### 253,24 NULLA AUTEM SONORUM CONCORDIA

156 etsi fiat in cantu

*M5*

### 253,24 PROCREATUR

157 ex illis

*R<sup>t</sup>P<sub>n</sub>*

## LIB. II, CAP. 21

## 253,28 HOC IGITUR ITA DISTINCTO

- 1a Nam antea praedixerat, quod consonantiae musicae totius ex tribus multiplicibus, hoc est duplis, triplis, quadruplis, et duobus superparticularibus, i. sesquialtero sesquitertioque, constant, et reliqui.

*OLaM5McPbPeV2WqAut*

Nam] Non *Wq* antea - totius] *repet. V2* ante *Mc* totius musicae *M5* in hoc est *V2* duplis et triplis *Mc* sesquitertioque] et sesquitercio *LaMcAut* sesquialterioque *M5* sesquitertio *PbV2* constat *McWq* consonant *V2* et reliqui] *om. Wq* et reliqua *McPbV2Aut*

- 1b Nam antea praedixerat, quod consonantia musicae totius constaret in duplis, triplis, quadruplis, sesquialtero, sesquitercio.

*LzMj<sup>2</sup>MhMkShLlz*

in] *om. MfMhMkSh*

253,28 DEMONSTRABITUR DIAPASON CONSONANTIA, QUAE CUNCTARUM OPTIMA EST, IN MULTIPLICI INAEQUALITATIS GENERE ET IN DUPLICITATIS HABITUDINE REPERIRI

- 2 <sup>1</sup>Modo vult ostendere, quia diapason necessario est in multiplici proportione; <sup>2</sup>quod facit ducendo etiam partem adversariorum ad inconveniens, qui volebant esse in superparticulari proportione. <sup>3</sup>Ad hoc autem inconveniens deducet eos, quia, si est in superparticulari proportione, non est in superparticularium regula, <sup>4</sup>et ita ipsi sibi esse contrarii.

*Lpl*

## 253,29 IN MULTIPLICI INAEQUALITATIS GENERE

- 3 et in quo genere multiplicitatibus demonstraretur ostendens s. in duplici

*Aut*

## 253,30 ET

- 4 pro i.

*Vrf*

## 253,30 IN DUPLICITATIS HABITUDINE

- 5 quia hoc habet ut sit duplum

*M5*

**253,30 REPPERIRI**

- 6 monstrabitur  
Aut

**254,1 DEMONSTRANDUM**

- 7 est  
W<sub>i</sub>

**254,3 QUO**

- 8 brevi  
V<sub>2</sub>

**254,4 AB OMNI SUPERPARTICULARI SI CONTINUAM EI SUPERPARTICULAREM QUIS AUFERAT PROPORTIONEM, QUAE EST SCILICET MINOR, ID QUOD RELINQUITUR MINUS EST EIUS MEDIETATE, QUAE DETRACTA EST, PROPORTIONIS.**

- 9 Axioma  
McR<sub>2</sub>

10 <sup>1</sup>Ut cum ad CXCII CCLVI sesquiertius sit, et ad eosdem CXCII CCLXXXVIII sesquialter, si de hoc sesquialtero tollatur sesquiertius, i. de CCLXXXVIII tollantur CCLVI, remanent XXXII, qui sunt octava pars de CCLVI, et ideo dicitur sesquioctavus remanere.

<sup>2</sup>Sed XXXII duplicati, quod fit LXVIII, non reddunt integrum sesquiertium. LXVIII enim, ut in sesquiertia habitudine habeantur, II adhuc requirunt, ut sint LXVI, ad quos LXXXVIII sesquiertius est.

<sup>3</sup>Aliter: Si de duodecim, qui est ad VIII sesquialter, ad novem sesquiertius, tollamus III, quibus excrescit subsesquiertium suum, relinquuntur VIII, i. eius subsesquiertius, qui VIII ad VIII in sesquioctava proportione habentur.

<sup>4</sup>Sed pars octava suboctupli, i. I, duplicata non efficit integram proportionem sesquiertiam: bis enim I duo sunt, qui minus sunt a III, qui in sesquiertia proportione haberi possunt. <sup>5</sup>Secundum priorem autem modum hoc in omnibus sesquiertiis et sesquialteris proportionaliter sibi haerentibus fit, ut si ad primum terminum secundus sesquiertius sit et tertius sesquialter, i. tertius ad secundum sesquioctavus tunc ab eo distans, qui remanebit de ultimo termino secundo sublato.

*O\*Q<sup>2</sup>\*V<sup>1</sup>LhLz\*MsPc<sup>5</sup>PqWq*

1 Ut cum] *om.* Lz CCLIII sesquitercius Pq sit] fit Lz hoc] huius Pq tollantur CCLVII Pe tollantur LVI Pq remaneant XXVII Wq dicitur ideo M5  
 2 enim] *om.* Wq sesquiterciam habitudinem OPq sesquiterciam habeantur habitudinem M5 LXXXVIII] LXXXVI Wq  
 3 sesquialter ad VIII M5 excrescit] ex e crescit M5 subsesquitercius suum Pe IX Q i.] *om.* O IX Q proportione] habitudine Pe  
 4 suboctupli] suboctuplus est Wq i. I] id est LzPeWq duo sunt] duos Pq qui minus a ternario sunt Pe a III] ad III Lz sesquitercium Pq haberi possunt] haberi non possunt OM5 sunt Lh  
 5 autem priorem M5PqWq sesquialteris et sesquiterciis M5 inherentibus OM5 fit, ut si] sed Pq sit] fit Pq i.] et M5 ad] et M5 ab eo] habeo Pq remanebat Pq

- 11 <sup>1</sup>[De sesquialtera.] Ac si dixisset, si minor proportio de maiore detraheretur proportione, id quod relinquitur geminatum vel triplicatum non efficit integritatem minoris proportionis, quae aufertur.  
<sup>2</sup>Verbi gratia tollamus diatessaron ex diapente i. duos tonos et dimidium de tribus tonis et dimidio, et remanet tonus. <sup>3</sup>Qui tonus geminatus, quia sesquialter est, non efficit integram diatessaron, remanet enim emitonium. <sup>4</sup>Iterum sesquiquarta si auferatur de sesquitercia, remanet emitonium. <sup>5</sup>Nam sesquiquarta duobus tonis constat ipso emitonio triplicato, quia sesquitercia est, non pervenit ad integritatem sesquiquartae emitonio remanente. <sup>6</sup>Idemque in ceteris, hoc est, si sesquiquinta tollatur de sesquiquarta, remanet diesis, i. quarta pars toni. <sup>7</sup>Nam sesquiquinta constat ex tono et semitonio et diesi. <sup>8</sup>Diesis autem quadruplicatus, quia sesquiquarta est, tonum integrum efficit et remanet semitonium et diesis; et ulterius non invenies divisionem in consonantiis musicis.  
<sup>9</sup>Sed tamen, si haec feceris in arithmetiis proportionibus, usque ad infinitum progredietur. <sup>10</sup>Nam si sesquitercium tollas, hoc est quaternarium, remanebit sesquialtera, hoc est III et II. <sup>11</sup>Inter III autem et II, hoc est sesquialterum, et subsesquialterum interest unitas. <sup>12</sup>Unitas vero geminata non pervenit ad integritatem numeri, qui ablatus est, i. IIII, tamen quantitatem subsesquialteri, i. binarii, contingit. <sup>13</sup>Item si sesquiquartum a sesquitercio auferas, hoc est V, remanent IIII et III, qui similiter unitatem in differentia habent, et ipsa triplicata minor est quinario. <sup>14</sup>Duobus tamen coequat subsesquitercium, i. ternarium.

*OCgLaLzM5McPbPe<sup>5</sup>V2WqAutGbtVrf\**

1 De sesquialtera] *add.* LaMcPbV2Aut De sesquialtera et c. *add.* Vrf Aliter M5 detrahetur de maiore La detrahetur] trahatur OM5Aut detrahitur *corr.* ex subtrahitur Lz tollatur Pe reliquitur PbVrf id] *om.* Lz id est Mc vel triplicatum] *om.* CgGbt quae] qui La  
 2 tollatur M5 tollam CgMcAutVrf tolle Gbt ex] et LaPbPe de CgMcAutGbtVrf de *corr.* ex et V2 duo tonos O dimidium] semitonium CgGbt ex tribus Wq dimidio] semitonio CgGbt s Wq

3 tonus] *om. CgGbt totus OM5PeWq geminatus] geminatur Lz est add. Wq quia sesquialter est] om. CgGbt quia] qui LaMcPbV2Aut quod Vrf integrum Gbt enim] om. Mc emitonium] semitonium Gbt*

4 - 14] *om. Lz*

4] *om. La si] om. CgMcPbPeV2WqAutGbtVrf semitonium AutGbt*

5 semitonio *LaAutGbt quia sesquitertia est] sesquiterciae Cg sesquitertia Gbt qui sesquiterciae LaMcPbAut qui sesquitercia corr. ex sesquiterciae V2 quod sesquitercie Vrf pervenitur LaMcPbAutVrf pervenit corr. ex pervenitur V2 emitonio remanente] om. CgGbt semitonio Aut*

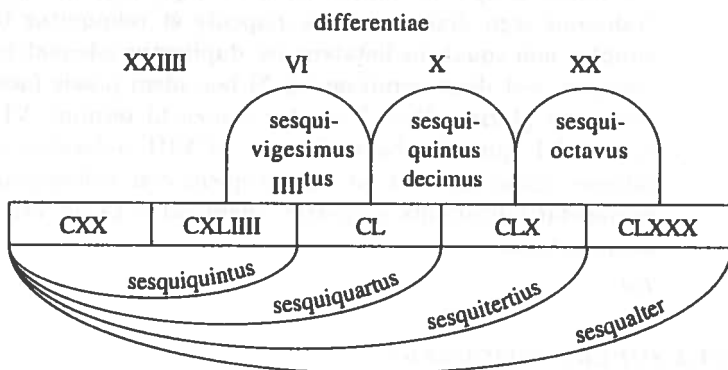
6 Idque *CgLaMcPbV2AutGbtVrf hoc est si] hoc si O hoc est CgLaMcPbPeV2AutGbt i. Vrf i.] vel La*

7 sesquiquarta V2 emitonio *Pe et diesi] om. La et diesis McAut*

8 quadruplicatur *OM5Wq quadruplatur corr. ex quadruplatur V2 quadruplata Gbt et remanet] remanet OM5Pe semitonum Mc et ulterius] vel ulterius Gbt non - musicis] om. CgGbt non] om. La invenis Pe*

9 si haec] si hoc *CgLaMcPeV2AutGbtVrf hoc si Wq arrimeticis M5 propositionibus La usque in La progreditur CgLaMcPbV2AutGbt*

10 - 14] *versio altera in CgGbt: Nam si sesquitergium de sesquialtero tollas, quod remanserit, si duplicaveris, ad sesquiterciam usque proportionem pervenire nequibit. Quoniam sesquiocitava proportio, quae remanet, duplicata integritatem sesquiterciae implere non poterit. Quod probari potest etiam in sesquiquarta et sesquiquinta, (rel. om. Gbt) ut subiecta descriptio monet:*



10 si] *om. Mc sesquialter Mc hoc III et II M5 hoc est] om. Vrf hoc] id Pe III ad II La*

11 III] IIII *Wq autem] om. La hoc est] om. M5 et] hoc et O interest] in differentia est LaMcAut est Wq differentia est Vrf*

12 Unitate *LaMcPbV2WqAutVrf Unitate corr. ex Unitas Pe pervenitur Wq numeri] nummi PbV2 est ablatu Pe albatu Mc IIII] ad quaternarium Vrf tamen] sed in M5 i. binarii] i. binarium Pb vel binarium V2 binari Mc contingit binarii M5 conungit O coniungit LaMc contingit Wq*

13 sesquiquartam a sesquitercia *LaPbV2AutVrf sesquartam a sesquitercia Mc sesquiquartum a sesquitercia PeWq hoc V O hoc es V Vrf remane V2 habent unitatem Vrf differentiam M5 habet Mc habens V2 ipse V2*

14 tamen] tantum *O coaequat] hoc aequat Aut subsesquitercio Mc i.] id V2 ternarium] et reliqua add. M5 et reliqui add. PeWq*

- 12 Quia illud, quod dicit, in consonantiis facile videtur, et ipsae consonantiae non multum procedunt in numeris, videamus numeris, ut praecipit universaliter in superparticularibus, etiam si sesquitercium tollas, hoc est IIII<sup>or</sup>, remanebit sesquialter, hoc est III et II. Sed inter hos duos unitas est differentia. Unitate vero geminata non pervenit ad integritatem ablati, i. quaternarii; tamen binarium coniungit. Item si sesquiquartam a sesquitercia auferas, hoc est V, remanent IIII et III, et ipsa triplicata minor est quinario; tribus tamen coequat subsesquitercium, i. III.

*Aut*

- 13 quoniam plus est obtinere totum et medietatem alicuius rei, quam retinere totum et terciam partem illius

*Aut*

- 14 Quod hic dicit minorem maiori detrahi, ut sesquitercium de sesquialtero, ut *id quod relinquitur simplex minus sit eius medietate, quae detracta est, proportionis*, in musice consonantiis facile est videre: Diapason enim constat ex diapente et diatessaron. Detrahimus ergo diatessaron de diapente et relinquitur tonus, qui simplex non equat medietatem nec duplicatus adequat totum diatessaron, sed deest semitonium. Si hoc idem possis facere in numeris, da gloriam Deo. Ponantur tamen hi termini: VI VIII IX. Si ergo VI, qui est subsesquitercius ad VIII, auferatur, ab illa relatione, quam habebat ad IX, ad quem erat subsesquialter, tunc remanebit tantum illa proportio, quam habet IX ad VIII, quae est sesquioctava.

*Lpl*

#### 254,4 SUPERPARTICULARI

- 15 sesquialtero

*V2*

- 16 sesquialtero, sesquitercio, sesquiquarto, sesquiquinto, sesquisexto, et c. usque in infinitum

*Aut*

#### 254,5 CONTINUAM

- 17 vicinam

*O*

- 18a sesquiterciam, quae continua, i. coniuncta et proxima est sesqualteri

*OLaPbPe<sup>5</sup>V2*

sesquitercia *La* continuum *V2* conincta *O* sesqualterae *LaPe*

- 18b sesquiterciam vicinam, quae est coniuncta sesqualtero

*M5*

- 19 <sup>1</sup>Quia numerus superparticularis sequitur naturam continuae quantitatis, facilius intelliges hoc axioma quodlibet continuum dividendo quam numerando. <sup>2</sup>Ecce utrumque subiectum oculis habes. <sup>3</sup>Tolle sesquitercium de sesqualtero i. LXIII de XCVI, remanent XXXII, qui sesquioctavam proportionem faciunt inter duos terminos novissimos.

*CgLaMcPb<sup>3</sup>R2AutLryVrf*

1 Qui *Lry* superpartulari *Aut* natura *Mc*

3 Tolle - novissimos] *om. Lry* Tolle sesquitercium de sesqualtero, i. intervallum, ubi notata est differentia, LXIII, qui faciunt sesquiterciam habitudinem inter CXCII et CCLVI, remanet aliud intervallum, in quo notatus est numerus XXXII, qui ostendit sesquioctavam proportionem inter duos residuos terminos, i. inter CCLXXXVIII <...> *Cg* Tolle sesquitercium de sesqualtero, i. XII de VIII et VIII. XII enim sesquitercius est ad IX, sesqualter autem ad VIII. Hoc enim est tollere sesquitercium de sesqualtero. Remanent VIII et IX, qui sunt in sesquioctava proportione, quae geminata non est integra sesquitercia. *Vrf* faciunt] *om. Mc* duos] *om. R2*

## 254,5 EI

- 20 superpartulari

*Aut*

## 254,6 QUAE EST SCILICET MINOR

- 21 sicut sesquitercia minor est sesqualtera

*LzWbLlz*

## 254,6 QUAE

- 22 illa scilicet

*Aut*

## 254,6 ID QUOD RELINQUITUR

- 23 ex maiore

*Pb<sup>3</sup>R2AutLryVrf*

- 24 quod est unitas

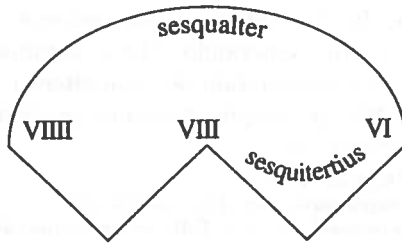
*LzWbLlz*

254,8 UT IN SESQUALTERA AC SESQUITERTIA.

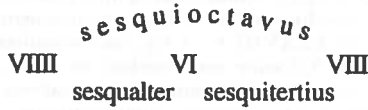
25 VI VIII VIII  
 LXIII LXXII LXXXI

*Bz*  
 VI VIII VIII] *repet. alio loco Bz*

26a in libro III de hoc

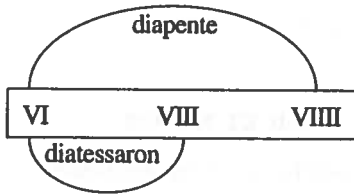


Aliter:



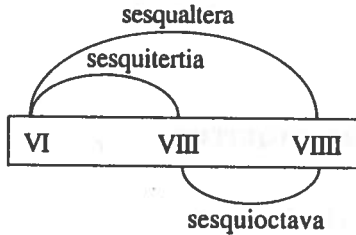
*EiEn*  
*cf. 307,16-20 (D8)*

26b



*La*

26c



*AutPhl*  
 sesquialterra *Aut* sesquitercius *Aut* sesquioctava] *om. Aut*



27

[ <sup>1</sup> Ī. CCCIII]	Ī. XLVIII	Ī. DCCCCXLIII	Ī. DCCXXVIII	Ī. DXXXVI]
<sup>2</sup> CCLXXXVIII	CCLVI	CCXLIII	CCXVI	CXCII
<sup>3</sup> XXXII <sup>4</sup> tonus	XIII semitonium	XXVII tonus	XXIII tonus	

[sesquitertia] 5 diatessaron LXIII.  
 6 diapente XCVI.  
 [sesquialtera]

[sunt differentia  
inter CCLVI et CXCII]  
 [sunt differentia inter  
CCLXXXVIII et CXCII]

*CgLaMcPb<sup>3</sup>R<sup>2</sup>AutWve*

1] *add. Cg Ī. DCCCCXLIII] Ī. DCCCCXVI Cg Ī. DXXXVI] Ī. DXXXVI Cg*  
 2 *CCLXXXVIII] om. McR<sup>2</sup> CCLXXXVIII Wve CXCII add. latere sinistro*  
*Mc latere dextro PbR<sup>2</sup>*  
 3 *differentia omnibus numeris add. Pb XIII] XII Pb XXVII] XXVI PbR<sup>2</sup>*  
 5 *sesquitertia] add. Aut sunt - CXCII] add. Aut differentia add. Pb*  
 6 *sesquialtera] add. Aut sunt CXCII] add. Aut differentia add. Pb*  
*inverso ordine Mc*

## 254,8 IN SESQUALTERA AC SESQUITERTIA

28 consonantias vide et numeros  
*M5*

## 254,8 SESQUALTERA

29 ut VI ad VIII  
*Aut*

## 254,8 SESQUITERTIA

30 ut VI ad VIII  
*Aut*

**254,8 QUONIAM SESQUALTERA MAIOR EST, SESQUITERTIAM DE SESQUALTERA DETRAHAMUS; RELINQUITUR SESQUIOC-TAVA PROPORTIO, QUAE DUPLICATA NON EFFICIT INTEGRAM SESQUITERTIAM PROPORCIONEM, SED EA DISTANTIA MINOR EST, QUAE IN SEMITONIO REPPERITUR.**

31 <sup>1</sup>Tales numeri hic aptandi sunt, ut unus idem numerus duas habeat proportiones: ad hunc unam, alteram ad illum, ut XII ad VIII et

VIII. <sup>2</sup>Est enim XII sesquiertius ad VIII, sesqualter ad VIII. <sup>3</sup>Si ergo sesquiertia proportio auferatur de sesqualtero, i. de duodenario, qui est sesqualter ad VIII, auferatur ternarius, quo ad novem est sesquiertius ipse XII. <sup>4</sup>Relinquuntur VIII, qui est ad VIII sesquioctavus, quia habet VIII in se VIII et eius octavam partem, i. unitatem. <sup>5</sup>Quae octava non est medietas ternarii, quo duodenarius sesquiertium facit ad VIII. <sup>6</sup>Nam si sesquioctava simplex esset medietas sesquiertii, cum duplicaretur, efficeret totam sesquiertiam.

*EiEnKnLz\*Mf<sup>2</sup>MhMkMmShWbPts*

1 Tales] Aliter. Tales *MfMhSh* Aliter tales ergo *Mk* (Aliter spectat ad II,21,55) Tales ergo *Mm* Tales enim *Pts* idemque *LzPts* ad illum alteram *MfMhMkMmSh* alteram ad illam *Kn* et ad VIII *Pts*

2 Est enim XII ad VIII sesqualter ad VIII vero sesquiertius *Pts* sesquiertius XII *Mm* VIII] VIII *Sh* sesqualiter *Lz*

3 - 6] *om. sed add. II,21,32 Pts*

3 Si ergo - auferatur] auferatur ternarius *Mm* quo ad] quod ad *Lz* quō ad *MfMkMmSh* ad VIII - 5 ad VIII] ad VIII sesquiertius est, et fiunt VIII iterum, qui ad VIII sesquioctavus est, qui habet in se VIII et eius octavam, i. unitas, quae non est medietas ternarii. *Mm* ipse scilicet *MfMhMkSh*

4 Relinquuntur *MfMhMkSh*

5 octava] sesqui *suprascr. Wb* quo] quō *MfMkSh*

6 Nam si] Si enim *Mm*

- 32 <sup>1</sup>Duodenarius numerus ad VIII sesqualter est, ad VIII vero sesquiertius. <sup>2</sup>Sed si XII, qui est ad VIII sesquiertius, subtraxeris, remanet novenarius ad VIII in sesquioctava proportione, quae exinde non esse media subtracti sesquiertii colligitur, <sup>3</sup>quia, si duas continuas sesquioctavas perquisieris, ut in his numeris: CXCH CCXVI CCXLIII, tertius terminus, i. CCXLIII, non poterit esse sesquiertius ad primum, sed CCLVI, maior videlicet sesquioctavo secundo. <sup>4</sup>Quod si simplex sesquioctavus medietas esset sesquiertii, geminatus utique redderet integrum.

*PeWqHwgPts*

1 *om. sed add. II,21,31 Pts* 1 Duodecim *Wq* Duodecimus *Hwg*

2 retraxeris *Wq* media] medietas *Pts*

3 sesquioctavas continuas *Pts* i.] vel *Pts* esse] *om. Hwg*

4 Quod] Quid *Hwg* plena medietas *Pts* esset] esse *Wq* utique] itaque *Pts* integrum] sesquiertium *add. Pts*

## 254,8 SESQUALTERA MAIOR

- 33 uno tono  
*PbV2*
- 34 proportio quam sesquiertia  
*Aut*

**254,9 SESQUITERTIAM**

- 35 diatessaron  
*M5*
- 36 diatesseron, quae est II tonorum et semitonii  
*O*  
II] VI
- 37 quae habet duos tonos et dimidium  
*PbR2V2AutLryVrf*  
quae habet] *om. R2AutLryVrf*

**254,9 SESQUALTERA**

- 38 diapente, quae habet III tonos et dimidium  
*O*
- 39 de diapente  
*M5*
- 40 tribus tonis et dimidio  
*R2AutLryVrf*

**254,10 SESQUIOCTAVA PROPORTIO**

- 41 [unus] tonus  
*OQ<sup>2</sup>V<sup>1</sup>+V<sup>2</sup>M<sup>5</sup>PbR<sup>2</sup>AutVrf*  
unus] *add. R<sup>2</sup>V<sup>2</sup>AutVrf*
- 42 unitas  
*Mf<sup>2</sup>Sh*

**254,10 QUAE DUPLICATA**

- 43 duo toni  
*OM5*
- 44 unitas  
*Mf<sup>2</sup>Sh*

**254,11 NON EFFICIT INTEGRAM SESQUITERTIAM PROPORTIONEM, SED EA DISTANTIA MINOR EST, QUAE IN SEMITONIO REPPERITUR**

- 45 non facit II tonos et dimidium, quia dimidius tonus deest  
*PbV2*  
*gl. repet. V2 duos om. V2(1) deest tonus V2(2)*

- 46 quia in sesquitercia proportione super duos tonos semitonium minus plus habetur

*Pe<sup>5</sup>Wq*  
super] *om.* *Wq*

- 47 de dimidio tono

*Aut Vrf*

#### 254,11 SESQUITERTIAM

- 48 diatesseron duos tonos et semitonium

*OM5*  
et duos] *M5*

#### 254,12 EA DISTANTIA

- 49 in semitonio uno

*Pn*

- 50 dimidio tono

*V2*

- 51 eo spacio

*Aut*

#### 254,12 MINOR

- 52 sesquioctava duplicata

*V2*

#### 254,12 QUODSI

- 53 et

*Aut*

#### 254,13 DUPLICATA SESQUIOCTAVA

- 54 Si duplicata sesquioctava sesquitertiam redderet proportionem, diapason fieri magis videretur et esset in multiplici ponenda genere.

*OQ<sup>2</sup>V<sup>1</sup>LhPe<sup>5</sup>PqWq*  
proportionem] *om.* *Pe* magis fieri *OPq* genere] *om.* *Pe*

- 55 <sup>1</sup>Duplicata sesquioctava, i. duae sesquioctavae proportiones, non complent unum sesquitertium, quod ex numeris in sequentibus positus approbatur: i. CXCI CCXVI CCXLIII CCLVI. <sup>2</sup>Cum sit primus ad ultimum sesquitertius, duae vero sesquioctavae inter primum et tertium, claret eas non pervenire ad integrum sesquitertium.

*EiEnLz\*Mf<sup>2</sup>MhMkShWbPis*

1 positis] *om. LzWbPts in] om. Pts comprobatur Pts CCXVI] CCXII Sh CCLVI] om. Sh*

2 Primus cum sit *Pts Cum] om. Sh primum et tertium] primum tertium sint Pts tertium] secundum corr. ex tertium LzWb*

### 254,13 SESQUIOCTAVA

56 unitas  
*Mf<sup>2</sup>Sh*

### 254,13 COMPARATIO

57 semitonium  
*Q<sup>2</sup>*

### 254,14 SIMPLEX

58 tunc multo magis  
*Aut*

### 254,14 SESQUIOCTAVA

59 tonus  
*Q<sup>2</sup>M<sup>5</sup>Wq*

### 254,14 NON EST SESQUITERTIAE PROPORCIONIS PLENA MEDIE- TAS

60 deest enim diesis  
*OM<sup>5</sup>*  
*enim] om. M<sup>5</sup>*

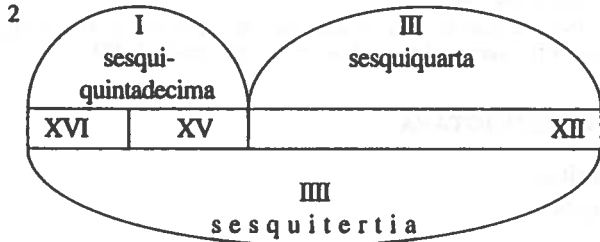
### 254,15 QUODSI SESQUIQUARTUM SESQUITERTIO AUFERAS, ID, QUOD RELINQUITUR, MEDIETATEM SESQUIQUARTI NON EFFICIT.

61 aliud exemplum  
*Aut*

62 XII XV XVI  
CCXXV CCXL CCLVI

*Bx*  
*XII XV XVI] repet. alio loco Bx*

63 <sup>1</sup>ut [in] subiecta descriptione [videas]:

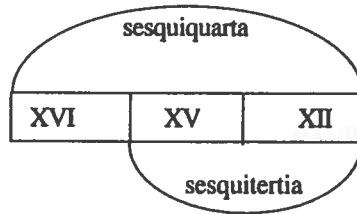


*McPb<sup>9</sup>\*R2\*Aut*

1 in] *add. Aut videas] add. Aut*

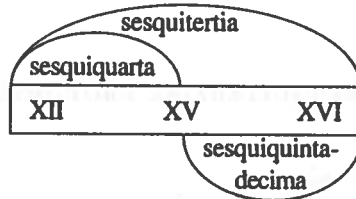
2 XII] *repet. McPbR2 sesquitertia III] om. Mc*

64a



*LaAut*

64b



*Pht*

65 <sup>1</sup>Inter sesquiquartam, quae duos tonos, et sesquitertiam, quae duos tonos et dimidium habet, <sup>2</sup>iterum minor est distantia diesis quam semitonium, sicut inter sesquiquintam et sesquiquartam. <sup>3</sup>Nam sesquiquinta habet tonum et hemitonium et diesin.

*BxLhMcPnWiWq*

1 Inter] In *Mc sesquiquartum BxLhPnWiWq quae] qui PnWi sesquiter-*  
tium *BxLhPnWq quae] qui Wi duos et dimidium Mc*

2 est] *om. McWq sicut - 3 diesin] om. Wq sesquiquintam Pn*

66 <sup>1</sup>Item de sesquitercio aufer sesquiquartum, ut sunt XX XVI XV. <sup>2</sup>Est enim XX ad XVI sesquiquartus, ad XV sesquitercius. <sup>3</sup>Ergo sesquiquarto ablato, i. IIII, relinquitur sesquiquindecima habitudo,

i. unitas, inter XVI et XV, quae non efficit medietatem sesquiquarti, i. quaternarii.

*EiEnKnLzMf<sup>2</sup>MhMkShWbPts*

1 Item] *om. Pts*

2 Est enim XX numerus ad XV sesquitercius ad XVI vero sesquiquartus *Pts*

3 *om. sed add. II,21,68 Pts* Ergo si *MfSh* sesquiquindecima] sesquisextadecima *MfSh*

- 67 <sup>1</sup>Ad hoc intendit, ut ostendat diapason consonantiam non posse esse in superparticularibus. <sup>2</sup>Nulla enim superparticularis minor duplicata maiorem explet, et ideo diapason ibi esse nequit.

*LzMf<sup>2</sup>MhMkPe<sup>5</sup>Sh*

1 consonantiam] *om. Pe*

2 enim superparticularis] in superpartulari *Lz* ibi] *om. Pe*

- 68 <sup>1</sup>XX numerus ad XV sesquitercius est, ad XVI vero sesquiquartus. <sup>2</sup>Sed si eundem XX numerum, qui est ad XVI sesquiquartus, dempseris, remanet XVI ad XV in sesquiquinta decima proportione, quae non esse medietas ablati sesquiquarti ex hoc deprehenditur; <sup>3</sup>quia, si duas continuas sesquiquintas decimas habitudines adinveneris, ut in his numeris DCCCC DCCCCLX  $\bar{I}$ .XXIII, tercius terminus, i.  $\bar{I}$ .XXIII, non poterit esse sesquiquartus ad primum. <sup>4</sup>Nam si DCCCC<sup>torum</sup> quartam partem sumpseris, quae est CCXXV, et eisdem adposueris, erit numerus  $\bar{I}$ .CXXV, maior scilicet  $\bar{I}$ .XXIII, secundo sesquiquinto decimo. <sup>5</sup>Quod si simplex sesquiquinta decima [plena] medietas esset sesquiquarti, duplicata sine dubio adintegrasset. <sup>6</sup>Hoc in omnibus deinceps superparticularibus eveniet, et si continua minor proportio dematur, quod relinquitor, non possit subtractae [proportionis] constare medietas.

*PeWqHwgPts*

1] *om. sed add. II,21,66 Pts* XVI] 13 *Hwg*

2 remanent *Hwg* XVI remanet *Wq*

3 quia, si] quasi *Hwg* DCCCC. LX.  $\bar{I}$ .XXIII<sup>OR</sup> *Wq* 909, 900. 60. 10. 23 *Hwg* terminus] decimus *Wq* i.  $\bar{I}$ .XXIII] XXIII *Hwg*

4 partem quartam *Pe* et eisdem -  $\bar{I}$ .CXXV] *om. Wq* eisdem] eiusdem *Hwg* 5 plena] *add. Pts* ad integra esset *Hwg* adintegrasse *Pts*

6 eveniat *Pe* evenit *Hwg* et] *om. Pts* delinquitur *Pe* posset *Wq* proportionis] *add. Pts*

- 69 <sup>1</sup>Sedecim cum sit sesquitercius ad XII, hunc, i. XII, si quis auferat enim, IIII remaneant, <sup>2</sup>et a XV, cum sit sesquiquartus XII, si quis XII auferat, quod relinquitor III, <sup>3</sup>si iungantur cum IIII, qui superius remanserunt in sesquitercio, non implent medietatem sesquiquarti, i. XV. <sup>4</sup>Cum enim tres et IIII faciunt VII, detracta medietate unitatis non perveniunt ad medietatem sesquiquarti.

*Aut*

1 enim] *lectio incerta Aut*  
2 reliquitur *Aut*

### 254,15 SESQUIQUARTUM

70 sesquiquartus  
VIII X  
*La*

71 duos tonos  
*Wq*

### 254,15 SESQUITERTIO

72 II<sup>bus</sup> tonis <et semitonio>  
*Wq*

### 254,16 QUOD RELINQUITUR

73 semitonium  
*Wq*

### 254,17 IDEMQUE IN CETERIS.

74 hoc est sesquiquintum sesquiquarto vel sesquisextum sesquiquinto  
et c.  
*Lpl*

75 <sup>1</sup>Si duas sesquiquintas decimas efficere vis, radices, i. XV et XVI, in se ipsas atque invicem multiplicandae sunt ita: <sup>2</sup>quindecies XV<sup>cim</sup> faciunt CCXXV, quindecies XVI CCXL, sedecies XVI<sup>cim</sup> CCLVI. <sup>3</sup>Sed CC<sup>ti</sup>XXV pars quarta nequit in integris inveniri numeris, ut sesquiquartam ad se possint facere habitudinem. <sup>4</sup>Ideo per quaternarium sunt ducendi omnes ipsi tres termini, s. CCXXV CCXL CCLVI et inveniuntur isti numeri DCCCC DCCCCLX Ī.XXIII, <sup>5</sup>in quibus duae sesquiquintae decimae proporciones reperiuntur, quorum minimus quarte partis compos est. <sup>6</sup>Hanc, si ei addideris, transcendet ipsas duas sesquiquintas decimas proporciones.

*Pe*

1 efficere *Pe*

2 quidecies XVI *Pe*

4 inveniunt *Pe* DCCCCLX] DCCCLX *Pe*



## LIB. II, CAP. 22

## 254,18 DEMONSTRATIO PER IMPOSSIBILE DIAPASON IN MULTIPLICI GENERE ESSE.

- 1 Nota perspicaciter has demonstrationes

*CgPb<sup>3</sup>AutLryVrf*

- 2 <sup>1</sup>Demonstrat in hoc capitulo dyapason in multiplici proportione esse s., qua autem specie multiplicis, hoc non probat, s. postea hoc probabit, s. quod in dupla proportione, quod dicit. <sup>2</sup>Nota huius artis principia, quae ad probationem huius rei sunt necessaria: unum per se notum est, quod omnis consonantia vel est in multiplici vel est in superparticulari; <sup>3</sup>aliud, quod diapason prior est dyapente, dyapente prior est quam dyatessaron. <sup>4</sup>Item diapason constat ex dyapente et dyatessaron. <sup>5</sup>Item regula, quam praemisit Boetius, quod *Ab omni superparticulari* <...> et c.. <sup>6</sup>Secundum haec igitur per se nota argumentatur Boetius et utitur indirecta ratiocinatione, quod dicit: dyapason aut est in multiplici, aut est in superparticulari <sup>7</sup><...> adversarius, quod est in superparticulari, quod falsum est. <sup>8</sup>Contra hoc Boetius: Si est in superparticulari, igitur illa superparticularis non potest esse sesquialteri, quia in illa est dyapente. <sup>9</sup>Quia per se notum est, quod dyapason prior est diapente, ergo oportet secundum adversarium dyapason in superparticulari esse, quae praecedat sesquialteram. <sup>10</sup>Dicit igitur adversarius et mentitur, quod est in superparticulari, quae praecedit sesquialteram, quae nec est, nec esse potest. <sup>11</sup>Nam post duplam statim sequitur sesquialtera, quae est prima omnium superparticularium. <sup>12</sup>Sed <nescesse> est sesquialteram, in qua est dyapente, sequi illam superparticularem, in qua tenet adversarius dyapason consonantiam esse; post autem sequi illam, in qua est dyatessaron. <sup>13</sup>Quia per se notum est dyapente continuam esse post dyapason, ergo sesquialtera continua est post illam superparticularem, in qua est dyapason secundum adversarium. <sup>14</sup>Et ut manifestius sit, quod dicimus, constituamus terminos secundum adversarium, ut pateat et eius <...> et qualiter argumentetur Boetius contra illum. <sup>15</sup>Sint igitur termini tales, qui tamen non sunt, non esse possunt: S II III. <sup>16</sup>Primus igitur tractus nota est illius superparticularis, quam ponit adversarius, quae non est, nec potest esse. <sup>17</sup>Dicit ergo adversarius, quod inter primam notam et III est dyapason, et inter S et III est quaedam superparticularis proportio, quae praecedit sesquialteram, et in ea est dyapason. <sup>18</sup>Deinde inter illam notam eandem et inter II est sesquialtera, s. dyapente. <sup>19</sup>Deinde

inter II et III est sesquitercia, et ibi est dyapason, quod totum falsum est. <sup>20</sup><...> quod posito uno falso et impossibili sequuntur plura alia falsa et impossibilia. <sup>21</sup>Secundum hoc ergo sic arguuntur Boetius secundum adversarium: <sup>22</sup>Si ita est, quod iste sint superparticulares <...>, si a superpartulari auferatur superpartularis, *quod relinquitur minus est medietate eius*, quod aufertur, per premissum axioma: *Ab omni superpartulari et c.* <sup>23</sup>Si igitur auferatur dyapente, quae est continua post dyapason, (sicut si auferatur nota, quam ille ponit v. S, quae facit dyapente ad II, qua tamen ablata <...> diapason <...> auferatur,) remanet dyatessaron. <sup>24</sup>Necessario quia principium est <...> ista, quod dyapason constat ex dyapente et dyatessaron. <sup>25</sup>Igitur ablata dyapente remanet dyatessaron. <sup>26</sup>Igitur dyatessaron minor est medietate dyapente, quae ablata est per premissum axioma, et sic duplicata non <...> dyapente, quod est impossibile. <sup>27</sup>Probabitur enim in sequentibus, quod <bis> dyatessaron tono et semitono excedit. <sup>28</sup>Si opponatur, quod dicit regula, quod auferatur minor <...> dyapente aut maior est et dyatessaron, dicimus, quia non est curandum. <sup>29</sup>Non enim potest auferi minor, quin auferatur et maior. <sup>30</sup>Aufertur enim utraque et dyapente et dyapason, vel potest <...> minor respectu dyapason.

Vrf\*

17 dycit lectio incerta Vrf

5 cf. 254,4

22 cf. 254,6; 254,4

#### 254,18 PER IMPOSSIBILE

- 3 quia impossibile est diapason esse nisi in multiplici  
O
- 4 Quod dicit demonstratio *per impossibile*, ita intelligendum est, ut hac sententia demonstraretur non posse esse diapason nisi in multiplici genere. Non enim est ponenda sive in superpartulari sive in superparcienti.  
Cg

#### 254,20 AGE

- 5 adverbium  
Pe<sup>5</sup>
- 6 adverbium hortantis est  
Wg

**254,21 QUOD SI EA NON EST IN MULTIPLICI GENERE INAEQUALITATIS, CADET IN SUPERPARTICULARE INAEQUALITATIS GENUS.**

- 7 <sup>1</sup>Nota, quod praedictum est, quod omnis consonantia musica vel est in multiplici, hoc est in dupla vel tripla vel quadrupla, <sup>2</sup>vel in duobus superparticularibus, hoc est in sesquialtero vel in sesquitercio. <sup>3</sup>Prius ergo probat hoc tantum, s. quod dyapason est in multiplici genere, <sup>4</sup>post, quod est in hac eius specie, s. in duplici.

*Vrf*

**254,21 IN MULTIPLICI GENERE INAEQUALITATIS**

- 8 in qua erat

*PnLpl*

quo *Lpl*

**254,22 IN SUPERPARTICULARE INAEQUALITATIS GENUS**

- 9 in qua non erat vel esse non potest

*PnLpl*

- 10 quod fieri nequit

*WiBwi*

**254,22 CADET**

- 11 ipsa, dicit

*O*

**254,22 SIT IGITUR SUPERPARTICULARIS PROPORATIO DIAPASON CONSONANTIA.**

- 12 propositive, s. si fieri potest

*Q<sup>2</sup>V<sup>1</sup>PqWq*

s.] *om. QWq* si fieri potest] *om. Wq*

- 13 secundum adversarium argumentatur, non, quod ita sit

*Aut*

*cf. II,23,2*

- 14 ponatur ab adversario

*Vrf*

**254,23 DIAPASON**

- 15 toni V et II semitonia

*O*

**254,23 AUFERATUR AB EA CONTINUA CONSONANTIA, ID EST DIAPENTE, RELINQUITUR DIATESSARON.**

- 16 Diapason enim constat ex duobus tonis et semitonio et tono, quod est diapente, et duobus tonis et emitonio, quod est diatesseron. Ablato igitur diapente a diapason remanet diatesseron.

*OWq*

quod est diapente] *om. O*

- 17 <sup>1</sup>Diapason ex diapente et diatesseron constat, et ideo de diapason sublato diapente relinquitur diatesseron. <sup>2</sup>Cum diatesseron duobus tonis et minore constet semitonio, duplicatus V faciet tonos, in quibus unus tonus et dimidius sunt amplius quam in diapente, quod constat tribus tonis et semis.

*Q<sup>2</sup>V<sup>1</sup>LhMcPnPqWiWqBwiLpl*

1 de diapason] ex diapason *WiBwi*

2 duobus duobus *Pn* ac minore *PnWiBwiLpl* minore] *om. Wq* constet semitonio] semitonio constet *LhPnWq* constet emitonio *Mc* semitonio constet *WiBwi* constet *Lpl* duplicata *Pq* duplicatum *Wq* V] IIII *suprascr.* vel V *Lpl* facit *LhLpl* et faciet *Mc* dimidium *Pq* sunt amplius - semis] noctis sunt *WiBwi* sunt] *om. Pq* in diapente] diapente *LhWq* quod] quae *LhMcPnWqLpl* tribus tonis et semis] tribus ac semis *PnLpl* semise *Q*

- 18 <sup>1</sup>Dixit in *omni superparticulari* contingere, ut *si continua proportio ei auferatur, quae est minor*, tunc, *quod relinquitur*, non perveniat ad medietatem illius proportionis, *quae detracta est*. <sup>2</sup>Si ergo diapason superparticularis generis esset, cum auferretur ab ea continua consonantia, i. diapente, et relinqueretur diatesseron, tunc ipsa diatesseron ad medietatem diapente non perveniret, quod tamen aliter est; <sup>3</sup>nam diatesseron constat duobus tonis et semitonio, diapente tribus tonis et semitonio, nec plus uno tono superat diapente diatesseron. [<sup>4</sup>Idcirco geminata diatesseron superat diapente tono et semitonio et nequaquam diapason in superparticulari genere poni debet.]

*EiEnLzMf<sup>2</sup>MhMkSh*

2 consonantia] proportio *LzMfMhMkSh* relinquitur *Sh* tunc ipsa diatesseron] *om. Lz* medietatem diapente] medietatem *Lz* perveniret *Mf*

4] *add. LzMfMhMkSh*

1 *cf. 254,4*

- 19 Eodem modo ut superius, ubi sesquiterciam proportionem a sesquialtera detraxisti, aufer diapente a diapason, et tunc, quod relinquitur, maius est medietate detractae simphoniae.

*LzWb*

- 20 <sup>1</sup>Duodenarius ad VIII sesquialteram, ad VI vero duplam retinet proportionem. <sup>2</sup>Sed si minorem continuam, i. sesquialteram, subtraxeris, remanet VIII ad VI in sesquitercia habitudine, quae plus

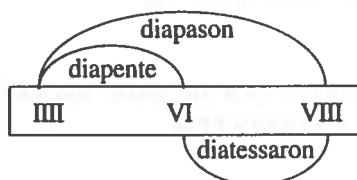
quam medietas dempti sesqualteri ex hoc esse colligitur. <sup>3</sup>Quia, si duas sesquitercias adinvenies, ut in his numeris XVIII XXIII XXXII, maiores sunt XXVII numero, qui est ad XVIII sesqualter.

$PeWqHwg$

1 duplum  $Hwg$

2 i.] vel  $Hwg$  remanent  $Hwg$  habitudine] proportione  $Wq$

21



$Phl$

### 254,24 AB EA

22 diapason

$PnLpl$

### 254,24 CONTINUA

23 vicina, quia post diapason diapente ponitur

$O$

24 quia post duplam sesqualtera in ordine ponitur

$Q^2V^1LhPqWq$

quia] *om.*  $Lh$  sesqualteram  $Pq$  in ordine ponitur] erit in ordine  $Wq$

### 254,24 DIAPENTE

25 III et semis

$O$

### 254,25 BIS IGITUR DIATESSARON MINUS EST UNO DIAPENTE

26 hyronice loquitur

$OPe^5Wq$

loquitur] *om.*  $Wq$  dicit  $Pe$

27 negatio est per omnia

$PnLpl$

### 254,25 BIS IGITUR DIATESSARON

28 IIII toni et duo semitonia

$O$

**254,25 MINUS EST UNO DIAPENTE**

- 29 tribus consonantiis  
*O*
- 30 quod non est  
*WiBwi*
- 31 secundum te, quod falsum est  
*Aut*

**254,26 IPSUM DIATESSARON NON INPLET DIAPENTE CONSONANTIAE MEDIETATEM**

- 32 non  
*OPbV2*
- 33 interrogando  
*WiBwi*

**254,26 DIATESSARON**

- 34 simplex  
*OPbV2*  
simplet *Pb* simples *V2*

**254,26 DIAPENTE CONSONANTIAE MEDIETATEM**

- 35 toni et semitonii  
*O*
- 36 utique  
*PbV2*

**254,27 QUOD EST IMPOSSIBILE**

- 37 ut non impleat  
*OPbV2*
- 38 quia diapason sublata diapente proportio diatessaron, quae relicta est, non fuit minus medietate diapente; et iterum duplicata ipsa diatessaron superexcrevit integritatem diapente.  
*O*  
integritate *O*

**254,28 BIS DIATESSARON**

- 39 IIII toni et duo semitonia  
*O*

**254,29 QUOCIRCA NE DIAPASON QUIDEM IN SUPERPARTICULARI INAEQUALITATIS GENERE PONI POTEST.**

40 secundum me Boecium

*Aut*

41 <sup>1</sup>Si diapason [consonantia] in superparticularitate haberetur, ablata de ea continua consonantia, i. diapente, <sup>2</sup>quod relinqueretur, i. diatessaron, minus esset medietate eius quod ablatum est, sicut dixit in omni fieri superparticulari. <sup>3</sup>Unum vero diatesseron plus est uno medio diapente.

*OQ<sup>2</sup>V<sup>1</sup>LhMcWg*

1 consonantia] *add. Lh continua] om. V*

2 minus esset quod relinqueretur i. diatesseron *Q* i. diatessaron] *om. Lh esse] esse Mc quod] quae Mc relinquetur V relinquitur Wg minus] minus Mc quod ablatum est] i. diatesseron add. Lh quia ablatum est Mc fieri in omni LhWg*

**254,29 NE**

42 non

*Aut*

## LIB. II, CAP. 23

## 255,1 DEMONSTRATIO

- 1 per impossibile  
*MbPb<sup>3</sup>R2V2AutLry*  
*instar textus MbAut*  
*cf. 254,18*

## 255,3 RESTAT IGITUR, UT DIAPENTE AC DIATESSARON ET TONUM IN SUPERPARTICULARITATE PONENDA ESSE MONSTREMUS.

- 2 secundum adversarium argumentatur  
*Aut*  
*cf. II,22,13*
- 3 ducta parte adversarii ad inconueniens  
*Lpl*

## 255,3 RESTAT

- 4 superest  
*Pc<sup>5</sup>*

## 255,3 DIAPENTE AC DIATESSARON ET TONUM IN SUPERPARTICULARITATE PONENDA ESSE

- 5 parenthesis  
*Aut*

## 255,3 DIAPENTE AC DIATESSARON

- 6 hoc diapente et hoc diatessaron sub neutro genere  
*Bc*

## 255,5 IN PRIMA QUOQUE PROBATIONE

- 7 ibi: *Ut in sesquialtera et c.*  
*Aut*  
*cf. 254,8*

## 255,5 EA

- 8 probatione  
*OPbV2Aut*  
*proportione O*



**255,5 QUA DIAPASON IN SUPERPARTICULARI GENERE NON ESSE  
PONENDAM**

- 9 vel quia duplus sesqualtero sesquitertioque coniungitur, vel quia bis dyatessaron excedit dyapente tono et semitonio, quod est proprium sesquitercii ad sesqualterum

*Pe*<sup>5</sup>

*cf. 254,29 ss.*

**255,6 MONSTRAVIMUS**

- 10 ubi diximus: *Ut in sesqualtera et sesquitercia. Quoniam sesqualtera maior est et c.*, sed latenter innuit.

*Aut*

**255,7 ID QUOQUE QUODAM RATIONIS MODO PERCLARUIT,  
SINGILLATIM TAMEN DE EO AC DILIGENTIUS PER-  
TRACTEMUS**

- 11 Argumentum in hoc loco secundum brevitatem rationis superioris, quod dicit: *Ab omni superparticulari et c.*

*O*

*cf. 254,4*

**255,7 ID QUOQUE**

- 12 repetit

*Aut*

**255,7 QUODAM RATIONIS MODO PERCLARUIT**

- 13 ut diapente, diatessaron et tonus ponerentur in superparticulari

*Aut*

**255,7 PERCLARUIT**

- 14 Ibi dicit *perclaruisse*, ubi dixit: *Ab omni superparticulari*, et ibi dedit exemplum de diapente et diatessaron.

*Aut*

*cf. 254,4*

**255,7 SINGILLATIM**

- 15 per singulas partes

*Pe*<sup>5</sup>

**255,8 NAM SI IN SUPERPARTICULARI QUIS HAS HABITUDINES  
PONENDAS ESSE NON DIXERIT, IN MULTIPLICI GENERE  
FATEBITUR CONLOCANDAS.**

- 16 Nam in superiore capitulo, ubi illud negavit, istud asseruit.

*OPbV2*

Nam] *om. O*

*cf. 254,19-23*

- 17 argumentum ab impossibili

*Pe5*

- 18 Adversariorum sententias ponit et positas destruit.

*Aut*

- 19 quodammodo per contrarium, quia si dyapason non potest esse  
in superparticulari, igitur a simili per contrarium illa non erit in  
multiplici; igitur erit in superparticulari ex necessitate.

*Vrf*

**255,9 NAM SI IN SUPERPARTICULARI**

- 20 modo incipit

*Aut*

**255,10 DIXERIT**

- 21 iudicaverit

*PnWi*

**255,10 IN MULTIPLICI GENERE FATEBITUR CONLOCANDAS**

- 22 quod non est

*WiBwi*

**255,11 CETERIS**

- 23 in multiplici superparticulari et multiplici superpartienti

*OPbV2*

in] *om. O*

**255,12 SUPERIUS UT ARBITROR EXPLANATUM EST**

- 24 in capitulo VI<sup>o</sup> primi libri, ubi dixit, quod nulla sit consonantia in superpartientibus  
*OPb*  
*gl. repet. et eras. O*
- 25 in ultima parte capituli superioris, cuius initium est: *Ea namque probantur*  
*Mm*  
*cf. 193,5*
- 26 ubi dictum est multiplices tantum et superparticulares notam communem mensuram habere posse [in VI capitulo primi libri]  
*Pe<sup>5</sup>WqHwgPts*  
 et superparticulares tantum *Pe* in VI capitulo primi libri] *add. Pe*  
*instar textus Pts*
- 27 require in VI capitulo superioris libri  
*Wb*
- 28 ibi: *Ex his vero que in reliquis et c.*  
*Aut*  
*cf. 253,21*

**255,12 SI FIERI POTEST**

- 29 quod non potest  
*PnLpl*
- 30 quod dicit: quod est impossibile  
*Vrf*

**255,13 ET QUONIAM DIATESSARON ...**

- 31 Quod diatessaron non potest in multiplici genere repperiri  
*Mc*

**255,13 ET QUONIAM DIATESSARON CONSONANTIA MINOR EST, DIAPENTE MAIOR**

- 32 notum  
*Aut*

**255,14 DIAPENTE MAIOR**

- 33 tono  
*Pq*

**255,14 DIATESSARON DUPLICI DIAPENTE VERO TRIPLICI PROPOR-  
TIONI MULTIPLICITATIS APDETUR**

34 quod falsum est  
*M8*

35 argumentosa opinatio, quae vera non est  
*WiBwi*

**255,15 DIATESSARON DUPLICI**

36 aptetur  
*Aut*

**255,15 DIAPENTE VERO**

37 quae maior est  
*Aut*

**255,15 TRIPLICI PROPORCIONI MULTIPLICITATIS APDETUR**

38 secundum te  
*Aut*

**255,16 VERISIMILE ENIM EST, ...**

39 yronice  
*Aut*

40 I II III  
II IIII VI  
II III II III VI ad II  
*McPb<sup>3</sup>R2Aut*

**255,16 UT EST**

41 quemadmodum  
*Pe<sup>5</sup>*

**255,17 CONSONANTIAE**

42 dativus  
*Aut*

**255,18 ITA SI DIATESSARON IN DUPLICI STATUATUR**

43 Vere autem duplex est diapason.

*O*

44 verisimile est

*BcPbPe<sup>5</sup>V2*

**255,18 DIAPENTE IN CONTINUA DUPLICIS PONI, ID EST TRIPLICI**

45a quia post duplicem triplex semper est

*O*

45b quia post duplicem proporcionem continuatim sequitur triplex

*Aut*

**255,18 IN CONTINUA**

46 vicina

*O*

47 proporcione

*Aut*

**255,19 DUPLICIS**

48 multiplicis

*Pb*

**255,19 PONI**

49 statuatur

*Aut*

**255,19 TRIPLICI**

50 in

*Aut*

51 proportione

*Aut*

**255,19 TONUS AUTEM, QUONIAM IN HABITUDINIBUS MUSICIS  
POST DIATESSARON LOCATUR, NIMIRUM IN EA PROPOR-  
TIONE PONATUR**

52 secundum te

*Aut*

53 vere quidem, sed non secundum hanc rationem. Nam duplicem hic  
apella diatesseron.

*O*

54 Ne mireris, si de stulto concessio superius facta, s. quod diapente in  
triplici, diatessaron et c., eveniat, ut tonus sesquialtera proportione  
cadat.

*Lpl*

**255,21 IN EA PROPORTIONE PONATUR, QUAE EST MINOR DU-  
PLICI**

55 nulla omnino est

*O*

56 sed minor proportio proportione duplici non repperitur

*Aut*

**255,21 PONATUR**

57 poni debet

*Aut*

**255,21 DUPLICI**

58 proportione

*Aut*

**255,22 HAEC**

59a [proportio quae est] minor a duplici

*OPe<sup>5</sup>*

proportio quae est] *add. Pe*

59b minor duplici

*PnLpl*

60 proportio, quae sit minor duplici

*Aut*

## 255,23 UT IN SUPERPARTICULARITATIS HABITUDINEM CADAT

61 tonus  
*Q<sup>2</sup>Aut*

255,24 SIT IGITUR PRIMA ID EST SESQUALTERA TONI PROPOR-  
TIO.

62 si fieri potest  
*Q<sup>2</sup>Pq*

63 quod falsum est  
*Mδ*

64 secundum hanc rationem  
*PbPe<sup>5</sup>Vz*

65 yronice  
*Wq*

## 255,24 PRIMA

66 toni proportio  
*PnLpl*

255,25 NAM SI DUPLICEM AUFERAMUS TRIPLICI, QUOD RELIN-  
QUITUR SESQUALTER EST.

67 [ut] IIII VI XII  
*EiEnLzMf<sup>2</sup>MhMk*  
ut] *add. LzMfMhMk*

68           sesqualter  
triplus IIII       VI       XII  
duplus           VI       XII  
*EiEn*

69 <sup>1</sup>Omnis tripla proportio, quae continet simul diapason ac diapente, habet VIII tonos et tria semitonia. <sup>2</sup><... diapason V tonos et II semitonia> et diapente III tonos et unum semitonium, qui simul faciunt tonos VIII et semitonia III<sup>a</sup>. <sup>3</sup>Sive ex tripla duplicem, i. diapason, auferamus, i. V tonos et duo semitonia, relinquitur sesqualter sive diapente, i. III toni et semitonium.

O

70 <sup>1</sup>Ac si dixisset, quia non potuit tonus esse in prima specie multiplici, i. duplici, quae etiam minima est multiplicium, <sup>2</sup>ponatur

autem in prima superparticularium, i. sesquialtera, quae prima nascitur ex multiplicibus, i. duplo triploque. <sup>3</sup>Ideoque dicit: *Nam si duplicem triplici auferamus, quod relinquitur sesquialter est.* <sup>4</sup>Verbi gratia ponantur unus II III. <sup>5</sup>Duo enim ad unum duplex est, III ad unum triplus. <sup>6</sup>Ablata ergo unitate, quae est causa dupli et tripli, remanent II et III, i. sesquialtera.

*O\*PbPcV2Wq*

1 quia] qui *PbV2*

2 autem] *om. O prima] om. Wq nascitur] natitur V2*

3 Ideo *Wq* et triplici *V2* auferamus] offeramus *PbV2* sesquialter est] sesquialtera *Pc*

5 duplas *V2*

6 quae - tripli] *om. PbV2* i. sesquialtera] quae sesquialteram proportionem efficiunt *PbV2* que est sesquialtera *PcWq*

*gl. cancell. Pb*

- 71 <sup>1</sup>Quod dicit, tale est: <sup>2</sup>Constitutis tribus terminis II III atque VI, <sup>3</sup>si medius sit duplex ultimo, veluti est quaternarius binario, <sup>4</sup>maior vero, ut est VI, sit triplus ultimo, i. binario, <sup>5</sup>si auferatur ultimus terminus, i. binarius, in quo consistit ipsa duplicitas, <sup>6</sup>quod relinquitur sesquialter est, s. quaternarius ad senarium, qui senarius triplus est binario.

*Cg*

- 72 <sup>1</sup>Merito constituitur tonus in sesquialtera proporcione: *Nam si duplicem* et c.; <sup>2</sup>quasi, quia per retractionem duplicis a triplici oritur sesquialter, et per retractionem diatessaron a diapente oritur tonus, <sup>3</sup>iure tonus et sesquialtera proportio sociantur, cum diatesseron et diapente sunt constituta paria ad duplum et triplum.

*Aut*

## 255,25 SI DUPLICEM AUFERAMUS TRIPLICI

- 73 unitatem

*Bx*

## 255,25 DUPLICEM

- 74 III VI

*Pc<sup>5</sup>*

## 255,25 TRIPLICI

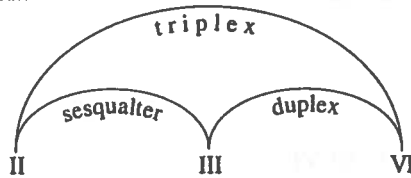
- 75 † VIII XVIII †

*Pc<sup>5</sup>*





3] *om. Pc, sed add.:*



Vel ita] *om. Aut Vel ita F<ulbertus> Lry Triplus vel quadruplus - XII]*  
*om. PiTpi Simplex idem sesquialter] simplex Wve III]* *om. PiTpi III]* *om. PiTpi*

4 - 5] *om. Wve*

4 Tollo - duplicem] De triplici VI aufero duplicem *Pc* Tollo] S. Tollo *PiTpi*  
 fit] sit *Mc* i. III] idem III *R2* i. ad II] I ad II *R2*

5 i. diapason et diapente] *om. Pc* in diapason et diapente *Mc*

- 80 Nam quaternarius ad binarium duplus est, VI vero ad binarium triplus. Subtrahe binarium, ad quem VI triplus est. Remanet VI ad IIII in sesquialtera proportione.

*PeWqHwg*

ad quem VI triplus est] qui ad VI subtripus est *Pe*

### 255,26 QUODSI DIATESSARON QUIDEM DUPLEX EST

- 81 quod est falsum

*OPe<sup>5</sup>PqWq*  
 falsum est *Pq*

- 82 quod non est

*M8*

### 255,27 DIAPENTE VERO TRIPLUM

- 83 nec hoc est

*M8*

### 255,27 SUBLATUMQUE (*pro* SUBLATOQUE)

- 84 affirmative

*OQ<sup>2</sup>Pc<sup>5</sup>*

### 255,27 DIATESSERON

- 85 II

*EiEn*

### 255,27 DIAPENTE

- 86 III

*EiEn*

**255,28 NULLO MODO DUBITARI POTEST**

87 secundum te dico

*Aut***255,29 QUIN TONUS IN SESQUALTERA DEBEAT PROPORZIONE  
CONSTITUI**

88 quod falsum est

*Q<sup>2</sup>*

89 quod nequit fieri

*P<sub>e</sub><sup>5</sup>*

90 quod verum non est

*WiBwi*

91 sed hoc nequit esse

*Aut***255,28 QUIN**

92 ut non

*P<sub>n</sub>***255,30 DUAЕ SESQUALTERAE PROPORCIONES DUPLICEM VIN-  
CUNT**93 due sesqualtere IIII VI VIII  
unus duplus IIII VIII*EiEn*

94 II IIII VI VIII

*KnLzMmWbEwn*VIII] *om. Mm*

95a hoc modo:

IIII VIII duplus  
sesqualter VI  
VIII

*LaMcPb<sup>3</sup>PcR2V2AutLryVrf*hoc modo] glosa hoc modo V2 duplus] *om. LaPc* sesqualter] *om. LaPc* duo  
sesqualter *Pb*

95b IIII VI VIII

VIII

*Lh*

- 96 VIII XII XVIII, qui vincunt XVI, duplum ad octo  
*Pr*
- 97 <sup>1</sup>Nam si ponantur II III VI VIII, quae sunt *duae sesquialterae*,  
*vincunt quaternarium duplicem binarii.* <sup>2</sup>Ex hoc apparet diates-  
saron non esse in duplici.  
*OQ<sup>2</sup>\*PbPePqWq*  
1 proponantur *O* sesquialtera *Pq* duplicem] qui duplus est *OPbPeWq* bi-  
narii] quinarii *O*  
2 in duplici non esse *Pb* non esse duplus *Pe*  
*gl. erasit Q*
- 98 Duae sesquialterae proportiones sunt VI ad IIII, VIII ad VI. Sed  
IIII duplus est VIII, minor scilicet VIII secundo sesquialtero.  
*PeWqHwg*  
VIII ad VI *Hwg* est] *om. Hwg*
- 99 ut VI ad IIII, cum sit sesquialter et VIII ad VI, hic numerus, i.  
VIII, vincit et superat VIII, duplicem s. quaternarii.  
*Aut*

## 255,30 DUAЕ SESQUALTERAE

- 100 [duo diapente,] quae habent VI tonos et duo semitonia  
*OPbV<sup>2</sup>Aut*  
duo diapente] *add. Aut*
- 101a ut IIII VI VIII  
*BxLzMf<sup>2</sup>MhMkMm*  
ut] *om. BxMm*
- 101b IIII ad VI, [et] VIII ad VI  
*PnLpl*  
et] *add. Lpl VIII] VIII Lpl*
- 102 Ponantur enim IIII VI VIII, et fiunt duae sesquialterae propor-  
tiones. Si vero extremi termini ad se comparantur, fit multiplex  
superparciens quartam.  
*Lpl*

## 255,30 DUPLICEM

- 103 quae habet V tonos et II semitonia  
*OPb*
- 104 octo duplus ad IIII  
*Bx*

105 VIII IIII  
*LzMf<sup>2</sup>MhMk*

106 ut est VIII ad IIII, sed vincunt VIII VIII  
*Mm*

107 IIII et II  
*Pn*

### 255,30 VINCUNT

108 non  
*Pn*

### 255,30 QUEMADMODUM EX ARITHMETICIS INSTRUCTUS SIBI POTEST QUISQUE COLLIGERE

109 require in arithmetica  
*Mc*

110 Hoc require in II libro arithmeticae, capitulo III. Ibi enim invenies, qualiter triplum ex duplici et sesquialtero conficitur et in eas resolvitur; similiter triplum a quadruplo.

*Mc*  
triplum a quadruplo] triple a quadruplo *Mc*

### 255,33 SEMITONII

111 minoris  
*WiBwi*

### 256,1 NON IGITUR FIERI POTEST, UT DIAPENTE AC DIATES- SARON IN SUPERPARTICULARI INAEQUALITATIS GENERE NON CONLOCENTUR.

112 quasi dixisset: *potest*, vel in multiplici debet esse, ubi est in superparticulari  
*OPe<sup>5</sup>Wq*

113 quod falsum est  
*M8*

114 quoniam tonus et c. non conveniunt in ordine supradicto  
*McPb<sup>3</sup>PcAutLry*

115 secundum te  
*Aut*

**256,1 NON**

116 pro nonne  
*OQ<sup>2</sup>PnWq*  
 pro] om. *Pn*

117 pro an  
*Pe<sup>5</sup>*

**256,1 UT**

118 non  
*MfR<sup>2</sup>*

**256,2 IN SUPERPARTICULARI INAEQUALITATIS GENERE**

119 quandoquidem non est in multiplici  
*Bx*

**256,2 SUPERPARTICULARI**

120 multiplici  
*Ma*

**256,3 QUOD SI QUIS TONUM ...**

121 Item de eodem incipit ad inconveniens, sed alio modo.  
*Lpl*

**256,4 PRAESCRIBAT (pro PERSCRIBAT)**

122 affirmet  
*OQ<sup>2</sup>*

123 ponat  
*Vrf*

**256,4 MINOR**

124 est  
*M<sup>8</sup>*

**256,6 DIAPENTE QUIDEM PONATUR IN QUADRUPLA, DIATES-  
 SARON IN TRIPLA, TONUS IN DUPLICI**

125 falsum est  
*M<sup>8</sup>*

126 yronice  
*PnAut*

**256,7 SED DIAPENTE CONSTAT EX DIATESSARON ET TONO**

- 127 <sup>1</sup>ut supra monstratum est in terminis CXCH CCXVI CCXLIII CCLVI CCLXXXVIII. <sup>2</sup>Nam ad CXCH CCLVI sesquiertius est, ad CCLVI CCLXXXVIII epogdous, at idem CCLXXXVIII ad CXCH sesqualter.

*OQ<sup>2</sup>CgLhMcPnWiWqBwiLpl*

1 CXCH] centesimo XCI<sup>do</sup> O CCLXXXVIII] CCLXXX Mc

2 CXCH] CCXCH O sesquiertium Mc est] om. Cg CCLXXXVIII] CCLXXX Mc CLXXXVIII Wi at] ad Lpl

*cf. 204,13-205,3*

**256,7 DIAPENTE**

- 128 III toni et semitonium  
O

**256,8 DIATESSARON**

- 129 II<sup>bus</sup> tonis et semitonio  
O

**256,8 QUADRUPLUM IGITUR SECUNDUM HANC RATIONEM CONSTABIT EX TRIPLO AC DUPLO**

- 130 sic: II III XII  
VIII  
*LaMcPb<sup>3</sup>PcR2Vrf*

**256,8 QUADRUPLUM**

- 131 diapente  
*OWq*

**256,9 EX TRIPLO AC DUPLO**

- 132 sed [potius] ex duplo bis  
*Pb<sup>3</sup>RAutVrf*  
potius] *add. Vrf*

**256,9 EX TRIPLO**

- 133 [ut] XII VI III  
*EiEnMf<sup>2</sup>MhMkMm*  
ut] *add. Mm IV Mk*

## 256,9 DUPLO

- 134 tono  
Q<sup>2</sup>

## 256,9 QUOD FIERI NEQUIT

- 135 secundum veritatem  
M8P6V2

## 256,10 RURSUS STATUATUR ...

- 136 Hoc totum hyronice dicit.  
OPe<sup>5</sup>Wq  
Hoc totum] om. Pe
- 137 Proponit illud, i. ut ad aliud inconueniens ducat.  
Aut
- 138 item aliud inconueniens  
Lpl

## 256,10 STATUATUR DIATESSARON QUIDEM IN TRIPLICI ET DIAPENTE IN QUADRUPLO

- 139 II VI VIII  
EiEnLzMf<sup>2</sup>MhMkMmPr<sup>1</sup>
- 140 [sic:] IIII XII XVI  
Pb<sup>3</sup>R1AutLryVrf  
sic] add. Vrf

## 256,11 SI IGITUR AUFERAMUS TRIPLUM A QUADRUPLO SESQUITERTIUS RELINQUETUR.

- 141 <sup>1</sup>ut si de XVI, qui est quadruplus ad IIII<sup>or</sup>, eorum quattuor triplus i. XII auferatur, <sup>2</sup>idem quattuor remanent, qui sunt sesquitertii ad III.

*O\*BxLhMcPnPqWiWqBwiLpl*

1 si] om. Mc qui] quae O eorum quattuor] om. BxLhPnWiWqBwiLpl eorundem IIII McPq triplos Lpl i. XII] i. IIX Pq I XII Wi 12 Bwi

2 idem] om. WiWqBwi remaneant Bx sesquitertii] sesquiquarti OBxLhWq sesquiquartarii Mc sesquiquadrati PnLpl tertii Pq III] IIII Pq

- 142 <sup>1</sup>Unus ad tres triplus, unus ad IIII quadruplus. <sup>2</sup>Aufer unum et erit quaternarius ad ternarium sesquitertius.

*BxCgLhPnWiWqBwiLpl*



1 Tres ad unum *Bwi* Unus] Unum *BxLhPnWqLpl* triplus] triplum *BxLhWq*  
 IIII ad unum *Bwi* unus] unum *BxLhPnWqLpl* quadruplus] quadruplum *Bx-*  
*PnWqLpl*

- 143 Nam si unitatem detrahas, ad quam v. III triplus, IIII vero quadru-  
 plus est, remanet IIII ad III sesquitercius.

*PeWqHwg*

- 144 <sup>1</sup>II VI. Aufer triplum a quadruplo, i. VI ab VIII, superest II, qui  
 facit sesquiterciam proportionem inter VI et VIII. <sup>2</sup>Pone tres et  
 eius sesquitercium et triplum, i. IIII<sup>or</sup> ter ductus, procreat XII,  
 qui maior est triplo, i. VIII.

*PiTpi*

1 II - quadruplo] Si II auferatur triplum a quadruplo *Tpi* qui facit sesquiter-  
 tiam proportionem] quae est sexquitertia proportio *Tpi*

2 Pono *Tpi* et triplum] et qui triplum *Tpi* ter ductus] tractus *Tpi*

## 256,11 TRIPLUM

- 145 diatesseron

$Q^2$

## 256,11 A QUADRUPLO

- 146 a diapente

$Q^2$

## 256,12 SESQUITERTIUS RELINQUETUR

- 147 quod falsum est

$Q^2$

- 148 unus tonus

*PbV2*

- 149 <sup>1</sup>Hoc est: auferatur unitas a ternario, ut ternarius non sit triplus, et  
 relinquuntur IIII et III, qui sunt sesquitertia. <sup>2</sup>Et postea remanet  
 sesquitertia, et sesquitertia tollitur secundum hanc rationem, quod  
 est tamen contrarium.

*OPbPePqWq*

1 triplus] triplum *Pb* duplus *Pe* relinquatur *Pb*

2 est] *om. O*

**256,12 RURSUS SI DIATESSARON DIAPENTE CONSONANTIAE  
SUBTRAHAS, FIT RELIQUUS TONUS.**

150 quod est verum

*OQ<sup>2</sup>Pe<sup>5</sup>Wq*

quod verum est *Q*

151 quia ita fit reliquus, si diatesseron subtrahas de diapente, sicut  
relinquitur sesquiertius, si triplus auferatur a quadruplo.

*OBxLhPqWq*

si] *om. Bx de] om. Bx*

**256,13 TONUS IGITUR SECUNDUM HANC RATIONEM IN SESQUI-  
TERTIA PROPORZIONE CONSTABIT.**

152 quod non est

*O*

153 quod est falsum [yronice]

*Q<sup>2</sup>Pe<sup>5</sup>PqWq*

quod falsum est *Q yronice] add. Wq*

**256,15 SED TRES SESQUITERTII UNO TRIPLICI FIUNT MINORES**

154 secundum te

*Aut*

155a [Sicut in his terminis:]

[sesquiertii] XXVII XXXVI XLVIII LXIII

[triplus] LXXXI

*BxCgLhMcPb<sup>3</sup>PcRl\*LryAutVrf*

Sicut in his terminis:] *add. Cg sic add. Vrf sesquiertii] add. CgRl Vrf isti sunt  
sesquierticii add. Aut LXXXI XXVII XXXVI XLVIII LXIII Pc XXVII]  
XXVI Vrf LXIII] LXVI Lh XLVIII Lry triplus] add. CgVrf LXXXI] om.  
Aut LXXI Mc triplus ad XXVII add. Bx*

155b unus triplus XXVII

LXXXI

tres sesquiertii XXVII XXXVI XLVIII LXIII

*EiEn*

155c

XXVII XXXVI XLVIII LXIII LXXXI

tres sesquiertii

triplus

*Lz\*Lz*

- 155d sesquitercii omnes ut XXVII XXXVI XLVIII LXIII; triplus  
LXXXI  
*Mf<sup>2</sup>MhMkMm*  
sesquitercii omnes] *om. Mm Tripli Mm*
- 155e XXXVI XLVIII LXIII minores sunt LXXXI, triplo ad XXVII  
*Pr<sup>l</sup>*
- 156 <sup>1</sup>Tres sesquitercii sunt XXVII XXXVI XLVIII LXIII. Sed XXVII  
numeri triplus est LXXXI, cui s. minores sunt tres sesquitercii.  
<sup>2</sup>VIII ad VI sesquitercius  
XII ad VIII sesquitercius  
XVI ad XII sesquitercius  
<sup>3</sup>XVIII vero ad VI triplus. Superat ergo triplus sesquitercios.  
*PeHwg*  
LXIII] 54 *Hwg* 2 - 3] *om. Hwg*
- 157 vel tres unitates minores sunt uno et simplo sicut IIII quadruplis,  
quia triplus et quadruplus in duce et comite constant et triplus in  
IIII quadruplus in V.  
*OPb*  
sunt] in *Pb* quia triplus et] *om. O*
- 158 quod nequit esse, quia tres continui sesquitercii satis sunt maiores  
uno triplici. Sed secundum te dico minores uno triplici.  
*Aut*
- 159 ut videas: LXXXI est triplus ad XXVII. Quomodo continui sint  
sesquitercii, aspice retro, ubi dixit: *In superiore igitur descriptione  
sesquitercias proportionales etc.*  
*Aut*  
*cf. 235,22*
- 160 maior est ergo triplus tertio sequitertio  
*Vrf*

### 256,15 TRES SESQUITERTII

- 161 [quasi III] toni  
*Q<sup>2</sup>PnPgWnWqEwnLpl*  
quasi III] *add. Pq III add. Wq*
- 162 continui  
*Aut*

### 256,15 TRIPLICI

- 163 diatesseron  
*PnWqLpl*

256,16 DUO ENIM TONI AC SEMITONIUM MINUS DIATESSARON  
CONSONANTIAM SUPPLENT (*pro* TRES IGITUR TONI  
UNUM DIATESSARON NULLA RATIONE SUPPLEBUNT,  
QUOD EST FALSISSIMUM. DUO ENIM TONI AC SEMITO-  
NIUM MINUS DIATESSARON CONSONANTIAM SUPPLENT.)

164 quasi dixisset: *tres toni*, quod est falsum

*OPe<sup>5</sup>Wg*

quasi dixisset: *tres toni*] *om.* *Wg*

256,16 TRES IGITUR TONI UNUM DIATESSARON NULLA RATIONE  
SUPPLEBUNT, QUOD EST FALSISSIMUM

165 <sup>1</sup>ut sequitur et sic videtur hic, quasi dixisset: tres tripli minores  
sunt uno triplo. <sup>2</sup>Nam si revera esset, sesquitercius triplex non at-  
tingeret integritatem diatessaron, quod tollitur sua triplicatione,  
sed esset minor. <sup>3</sup>Secundum autem hoc non solum integritatem  
complet, sed hemitonio superat. <sup>4</sup>Hac igitur ratione conficitur non  
esse tonum in sesquitercia neque diatessaron in tripla. <sup>5</sup>Secundum  
autem arithmetica[m] comparationem III sesquitercii multum vin-  
cunt unum triplum.

*OPbPe<sup>5</sup>Wg*

1 una *Pe*

4 neque] nec *Pe*

256,16 TRES IGITUR TONI UNUM DIATESSARON

166 si minus fiunt

*EiEn*

167a fiunt minores

*PbV2*

167b sunt minores

*Aut*

168 <minores> erunt

*Lry*

256,17 QUOD EST FALSISSIMUM

169 ut non impleant

*Pe<sup>5</sup>*

**256,18 EX HIS IGITUR DEMONSTRATUR DIATESSARON CONSONANTIAM NON ESSE MULTIPLICEM.**

- 170 <sup>1</sup>quia quadruplus ex triplo ac duplo non nascitur, sicut [nec] diatesseron ex diapente et dupla, <sup>2</sup>et quia tres toni plus sunt quam unum diatesseron, [*ex his igitur demonstratur.*]

*BxMcPnWiWqBwiLpl*

1 quia] Yronice *Lpl* sicut] sed *WiBwi* nec] *add. Mc* et dupla] ac dupla *Mc*

2 ex his igitur demonstratur] *add. Mc*

**256,21 IN EO**

- 171 [genere] multiplici

*Pe<sup>5</sup>PnAutLpl*

genere] *add. Aut*

**256,21 STATUATUR**

- 172 diapente

*Pe<sup>5</sup>Lpl*

**256,23 IN DUPLICI**

- 173 Multiplex minimus appellatur duplex.

*Aut*

**256,23 SCILICET**

- 174 ideo vel ad hoc

*Vrf*

**256,23 LOCUS**

- 175 ante dyapente

*Vrf*

**256,26 IN MAIORE HABITUDINE MULTIPLICIS QUAM EST DUPLA**

- 176 sed in minore et in prima

*M<sub>4</sub>P<sub>b</sub>*

**256,27 QUAE**

- 177 dupla

*Aut*

**256,28 DIAPENTE**

- 178 quae maior  
*Aut*

**256,28 IN MINIMA, SCILICET DUPLA**

- 179 si potest  
*Pc<sup>5</sup>Wq*
- 180 aptari potest  
*PnWi*  
*cf. 256,29*
- 181 ponitur  
*V2*

**256,29 IN MULTIPLICI**

- 182 in maiori vero; nam diapente maior consonantia quam sit diatesseron minimum multiplicis locum tenet.  
*Mc*

**256,29 APTARI NON POTEST**

- 183 sicut prius ostensum est  
*Vrf*

**256,30 NON EST ENIM QUICQUAM MINUS A DUPLICI**

- 184a in multiplici genere  
*M4*
- 184b in specie multiplici  
*WiBwi*
- 185 Quasi diceret: Si statuatur diapente in multiplici, non statuitur in minimo, i. duplici, sed in maiore, ut habeat diatesseron locum, quae minor est, quo possit aptari.  
*Pc<sup>5</sup>*

**256,31 SIT IGITUR SESQUALTERA**

- 186 diatessaron  
*CgLzPbPnV2WqLpl*
- 187 duplum  
*WiBwi*
- 188 transeat ad superparticularem et sit eiusdem generis i. sesqualtera  
*Pb*
- 189 Si diatessaron poenitus expulsa est ex duplici, et ibi remansit diapente, in sesqualtera diatessaron erit.  
*OPbWq*  
Sij] om. *Pb* poenitus expulsa] explosa *Pb* ex duplici] a duplici *Wq* sesqualteram *Pb*

**256,31 TONUS VERO SESQUITERTIA**

- 190 quod falsum est  
*Q<sup>2</sup>*

**256,31 TONUS**

- 191 tonus, qui et epogdous  
*O*

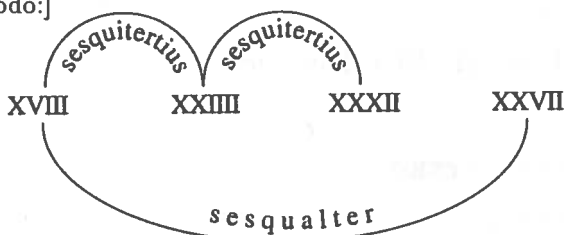
**256,31 IN CONTINUA ENIM PROPORZIONE LOCABITUR**

- 192 tonus  
*BxPbR1V2AutVrf*

**257,1 SED DUO SESQUITERTII AMPLIORES SUNT UNO SESQUALTERO.**

- 193 XXXVI XLVIII LXIII; LIII sesqualter ad XXXVI  
*Bx*

- 194a [hoc modo:]



*CgMcPb<sup>3</sup>R2AutLryVrf*

hoc modo:] *add. Vrf sesquitercius sesquitercius] om. McR2 sesquitercius  
AutLryVrf*

- 194b duo sesquitercii XVIII XXIII XXXII  
 unus sesquialter XVIII XXVII  
*EiEnMf<sup>2</sup>MhMkMm*  
 IIII III II *add. in. marg. En sesquitercii duo MfMhMkMm sesquialter I  
MfMhMkMm*
- 194c Duo sesquitercii sunt XVIII XXIII XXXII ampliores numero  
 XXVII, qui est sesquialter ad XVIII.  
*PeWqHwg*  
 XVIII et XXIII et XXXII *Wq* XXIII] 23 *Hwg* ampliozem *Wq*
- 195 Quanto magis, si tres essent, multo supercrescerent; vel ideo duos  
 sesquitercios dicit, quia in sesquialtera est diatesseron secundum  
 istum errorem.  
*OPbPeWq*  
 sesquitercio *Pb* quia] quae *Pb*
- 196 Sublato enim sesquialtero de duplo quod relinquitur sesquitercium  
 est.  
*BxPe<sup>6</sup>*  
 enim] *om. Pe*
- 197 Minor est sesquialter ultimo sesquitercio. Sic enim intelligende sunt  
 he regule.  
*Vrf*

### 257,1 DUO SESQUITERTII

- 198 ad XVIII XXIII XXXII  
*Bx*
- 199 tonus et alter sesquitercius  
*LzWb*
- 200 III IIII VI VIII, i. diatesseron  
*Wq*

### 257,2 SESQUALTERO

- 201 XXVII  
*Bx*  
*cf. II,23,198*



**257,2 DUO IGITUR TONI UNAM DIATESSARON CONSONANTIAM  
VINCENT**

202 yronice

*W<sub>q</sub>*

203 Et quia ex hoc sequeretur impossibile, igitur et ipsum est impos-  
sibile. Impossibile est enim illud, quo posito sequitur impossibile.

*V<sub>r</sub>f*

**257,2 DIATESSARON**

204 sesquiertius

*Q<sup>2</sup>*

**257,4 EX HIS IGITUR APPROBATUR, DIAPENTE AC DIATES-  
SARON IN MULTIPLICI GENERE COLLOCARI NON POSSE.**

205 quia tonus non potest esse in sesquiertia et diatessaron in sesqual-  
tera

*BzMcPnWqLpl*

potest esse non *Lpl*

## LIB. II, CAP. 24

**257,7 DEMONSTRATIO DIAPENTE ET DIATESSARON IN MAXIMIS SUPERPARTICULARIBUS ESSE.**

- 1 In quibus diatessaron et diapente sunt consonantiae  
*Mc*
- 2 Quod dicit: Constet dyapente et diatessaron esse in superparticulari proportione. Oportet necessario quod sint <in> maiori<-bus> superparticularibus, i. in sesqualtera et sesquitertia. Et hoc demonstratur.  
*Vrf\**

**257,12 MAXIMAE**

- 3 optimae  
*Pn*

**257,13 HOC**

- 4 quod sint in his  
*Vrf*

**257,13 NAM SI IN MINORIBUS PROPORTIONIBUS**

- 5 sint  
*O*

**257,14 SESQUALTERA**

- 6 in  
*Wi*

**257,16 SICUT ALIAE QUAE LIBET PROPORTIONES SUPERPARTICULARES PRAETER SESQUALTERAM AC SESQUITERTIAM IUNCTAE NON EFFICIUNT UNUM DUPLUM**

- 7 Sicut nequeunt proportiones sesquiquarta et sesquiquinta et ulteriores duplam efficere proportionem, ita e contra istae duae, i. sesqualtera et sesquitertia, omnimodo possunt perficere.  
*O*
- 8 ternarius enim, cum sit sesqualter ad duo, et IIII, cum sit sesquitercius ad III. Si IIII referantur ad II, duplum illius accipiendum est. Hoc autem in aliis superparticularibus nequit inveniri. Quinque enim ad IIII, vel VI ad V non reddunt diapason, quae sit duplum. Sex enim ad IIII est sesqualter, non vero duplum.  
*Aut*

**257,16 ALIAE QUAE LIBET PROPORTIONES SUPERPARTICULARES**

- 9 sesquiquarta, sesquiquinta et c.  
*Aut*

**257,17 PRAETER SESQUALTERAM AC SESQUITERTIAM**

- 10 III IIII VI  
*EiEnMmRl Vrf*

**257,18 UNUM DUPLUM**

- 11 in arithmetica  
*Pn*

**257,18 ITA DIAPENTE AC DIATESSARON UNUM DIAPASON NULLA RATIONE CONCLUDENT**

- 12 quod est impossibile  
*Vrf*

**257,19 UNUM DIAPASON**

- 13 in musica  
*Pn*

**257,19 QUONIAM ENIM DIAPASON ...**

- 14 Omnis diapason duplex. Omnis duplex sesquialtero et sesquitercio coniungitur. Omnis igitur diapason sesquialtero et sesquitercio copulatur. Omnis diapason diapente et diatesseron copulatur. Omnis diapason sesquialtero et sesquitercio coniungitur. Diapente igitur et diatesseron in sesquialtero sesquitercioque consistent.
- Bx*

**257,20 DUPLEX VERO PROPORTIO EX SESQUALTERO SESQUITERTIOQUE COMPONITUR**

- 15 XII ad VIII sesquitercius est, VIII vero ad VI sesquialter, sed XII ad VI duplus.
- PeWqHwg*  
vero] *om. Hwg duplex Hwg*

**257,23 TOTUM**

- 16 integrum  
*PbV2*

**257,25 ALITER ENIM NON POTERUNT DIAPASON IUNCTAE PER-  
FICERE**

- 17 nisi sint sesquialtera et sesquitertia  
*O*

**257,26 IUNCTAE**

- 18a diatesseron ac diapente  
*V<sub>2</sub>*
- 18b diapente et diatesseron  
*WiWqAut*  
diatesseron] diapason *Wq*

**257,26 QUAE CONSONANTIA**

- 19 diapason  
*Aut*

**257,28 ALIAE ENIM PROPORTIONES SUPERPARTICULARES**

- 20 ut est sesquiquarta et sesquiquinta et reliqui  
*O*

**257,29 HANC**

- 21 diapason  
*PbAut*

**LIB. II, CAP. 25****258,3 DICO**

- 1 Pono et constituo sic esse, quia potens sum hoc probare.  
*Vrf*

**258,5 QUONIAM**

- 2 quare  
*Aut*

**258,5 PROPORCIONES**

- 3 superparticulares  
*Vrf*

**258,6 SESQUALTERA**

- 4 hoc est: quod  
*Aut*

**258,7 QUONIAMQUE**

- 5 hoc habes: quod  
*Aut*
- 6 et quoniam  
*Vrf*

**258,7 IN CONSONANTIIS**

- 7 quae sunt in superparticulari proportione  
*Vrf*

**258,8 MAIOREM PROPORCIONEM**

- 8 sesqualteram  
*Aut*

**258,8 MAIORI, MINOREM**

- 9 maiori porportioni esse minorem proportionem  
*EiEn*

**258,8 MAIORI**

- 10 diapente  
*OPbV2Aut*

**258,9 MINOREM**

- 11 sesquiterciam  
*Aut*

**258,9 MINORI**

- 12 diatesseron  
*OPbV2Aut*

**258,9 APTANDUM**

- 13 coniungendam, quia illi est proxima  
*PbV2*

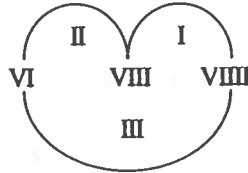
**258,11 QUOD SI DIATESSARON A DIAPENTE CONSONANTIA SUBTRAHAMUS**

- 14 si XII et VIII et octo fuerint  
*Wg*

**258,13 SESQUITERTIUM VERO SI PROPORTIONI SESQUALTERAE MINUAMUS, RELINQUITUR SESQUIOCTAVA PROPORATIO.**

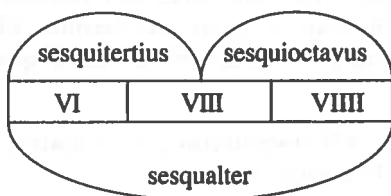
15a

[differentia differentia]



*V<sup>1</sup>McMm<sup>1</sup>Pb<sup>9</sup>R1LplLryVrf*  
 differentia differentia] *add. Pb sic add. LryVrf*  
 II I] *om. Lpl* II] *om. Lry*  
 VI VIII VIII] VIII VIII VIII *Lry* IX *Lpl*  
 III] *om. McPbLpl*

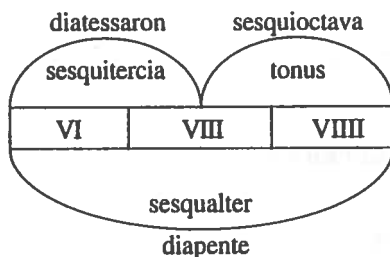
15b

*Cg*

15c

*La*

15d

*Aut*

16 ut XII VIII VIII

*Mf<sup>2</sup>MhMkMm*ut] *om. Mm XII] XI Mh*

17 <sup>1</sup>Verbi gratia: Ponantur hi termini VIII VIII VI. <sup>2</sup>Novem ergo ad VI sesqualter est. <sup>3</sup>Item senarius ad octonarium sesquiterciam facit proportionem. <sup>4</sup>Sublato itaque senario de sesqualtera, qui ad VIII sesquitercium facit, <sup>5</sup>remanet sesquioctava VIII et VIII, quod plenius post in IIII<sup>to</sup> libro liquebit.

*OMaPbPiTpi*1 Ponantur] *om. O*4 sesqualtero *O*5 quod] qui *PiTpi* post] *om. O*

18 <sup>1</sup>Est hoc ut in istis numeris VI VIII VIII. VIII enim ad VI sesquitercia proportione confertur, VIII ad eundem senarium sesqualtera. <sup>2</sup>Si igitur auferas ultimum terminum senarium, sesquiterciam proportionem demes sesqualtere. <sup>3</sup>† Tulto † namque

uno termino proportio, quae eius relatione fiebat, remanere non poterit. <sup>4</sup>Remanent igitur duo termini VIII et VIII, qui ad se sesquioctava proportione referuntur, in qua tonus consistit.

*Cg*

- 19 Si enim de XII sesquitertia pars sumatur, relinquitur novenarius, qui ad VIII sesquioctavus.

*Mm<sup>1</sup>*

- 20 Si XII, qui ad VIII sesquitercius, ad VIII sesquialter est, detrahas, remanet VIII ad VIII in sesquioctava habitudine.

*PcWqHwg*

ad VIII] ad 14 *Hwg*

### 258,13 SESQUITERTIUM

- 21 III IIII

*EiEnLzWb*

- 22 diatessaron

*PnLpl*

### 258,14 SESQUALTERAE

- 23 VI IIII

*EiEnLzWb*

- 24 diapente

*PnLpl*

### 258,14 MINUAMUS

- 25 detrahamus

*WiBwi*

### 258,14 SESQUIOCTAVA PROPORTIO

- 26 VIII

*EiEn*

- 27 [ut] VIII ad VIII

*MaPbPiV2*

ut] *add. Pi*

- 28 unitas

*Lpl*



**258,15 SESQUIOCTAVA**

29a ut sunt VIII ad VIII

*OPbV2*  
VIII] VIII O

29b VIII ad VIII

*EiEn*  
at *Ei*



258,21 EX HIS

8 rationibus  
*MaPiTpi*

258,22 DIAPENTE AC DIAPASON

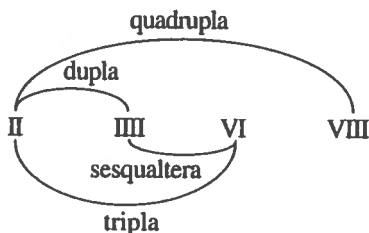
9 iunctas  
*V2*

258,23 SED SI QUIS TRIPLICI PROPORZIONI SESQUITERTIAM  
 HABITUDINEM IUNGAT, QUADRUPLAM FACIT.

10 II III VI VIII  
*LaLzMcMmPb<sup>3</sup>V2WbAutLryVrf*

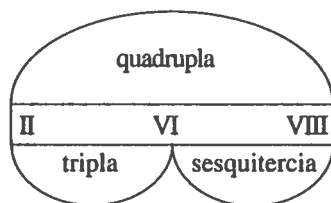
11 ut II VI VIII  
*Mf<sup>2</sup>MhMkSh*

12



*Ri*

13



*Aut*

14 Iuncta sesquitercia habitudine triplici proportioni quadruplam  
 fieri, quia iuncta diapason diapente fit tripla, addita vero dia-  
 tesseron quadruplam necesse est formari.

*MaPiTpi*  
 vero] *om. PiTpi*

**258,23 TRIPLICI PROPORTIONI**

15 II ad VI

*OEiEnLaMmPb<sup>3</sup>AutLryVrf*II ad] *om. EiEnLaPbAutLryVrf ad] om. Mm***258,24 SESQUITERTIAM**

17 VIII

*OEiEnLaMmPb<sup>3</sup>AutLryVrf*

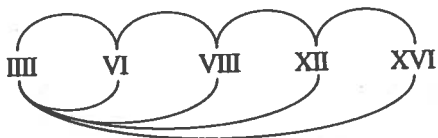
## LIB. II, CAP. 27

## 259,1 DIATESSARON AC DIAPASON

- 1 † XIII et V †  
*Mc*

## 259,5 NAM DIAPENTE AC DIATESSARON IUNCTAE ...

2



*LaMcMmPb<sup>3</sup>R2AutLryVrf*

## 259,5 DIAPENTE AC DIATESSARON IUNCTAE

- 3 III VI VIII  
*LaMcMmPb<sup>3</sup>R2AutLryVrf*

## 259,6 DIAPASON

- 4 III VIII  
*Aut*

## 259,7 DIAPENTE

- 5 ut VIII XII  
*Aut*

## 259,8 DIAPASON SCILICET AC DIAPENTE

- 6 tripla  
*OQ<sup>2</sup>*

## 259,8 DIAPASON

- 7 ut VI ad III  
*Aut*

## 259,9 DIAPENTE

- 8 ut III ad II vel VI ad III  
*Aut*

**259,9 CUI**

- 9 simphoniae, i. diapason et diapente  
*Ma*
- 10 diapente  
*Mh*
- 11 VI vel XII  
*Aut*

**259,9 DIATESSARON**

- 12 ut VIII faciens ad VI diatessaron  
*Aut*

**259,10 QUADRUPLAM PROPORTIONEM**

- 13 VIII enim ad II est quadruplus vel XVI ad IIII  
*Aut*

**259,10 QUID IGITUR, SI DIATESSARON AC DIAPASON CONSONANTIAS IUNGAMUS, ULLAMNE SECUNDUM PYTHAGORICOS EFFICIENT CONSONANTIAM?**

- 14 <sup>1</sup>Hoc, quod hic dicit diapason et diatessaron non facere consonantiam, ut videtur esse † num † in vocibus maxime; <sup>2</sup>cum ipse videatur sibi esse contrarius post paulo dicens, *quod si ei adicio tonum, fit diapason, diatessaron et tonus*; hoc est diapason kai diapente. <sup>3</sup>Quaero enim nonne de gravi gradatim possumus ascendere usque ad acutam cordam, quae est suprema. <sup>4</sup>Dicas: ita bene. Ergo possumus ascendere usque ad diapason diatessaron praetermisso tono adiecto. <sup>5</sup>Sed fortassis videndum est, quia hoc dicit secundum Pitagoricos, non secundum se.

*Lpl*5 pitagoricos *Lpl*

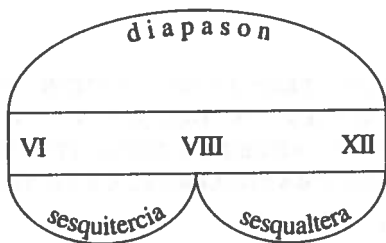
2 cf. 260,6

**259,10 QUID IGITUR**

- 15 sit  
*MaPi*

259,11 SI DIATESSARON AC DIAPASON CONSONANTIAS IUNGAMUS

16



*La*

- 17 VI VIII XVI  
*McMmPb<sup>3</sup>PcAutLryVrf*  
 XVI] XII *LryVrf*

259,12 ULLAMNE SECUNDUM PYTHAGORICOS EFFICIENT CONSONANTIAM? MINIME.

- 18 Nota diapason et diatesseron non esse secundum Pythagoricos consonantiam.  
*Ma*  
*cf. 259,1-2*

259,12 SECUNDUM PYTHAGORICOS

- 19 quia secundum Ptolomeum facit  
*MaPbPc<sup>5</sup>V2*

259,13 MINIME.

- 20 non  
*Wi*

259,13 MOX ENIM IN SUPERPARTIENS INAEQUALITATIS GENUS CADIT

- 21 ut VIII ad III [parenthesis]  
*KnLzWb*  
 parenthesis] *add. LzWb*

259,14 NEC SERVAT VEL MULTIPLICITATIS ORDINEM VEL SUPERPARTICULARITATIS SIMPLICITATEM

- 22 Regula autem est in hac arte, quod omnis consonantia vel est in multiplici vel in superparticulari.  
*Vrf*

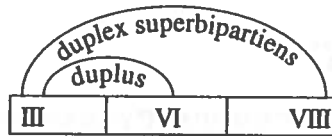
**259,14 MULTIPLICITATIS ORDINEM**23 ut VIII ad III<sup>or</sup>*WnEwn*

**259,16 SIT ENIM TERNARIUS, CUIUS SIT SENARIUS DU-  
PLUS, SCILICET IN DIAPASON CONSISTENS PROPOR-  
TIONE. HUIC APDETUR SESQUITERTIA, QUAM DIATES-  
SARON ESSE PRAEDIXIMUS, UT OCTONARIUS.**

24 III VI VIII

*BzMcMmPb<sup>9</sup>PcR1AutLryVrf*

25

*WiBwi***259,17 HUIC**

26 senario

*Wi***259,19 IS**

27 octonarius

*MaPbV2Aut***259,21 EUM**

28 ternarium

*Aut***259,21 NE SIT MULTIPLEX**

29 octonarius

*V2***259,22 EIUS**

30 senarii

*V2*



**259,22 EIUS ALIQUAS PARTES**

- 31 duo  
*Aut*

**259,22 EAS SIMPLICES**

- 32 ut unam solum habeat sed duas  
*Ma*

**259,23 EUM**

- 33 senarium  
*V2*

**259,23 SUPERVENIT**

- 34 octonarius  
*Aut*

**259,23 QUAE**

- 35 unitates  
*V2*

**259,24 QUEM**

- 36 ternarium  
*MaPnAut*

**259,25 ILLUD QUOQUE, QUOD INTER DUAS SIBI CONTINUAS CONSONANTIAS CADIT.**

- 37 Id debet esse ratio VIII ad ternarium, in qua comprehenditur dupla et sesquitercia. VI enim ad III dupla proportione confertur, VIII vero ad VI sesquitercia; quae proportio octonarii ad ternarium, quoniam neque simpliciter est multiplex neque superparticularis, nulli symphoniarum rite poterit aptari.  
*Cg*

- 38 Subaudis: Probat non posse hoc esse consonantiam, quod cadere necesse est, si fiat [hoc], inter duplicem et triplicem, quamvis Ptolomeus hoc voluerit, ut ipse dicit in libro V<sup>o</sup> capitulo VIII.

*EiEn\*LzMf<sup>2</sup>MhMkShWb*

[hoc] *add. LzMfMhSh haec add. Mk et] vel MfMhMkSh triplicem] quod tamen nulla ratione possibile est add. sed cancell. Ei V<sup>o</sup>] VI En*

## 259,25 ILLUD QUOQUE

39 [lector] agnoscat

*OQ<sup>2</sup>V<sup>1</sup>EiKnLzMaPe<sup>5</sup>PiWiWnEwnTpi*lector] *add. EiKnLzMaPePiWiWnEwnTpi**cf. 259,3**gl. cancell. Ei*

40 obest

*Bx*

41 obstat

*EiEn*

42 est causae [quare inter talia nulla sit consonantia]

*CgLz\*PbPcR1AutVrf*causa est *Cg* causae est *Pc* quare inter talia nulla sit consonantia] *add. Vrf*

43 approbat nullam consonantiam efficere

*LzWb*

44 dicemus

*PbV2**gl. cancell. Pb*

45 ista consonancia

*Pe<sup>5</sup>*

## 259,26 INTER DUAS SIBI CONTINUAS CONSONANTIAS

46 duplicem ac triplicem

*BxPe<sup>6</sup>*vel duplicem *Bx*

47 diapason et diapason ac diapente

*PcAutVrf*dia apente *Pc*48 <sup>1</sup>duplam et triplam. <sup>2</sup>Etenim coniuncta diapason et diatessaron et plus reddunt quam diapason, et ad diapason et diapente non perveniunt; <sup>3</sup>et ideo dicit eam cadere inter istas continuas consonantias [quae sunt diapason et diapente].*OQ<sup>2</sup>V<sup>1</sup>EiEnKnLhLzMcMhPe<sup>5</sup>Pn\*PqWbWiWnWqEwnLpl*1 Duplum ac triplum *Wi* et] *om. Pe* ac *LhMhPnWqLpl* triplam] i. diapason et diapente *add. Pe*2-3] *om. Mh*2 Etenim coniuncta diapason] *repet. Pn* coniuncte *Kn* ac diatessaron *PnWi* ac diapason *Lpl* et plus] plus *QLhLzPnWiWqLpl* duplus *Mc* ad] a *EnWnEwn* diapason et diapente] diapente *VMc* diapente consonantiam *PnLpl* diapente consonantia *Wi* et diapente] et ad diapente *LhLzWb*3 cadere eam *V* eam] ea *OEtEnLhMcPePnWqWiWqLpl* eas *KnLzWbWnEwn* cadere] eadem *Lpl* consonantias continuas *Pe* continuas] *om. PnWiLpl* quae sunt diapason et diapente] *add. OPe* s. diapason ac diapente *add. Kn*

**259,26 QUOD**

- 49 diapason et diatessaron  
*R1*

**259,26 CADIT**

- 50 inter III et VIII  
*PbV2*

**259,27 ETENIM NEQUE DUPLUM EST INTEGRUM, UT DIAPASON CONSONANTIAM PRODAT, NEQUE TRIPLUM**

- 51 Notandum, quod ad duplum statuendum minori, i. ternario, adicienda est unitas, ad triplum autem maiori, i. octonario, adicitur [unitas].  
*OMaPbV2*  
i. ternario] ternario *PbV2* unitas] *add. V2*

**259,27 NEQUE DUPLUM EST INTEGRUM**

- 52 neque triplum  
*Q<sup>2</sup>SPe<sup>5</sup>*
- 53 ut sit diapason  
*Ma*
- 54 [subaudis] ipsa diapason ac diatesseron  
*EiLzMf<sup>2</sup>MhMkPe<sup>5</sup>ShV2*  
subaudis] *add. MfSh* ipsa] *om. LzV2* ac] et *EiPe*
- 55 quod esset, si IIII poneretur, ubi ternarius ponitur  
*PbV2*

**259,27 INTEGRUM**

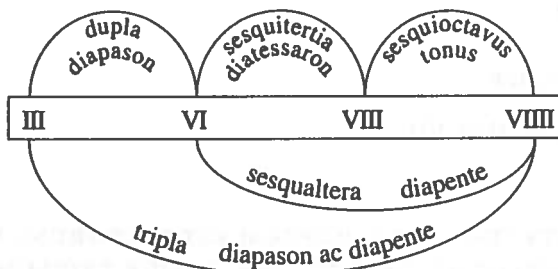
- 56 neque  
*Ma*

**259,28 DIAPASON AC DIAPENTE**

- 57 triplum  
*V1PnPq*  
triplam *PnPq*

**259,29 CUI SI TONUS ADDATUR, MOX TRIPLUM MODUM PRO-  
PORTIONIS EFFICIET.**

58

*Pn*

**259,29 CUI SI TONUS ADDATUR, MOX TRIPLUM MODUM PRO-  
PORTIONIS EFFICIET.**

59 Octonario, si tonus, i. unitas, addatur, fit triplus ad III.

*OPbV2*i.] *om.* V2 fit triplus] fit si triplum *O*

60 si VIII addideris VIII

*Ma*

**259,29 CUI**

61a consonantiae, quae est diapason et diatesseron

*Q<sup>2</sup>Mf<sup>2</sup>ShV2*subaudis *MfSh* consonantia *V2* et] ac *MfShV2*

61b diapason et diatesseron

*EiEnKnLzMhMkPiWbWnEwnTpi*et] *om.* *Pi* ac *KnMhMk*

61c simphoniae, i. diatesseron et diapason

*Ma*

62 sesquialtero

*V1*

63 diatesseron

*Bx*64 VIII<sup>rio</sup>*Cg*

**259,29 TONUS**

- 65 novenarius  
*BzLh*
- 66 VIII VIII  
*MkMm*
- 67 sesquioctavus VIII VIII  
*Rl*
- 68 sesquioctavus, [ut] proportio VIII VIII  
*AutLryVrf*  
ut] *add. Vrf VIII VIII Vrf*

**259,29 ADDATUR**

- 69 ut sunt VIII<sup>em</sup>  
*Cg*

**259,29 TRIPLUM MODUM PROPORTIONIS**

- 70 diapason ac diapente  
*BxEiEnLzMhMkPe<sup>5</sup>WbWnEwn*  
ac] et *EiEn*
- 71 quia VIII statim ad III triplus erit  
*Ma*
- 72 VIII ad III  
*MkMmRlAutLryVrf*  
ad] *om. Rl*

**260,3 DIATESSARON**

- 73 dativus  
*Aut*

**260,4 INTER DUPLICEM AC TRIPLICEM NULLA POTEST NATURALITER PROPORITIO MULTIPLICITATIS INTELLEGI**

- 74 nam si diapason in duplici, diapente in triplici inveniuntur. Si autem una species multiplicitatis inveniretur inter duplicem triplicemque, ibi poneretur diatessaron, quoniam minor est diapente. Cum autem non invenitur diatessaron, non ponitur post diapason, sed diapente eam sequitur.  
*OPe<sup>5</sup>Wq*  
duplici] duplo *Wq* quoniam] quae *PeWq*

**260,5 QUOD SI EI ADICIO TONUM**

- 75 diatesseron [addo] ut VIII ad VIII  
*MmR1AutLryVrf*  
 diatesseron] *om. Mm addo] add. Vrf*

**260,5 EI**

- 76 proportioni diapason ac diatessaron  
*KnLzMf<sup>2</sup>MhMkWiWnEwn*  
 proportioni] *om. MfMhMk*
- 77 consonantiae, i. diatesseron diapason  
*Pe<sup>5</sup>*
- 78 quod inconsonum erat post coniunctionem diatessaron super diapason  
*Mc*
- 79 octonario vel diatesseron  
*PbV<sub>2</sub>*

**260,6 FIET DIAPASON ...**

- 80 octonarius diapason  
*V<sub>2</sub>*

**260,6 DIAPASON**

- 81 dupla  
*V<sub>2</sub>*

**260,6 DIATESSARON ET TONUS**

- 82 diapente  
*V<sub>2</sub>*

**260,6 QUOD NIHIL DISTABIT, UTRUM DIAPASON AC DIAPENTE SIT**

- 83 quod dicit: equivalencebit dyapason et diapente, et sic erit conveniens consonantia.  
*Vrf*

**260,7 UTRUM DIAPASON AC DIAPENTE**

- 84 an diapason diatessaron tonus  
*Aut*

**260,11 SED QUAMQUAM DE HIS MULTA NICOMACHUS**

85 disputaret

*WiBwi*

86 tractaverit

*Aut***260,14 ARGUMENTANTES**

87 ostendentes

*Aut***260,15 PROBAVIMUS, SI DIATESSARON CONSONANTIAE DIAPASON ADDATUR, CONSONANTIAM EX HIS CONIUNGI NON POSSE**

88 Nota diatesseron cum diapason iunctam efficere non posse consonantiam.

*LzWbLlz*

**LIB. II, CAP. 28****260,21 VIDENTUR ENIM SEMITONIA NUNCUPATA, ...**

- 1 Semitonium  
*Mc*
- 2 Nota sententiam utilem  
*Pb<sup>3</sup>*

**260,21 NON QUOD VERE TONORUM SINT MEDIETATES**

- 3 quia aut minus habet aut plus medietatis  
*Pe<sup>5</sup>*

**260,23 HUIUSQUE**

- 4 semitonii  
*Aut*

**260,23 SPATII**

- 5 Spacium cum dicit, mittit nos ad monocordum, ubi notantur spacia per literas.  
*Aut*

**260,23 QUOD**

- 6 spacium  
*Aut*

**260,24 APUD ANTIQUIORES AUTEM LIMMA VEL DIESIS VOCABATUR**

- 7 Limma vel diesis  
*KnRl*

**260,24 LIMMA**

- 8 maius semitonium  
*CgPn*
- 9 minus semitonium  
*Aut*



**260,24 DIESIS**

- 10 dimidium semitonii  
*Aut*

**260,25 HIC MODUS EST**

- 11 inveniendi eum in numeris  
*Vrf*

**260,25 MODUS**

- 12 mensura  
*Pe<sup>5</sup>*
- 13 regula, quam dicam  
*Aut*
- 14 qui sequitur  
*Vrf*

**260,25 EX SESQUITERTIA PROPORZIONE**

- 15 diatesaron  
*V<sub>2</sub>*
- 16 ut IIII ad III  
*Aut*

**260,26 DIATESSARON**

- 17 sesquitercia proportio  
*Aut*

**260,26 SESQUIOCTAVAE HABITUDINES**

- 18 toni  
*V<sub>2</sub>*

**260,29 CONTINUA**

- 19 coniuncta  
*V<sub>2</sub>*

**260,29 HI**

- 20 duo toni  
*OCg V<sub>2</sub>Aut*  
duo] *om. Cg*

**261,1 MULTIPLEX ILLE**

21 LXIII  
*Vz*

22 octuplus  
*OAut*

**261,1 ILLE**

23 numerus  
*Aut*

**261,1 A QUO**

24 multiplici  
*Aut*

**261,1 HAE**

25 sesquioctave proportiones  
*Aut*

**261,2 SI UNITAS**

26 ponatur  
*Aut*

**261,2 EIUSQUE**

27 unitatis  
*WiAut*

**261,2 OCTUPLUS PRIMUS**

28 Multi octupli sunt, sed primus octuplus est octonarius. Octuplus primus, i. unitas octies duplicata.

*Aut*

29 qui continet eam octies. Octies enim unum octo sunt, et hic ponatur primus.

*Vrf*

**261,3 AB HOC IGITUR ...**

30 Aliter semitonium inveniatur.  
*Mc*

**261,3 AB HOC IGITUR UNUM SESQUIOCTAVUM POTERO DERIVARE.**

- 31 Sed hoc invenire, quasi diceret, non valet quantum ad hoc, quod intendimus.

*Aut*

- 32 Posito octonario possum habere unum sesquioctavum, s. addito ei novenario.

*Vrf*

**261,3 AB HOC**

- 33 octonario

*OCgPbPe<sup>5</sup>V2*

- 34 octuplo

*Aut*

**261,3 SESQUIOCTAVUM**

- 35 tonum

*V2*

- 36 novenarium

*Aut*

**261,4 DUOS**

- 37 sesquioctavos [i. duos tonos continuos]

*OPbPe<sup>5</sup>V2AutVrf*

i. duos tonos continuos] *add. Aut*

**261,5 LXIII**

- 38 octies octo

*Aut*

**261,5 EXPLICENTUR**

- 39 excrescent

*Vrf*

**261,5 HIC**

- 40 LXIII

*OPbV2Aut*

**261,6 A QUO**

- 41 [octuplo i.] LXIII  
*PbV2Aut*  
 octuplo i.] *add. Aut*

**261,6 PROPORCIONES**

- 42 continuas  
*Aut*

**261,7 NAMQUE OCTO**

- 43 Modo dimittit novenarium, qui fuerat dirivatum ab I octuplo.  
*Aut*

**261,7 OCTO, QUAE EST OCTAVA PARS LXIII UNITATUM**

- 44 Octo octonarii continentur infra LXIII. Octo igitur est octava pars unitatum LXIII, quod est dicere: Octo est octava pars LXIII.  
*Aut*  
 continentur *Aut*

**261,7 LXIII**

- 45 genitivus  
*Aut*
- 46 summe  
*EiEn*

**261,8 EISDEM**

- 47 LXIII [unitatibus]  
*OPbV2Aut*  
 unitatibus] *add. Aut*

**261,8 ADDITI**

- 48 [illi] VIII  
*PbV2Aut*  
 illi] *add. Aut*
- 49 in summa  
*Vrf*

**261,8 TOTAM**

50 tantam  
*PbV2*

**261,8 LXXII**

51 hanc  
*Aut*

**261,8 PERFICIUNT**

52 reddunt  
*Aut*

**261,9 HIS**

53 LXXII  
*PbV2Aut*

**261,9 OCTAVA**

54 VIII  
*OV2*

55 sesqui  
*MaPiTpi*

56 pars  
*Aut*

**261,9 QUI EST NOVENARIUS**

57 exponit  
*Aut*

**261,10 CONTINUI**

58 coniuncti  
*V2*

**261,11 LXIII. LXXII. LXXXI.**

59 In his tribus numeris LXIII LXXII LXXXI, medius cum contineat in se primum totum et eius octavam partem, et ultimus similiter medium et eius octavam, dicuntur duo sesquioctavi primi continui.  
*Aut*

**261,12 NUNC IGITUR ...**

60 [Nota] utilis regula et generalis

*McMm<sup>t</sup>Pb<sup>9</sup>R1AutLryVrf*

Nota] *add. AutLry*

**261,12 NUNC IGITUR LXIII UNITATUM SESQUITERTIUM CON-  
QUIRAMUS.**

61 quod est impossibile. Non enim potest dividi in III equas partes,  
quod ipse exponit: Dividitur enim LXIII in ter XXI, nisi quod  
unitas deest.

*Aut*

**261,12 AD HUNC (pro NUNC)**

62 numerum

*OPe<sup>5</sup>*

**261,12 PARTEM**

63 equam

*Aut*

**261,12 NON HABERE**

64 quare

*Aut*

**261,13 HI NUMERI**

65 LXIII [et] LXXII [et] LXXXI

*McAut*

*et ... et] add. Aut*

**261,14 TERNARIO MULTIPLICENTUR**

66 ut <ter> LXIII CXII; ter LXXII CCXVI; ter LXXXI CCXLIII

*Mc*

*CCXVI] CCXV Mc LXXXI] LXXI Mc*

67 ut dicatur ter LXIII, ter LXXII, ter LXXXI

*Aut*

**261,14 EIS**

68 tribus numeris

*Aut*

**261,15 IN EADEM PROPORZIONE**

- 69 sesquioctava  
*OEiEnR1V2AutLryVrf*

**261,16 QUA FUERUNT**

- 70 sesquioctavi erant  
*PbV2*

**261,16 ANTEQUAM HIS TERNARIUS MULTIPLICATOR ACCEDE-  
RET**

- 71 antequam multiplicaretur per ternarium  
*Aut*

**261,17 FIANTE Igitur**

- 72 quando contingit eis tertia pars, et omnes durabunt in eadem pro-  
 portione, *igitur*  
*Aut*

**261,17 HORUM**

- 73 CXC duorum  
*PbV2Aut*

**261,18 TERTIA**

- 74 pars, i.  
*PbV2Aut*  
 i.] vel *Aut*

**261,18 EISDEM**

- 75 CXCII  
*Aut*

**261,19 SESQUITERTIA PROPORATIO**

- 76 CXCII ad CCLVI  
*EiEnPbV2Aut*  
 CXCII] CCLVI *Aut* ad] et *EiEn* CCLVI] CLVI *EnPbV2*

**261,20 NUNC IGITUR DUAS SESQUIOCTAVAS PROPORTIONES AD CXCII, DUOBUS SE NUMERIS CONTINENTES, RATO ORDINE COLLOCEMUS ...**

- 77 <sup>1</sup>Duo sesquioctave, i. duo toni: LXIII (tonus) LXXII (tonus) LXXXI. <sup>2</sup>Ter LXIII CXCII; ter LXXII CCXVI (inter hos tonus) ter LXXXI CCXLIII (inter hos tonus). <sup>3</sup>Tercia autem numeri CXCII<sup>orum</sup> sibi addita, facit CCLVI. <sup>4</sup>Inter praescriptos igitur CCXLIII et istos CCLVI dimidium esse toni debet, quoniam diatessaron habitudo, quae sesquitercia proportione inter CXCII et CCLVI habetur, tonum ac tonum et emitonium requirit.

*Mc*

4 dimidium esse tonus *Mc*

- 78 <sup>1</sup>CCXVI CCXLIII. <sup>2</sup>Harum prima facit tonum ad CXCII. <sup>3</sup>Secunda, i. CCXLIII facit tonum ad primam, i. CCXVI. <sup>4</sup>His etiam numeris si addantur CCLVI, fit semitonium inter CCXLIII et CCLVI. <sup>5</sup>Qui numerus hoc modo disponatur: CXCII CCXVI CCXLIII et CCLVI. <sup>6</sup>Horum duo extremi disponunt diatessaron consonanciam, primus enim ad secundum facit tonum, secundus ad tertium facit similiter tonum, tertius ad IIII<sup>tum</sup> facit semitonium, cum enim XIII inter hos differentia. <sup>7</sup>Quod est dicere, XIII non est octava decima pars CCXLIII. <sup>8</sup>Si enim multiplicetur octies decies XIII, cum faciant <CC>XXXIII, non pervenit iste numerus ad CCXLIII, cum VIII desint unitates.

*Aut*

**261,20 DUAS SESQUIOCTAVAS PROPORTIONES**

- 79 CCXVI et CCXLIII

*Aut*

**261,21 DUOBUS SE NUMERIS CONTINENTES**

- 80 CCXVI et CCXLIII

*Aut*

**261,21 CONTINENTES**

- 81 proporciones dico

*Aut*

**261,22 ID EST**

- 82 fiunt

*Aut*



**261,23 SUNT**

83 fiunt  
*Aut*

**261,23 QUI**

84 CCXVI et CCXLIII  
*PbV2Aut*

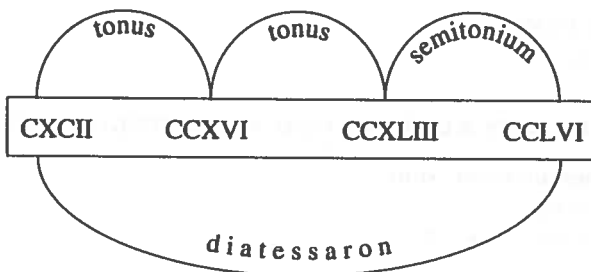
**261,23 DUOS SUPRASCRIPTOS TERMINOS**

85 CXCII et CCLVI  
*PbAut*  
CCLVI] CCXLIII *Pb*

**261,24 CXCII. CCXVI. CCXLIII. CCLVI.**

86 differentiae XXIII XXVII XIII  
*BzLhMc*

87



*Pb<sup>3</sup>Pn*

**261,24 CXCII. CCXVI.**

88 Octies viceni quaterni CXCII  
Novies viceni quaterni CCXVI  
*O*

89 CXCII habent octavam partem XXIII, CCXVI habent octavam partem XXVII.  
*Q<sup>2</sup>S*

**261,24 CXCII**

90 Iste est ter LXIII factus, de qua CXCII tertia pars, i. LXIII, addita sit.  
*Mc*

**261,24 CCXVI**

- 91 ter LXXII  
*Mc*

**261,25 CCXLIII**

- 92 ter LXXXI  
*Mc*

**261,26 PRIMUS NUMERUS**

- 93 CXCH  
*Aut*

**261,26 AD POSTREMUM**

- 94 ultimum  
*Pb*

- 95 CCLVI  
*Aut*

**261,27 PRIMUS AD SECUNDUM ET SECUNDUS AD TERTIUM**

- 96 sesquioctavi sunt  
*PbV2*  
*sesquioctavae V2*

**261,27 PRIMUS**

- 97 CXCH  
*OPnAut*

**261,27 AD SECUNDUM**

- 98 CCXVI  
*OPnAut*

**261,27 SECUNDUS**

- 99 CCXLIII  
*Pn*

- 100 CCXVI  
*Aut*

**261,28 AD TERTIUM**

101 CCLVI

*P<sub>n</sub>*

102 CCXLIII

*Aut***261,28 GEMINOS CONTINUANT TONOS**

103 sesquioctavas proportiones, quia CCXVI habent in se CXCII et eius octavam partem, i. XXIII; et CCXLIII habent in se CCXVI et eius VIII<sup>am</sup> partem.

O

**261,28 CONSTAT IGITUR SPATIUM, QUID RELINQUITUR, EX CCXLIII AD CCLVI, IN QUIBUS MINIMIS SEMITONII FORMA CONSISTIT.**

104 Quia in his sesquioctava proportio non consistit, idcirco semitonium continent; non enim valent perficere tonum.

O

105 <sup>1</sup>Si queramus in his duobus numeris CCXLIII et CCLVI, quam partem minoris cum toto ipso maior in se habeat, ut in ceteris proportionibus fieri solet, <sup>2</sup>nulla prorsus a quocumque numero denominata occurret, i. neque XV<sup>ma</sup> aut XVI<sup>ma</sup> vel XVII<sup>ma</sup> vel alia quaelibet, <sup>3</sup>quia ipsi CCXLIII, qui est minor, per nullam quamlibet talium dividi potest. <sup>4</sup>Propter quod ita confuse dicitur, quod XIII unitates, quibus maior numerus superat, minus sit quam octava decima pars minoris, <sup>5</sup>plus vero quam XVIII<sup>ma</sup> pars ipsius minoris, quod de nullis inferioribus numeris dici convenienter potuit, <sup>6</sup>ut aut minus XVI<sup>a</sup> aut plus XVII<sup>a</sup> aut altera aliqua pars minoris ipsius CCXLIII essent ipsi XIII nisi de XVIII et XVIII.

<sup>7</sup>Id autem longe in sequentibus cum propriis demonstrationibus exequitur dicens, quod minus semitonium minorem quidem habeat proportionem quam XVIII semis ad XVIII semis, maiorem quam XVIII ad XX. <sup>8</sup>Si vero semitonium medietas vera toni esset, tunc XVI<sup>ma</sup> parte minoris maior excederet numerus. <sup>9</sup>Nam cum tonus in sesquioctava sit, si pars octava dividatur medio, erit XVI<sup>ma</sup>, <sup>10</sup>ut si octavam partem de superiori primo tono divides, i. de CXCII et CCXVI, quae est XXIII, erunt XII XVI<sup>ma</sup> pars ipsius CXCII. <sup>11</sup>Quod et in his numeris facile appareret, si essent tantum CCXL et CCLV. <sup>12</sup>Esset enim octava CC<sup>orum</sup>XL XXX, sexta

decima XV. <sup>13</sup>Quos si ita ordinarem, ut fieret tonus ad CCXL, addita ei sua octava fierent CCLXX. <sup>14</sup>Addita vero sua XVI<sup>ma</sup> fierent CCLV. <sup>15</sup>Hi ergo, si ita dispositi essent CCXL CCLV CCLXX, tunc verum semitonium videretur inter CCXL et CCLV, quia maior haberet minorem in se et eius XVI<sup>mam</sup> partem, i. dimidiam VIII<sup>vam</sup>. <sup>16</sup>Porro tertius ad secundum non iam XVI<sup>ma</sup> sed XVII<sup>ma</sup> parte secundi conferretur. <sup>17</sup>Ideoque dictum est, videretur'. <sup>18</sup>Nam fixe nunquam medietas rata in quacumque divisa proportione locabitur superparticulari, ut s. eam proportionem medius numerus habeat ad tertium quam ad primum.

<sup>19</sup>Sed ne talis numerus in tertio loco in diatesseron constituatur, qui octavae partis rationem ad quartum valeat retinere, obsistit sesquitertia proportio, quae facta est quarti ad primum. <sup>20</sup>Quocirca inter tertium et quartum non nisi illud breve spatium relinquitur, quod semitonium dicitur, quod ne dimidii toni teneat quantitatem multatione octavae partis, ac perinde etiam XVI<sup>mae</sup> ipsius tertii efficitur numeri, <sup>21</sup>quamquam nec sic quoque omnino, ut dictum est, medietate integra tonus reciperet sectionem.

<sup>22</sup>Huiusmodi igitur obstaculis termini coartati nullius alterius partis receptibiles dici potuerunt quam, ut dicerentur, minus quam XVIII<sup>vam</sup>, maius quam XVIII<sup>nam</sup> partem tenere. <sup>23</sup>In quo attendendum est, quomodo diminutio partium subnotetur. <sup>24</sup>Nam si XVI<sup>mam</sup> obtineret aliquanto quidem propensius utpote quasi dimidium videretur. <sup>25</sup>Si autem XVII<sup>mam</sup>, quamvis iam diminutius, adhuc tamen quiddam plus augmenti conduceretur. <sup>26</sup>Nunc vero dicens XVIII<sup>am</sup> iam multo a medietate recedentem designat quam et adhuc quoque contrahi monstrat, cum subinfert minus quam XVIII<sup>am</sup>. <sup>27</sup>Cum vero adicit plus quam XVIII<sup>mam</sup>, patenter naturam partium demonstrat, quia maior sit XVIII<sup>ma</sup> quam XVIII<sup>ma</sup>, ac per hoc XVI<sup>ma</sup> maior quam hae vel XVII<sup>ma</sup>.

*Lz MfMhMkMmPe<sup>5</sup>ShWbLlz*

1 et] *om. MfSh* maiore *Mm* in] inter *MfMhMkMmSh* ut] *om. Llz* uti *Mm* solet fieri *Pe*

2 occurrit *Pe* occurrit *Llz*

4 Propter quod] Propter *MfMmSh* XIII] XIII *MfSh* numerus] *om. MmWb*  
5 plus vero quam XVIII] *om. Mh* numeris] *om. MfMhMkMmSh* potuit  
convenienter *Mm*

6 aliqua altera *Mm* ipsius minoris *MfMhMkMmPeSh*

8 vera medietas esset toni *Mm* vera toni medietas esset *Pe* tunc] cum *add. MkMm XVI<sup>ma</sup>*] *XXVI<sup>ma</sup> Mm* minorem *Llz* numeros *Llz*

10 ut] at *LzWb* et *Llz* si] *om. Mm* de *CXCII*] *DCXCII Llz*

11 in] *om. Sh*

12 Esset] Certum *Llz* enim] *om. Mm* octava] octa *LzLlz VII<sup>va</sup> MfSh*  
*VIII<sup>ma</sup> Mm*

13 Quos] Quod *Wb* fieret] esset *Pe* ei] *om. Mm* octava sua *Pe*

- 14 vero] ei *MfSh*  
 15 disposita *Llz* haberet] habet *Mm* XVI<sup>ma</sup> eius *Mm*  
 16 sed XVII<sup>ma</sup>] *om. LzLlz* partem *Sh* conferreretur *Pe* offeretur *Sh*  
 17 Ideoque] et *add. Llz*  
 18 nunquam *om. LzLlz*  
 19] *repet. Mm* in tertio] tertio *MfMhMkMmPeSh* qui] quae *Llz*  
 20 dimidium *LzLlz* multatione] multiplicatione *MhMm* perinde] proinde  
*Mm* efficitur] effitur *Mf*  
 21 sic] *om. MfSh*  
 22 Huius modo *Mh* partis] *om. MfMhMkMmPeSh* diceretur *MmPe*  
 23 adtendum *MfMm* est] *om. PeWb* id est *Llz*  
 24 si] *om. Pe* optaneret *Mk*  
 25 quiddam] quod tam *MfSh* quoddam *Mm* augumenti *Sh* conduceret  
*MfMhMkPeSh* concluderet *Mm*  
 26 XVIII<sup>a</sup> *MfMhMkSh* recedente *Llz* et] *om. Mm* contrahi monstrat] contra  
 hos demonstrat *Mm* subinfert] infert *MfSh*  
 27 adicit] adiecit *MfSh* per hoc] quoque *add. MfMhMkMmSh* XVI<sup>ma</sup> maior]  
 maior XVI<sup>ma</sup> *MhMkMm* maior *MfSh* haec] hec *MfMhMkMmSh*  
*instar textus Sh*

## 261,28 CONSTAT

- 106 existit  
*Q<sup>2</sup>V<sup>1</sup>Pq*  
 107 est  
*PnPq*  
 108 repertum est  
*Aut*

## 261,29 SPATIUM

- 109 semitonium  
*Q<sup>2</sup>Pi*

## 261,29 QUOD RELINQUITUR

- 110 de integritate diatessaron, qui constat ex geminis tonis et emitonio  
*Q<sup>2</sup>SV<sup>1</sup>BxLhPq*  
 qui] que *Pq* geminis] duobus *Pq* semitonio *BxLhPq*  
 111 non esse toni medietatem  
*Pht*

## 261,29 CCXLIII AD CCLVI

- 112 Quia in his sesquioctava proportio non consistit, idcirco semitonium continent, non enim valent perficere tonum.  
*Pb*

**261,30 IN QUIBUS MINIMIS**

- 113 propter semitonium, quod ibi notatur, quia in inferioribus numeris non repperitur.

*Aut*

- 114 Non dicit *minimis*, quantum ad alios numeros, cum quibus ordinati sunt; sed quia in minoribus ipsis numeris semitonium non potest inveniri.

*Vrf*

**261,30 SEMITONII**

- 115 minoris

*Aut*

## LIB. II, CAP. 29

262,3 APPROBO IGITUR CCXLIII AD CCLVI DISTANTIAM NON  
ESSE INTEGRAM TONI MEDII DEMENSIONEM.

- 1 quia invenimus semitonium inter CCXLIII et CCLVI  
*Aut*

## 262,3 APPROBO

- 2 probo  
*Vrf*

## 262,3 DISTANTIAM

- 3 XIII  
*OQ<sup>2</sup>V<sup>1</sup>LhM7Pe<sup>5</sup>Pq*
- 4 differentiam  
*PqAut*

## 262,4 TONI MEDII

- 5 minoris semitonii  
*Aut*

## 262,6 XIII TANTUM

- 6 tanto enim superatur CCLVI CCXLIII  
*Aut*

262,6 QUI MINUS (*pro QUI XIII MINUS*)

- 7 numerus XIII  
*Aut*

## 262,6 MINUS QUIDEM QUAM MINORIS

- 8 minor ad comparationem CC<sup>orum</sup>LVI  
*OM7*
- 9 cum debeant dividere sextam decimam et septimam X  
*LaMm<sup>1</sup>Pb<sup>3</sup>Rl\*AutLryVrf*  
*debeat Vrf*

## 262,7 MINORIS

- 10 [numeri] CCXLIII  
*OQ<sup>2</sup>V<sup>1</sup>LhM7Pc<sup>5</sup>PiPqWiAutLp!Tpi*  
 numeri] *add. O*
- 11 numeri, qui est CCXLIII; ipse est enim minor et comes ad CCLVI.  
*LaPbV2*  
 est enim] enim *La* minor et] minoris *V2*

## 262,7 OCTAVAM DECIMAM

- 12 CCXXXIII erunt  
*Q<sup>2</sup>*
- 13 obtinet  
*Wi*  
*cf. 262,8*
- 14 obtinent; sed VIII desunt, quod decies octo XIII non adimplent  
 summam CCXLIII et dimidia unitatis  
*Aut*

## 262,7 PLUS VERO QUAM NONAM DECIMAM OBTINENT PARTEM

- 15 sex  
*V2*
- 16 <sup>1</sup>sed tamen XIII plus obtinent, quam nona decima pars CC<sup>orum</sup>XL trium sit. <sup>2</sup>Quia decies octo XIII conglutinati reddunt summam CCXLVII, <sup>3</sup>et sic superhabundant IIII, <sup>4</sup>quos, i. IIII, si diviseris per minucias, i. unumquodque de illis IIII in quinque particulas, i. minucias, erunt XX minucie. <sup>5</sup>Quarum omnium accipe decem et VIII et appone singulatim singulis XIII. <sup>6</sup>Ac inde XX minuciam, que restabat, divide in decem et VIII iterum minucias et adde singulam singulis XIII.  
<sup>7</sup>Et sicuti posses addere, si deessent, ita retrograde aufer dicendo XIII est nona decima pars ducentorum XL trium ablata quinta parte unius unitatis et nona decima parte quinte partis unius unitatis.  
<sup>8</sup>Et sic videbis, quod XIII neque est nona decima pars, neque octava decima ducentorum XL trium, sed in medio cadit.  
*Aut*



## 262,8 NONAM DECIMAM OBTINENT PARTEM

17 minoris  
V<sup>2</sup>

18 CCXL trium  
W<sub>i</sub>

## 262,8 SI ENIM OCTIES DECIES XIII DUCAS, ...

19a Ideo XIII per XVIII et per XVIII iubet multiplicari, quia non potuit alios numeros invenire, per quos XIII ducti magis propinquarent medietati CCXLIII.

*OQ<sup>2</sup>SV<sup>1</sup>LhM7McPe<sup>5</sup>Pn\*PqWq*

et per] et *QSLhPnWq* invenire numeros *OQSM7Pq* adpropinquarent *Wq*

19b Ideo differentiam XIII iubet multiplicari per XVIII et XVIII, quia non potuit alios numeros invenire, per quos XIII differentia multiplicata magis adpropinquaret numero CCXLIII.

*WiBwi*

20 Computatio numeri XIII decies octies:

Decies X	C
Decies III	XXX
Octies X	LXXX
Octies III	XXIII
Summa	CCXXXIII

Item decies novies:

X <sup>es</sup> X	C
X <sup>es</sup> III	XXX
VIII <sup>es</sup> X	XC
<VIII <sup>es</sup> III	XXVII>
Summa	CCXLVII

Si fierent sedecies XIII, essent CCVIII; si septies decies, CCXXI.

*Ei*

21 <sup>1</sup>Cum tonus in sesquioctavo sit numero, octies decies semitonium ductum, si vere esset toni dimidium, eundem numerum referret.

<sup>2</sup>At dum XIII numerus, qui CCXLIII differentia est, si decies octies ducatur, minime CCXLIII compleat numerum, apparet toni non esse dimidium.

*Ei\*KnLzMfMhMkPe<sup>5</sup>ShWbWn\*EwnLlzPts*

1 in sesquioctava sit proportione *MfMhMkSh* sesquioctava *Llz* semitonus *Mf* dimidium] medium *Pe* refert *MfSh*

2 dum] *om. MfMhMkSh* numerus] *om. Pe* minime CCXLIII compleat numerum] non implet CCXLIII *Pe* compleat] compleant *Kn* implet *MfMhMkSh*

apparet toni non esse dimidium] hinc nec toni dimidium est *MfMhMkSh*  
dimidium] medium *Pe*

- 22 Haec speculatio in maioribus tenendum est numeris.  
*Mc*

**262,9 CCXXXIII, QUI CCXLIII NULO MODO AEQUABUNT**

- 23 <sup>1</sup>CCXXXIII<sup>or</sup> et CCXLVII sesquioctavam decimam optinent pro-  
porcionem, <sup>2</sup>quia differentia eorum, i. XIII, in minore est decies et  
octies, in maiore vero novies et decies. <sup>3</sup>Quibus utrisque si addideris  
magis quam medium differentiae, i. VIII unitates, fiunt CCXLIII  
et CCLVI semitonii optinentes proportionem, <sup>4</sup>minorem videlicet  
quam sesquioctava decima propter additionem numeri; <sup>5</sup>sicut inter  
L et LV fuit proporcio sesquidecima, post additionem autem III<sup>rii</sup>  
minor inter eos habitudo procreata est.  
*Pe*

**262,9 QUI CCXLIII NULO MODO AEQUABUNT**

- 24 quia minus habent VIII  
*LaMm<sup>1</sup>Pb<sup>3</sup>R1AutLryVrf*
- 25 et ideo minus obtinent nunc XIII quam octavam decimam partem  
*LaPbV2*  
optinet *Pb*
- 26 quia VIII desunt  
*Wi*

**262,9 QUI**

- 27 XIII  
*O*
- 28 CCXXXIII  
*PbPnAutPts*  
CCXXXIII *Pn*

**262,9 CCXLIII**

- 29 accusativus  
*Aut*

## 262,10 SI DECIES NOVIES MULTIPLICES

- 30 XIII  
*PiV2AutTpiVrf*
- 31 Decies X           C  
Decies III         XXX  
Novies X           XC  
Novies III         XXVII  
Summa CCXLVII  
*Pe5*  
*cf. II,29,20*
- 32 Decies enim novies XIII CCXLVII sunt.  
*MaPbPiTpi*  
nonies *Tpi* CC<sup>tos</sup>LVII efficies *Tpi*  
*instar textus Ma*
- 33 XIII; erunt CCXLVII, qui CCXLIII supervadunt IIII  
*Wi*
- 34 quod dicas: decies novies XIII  
*Aut*

## 262,10 SUPERVADENT

- 35 quia fiunt CCXLVII  
*LaM7MkMm<sup>1</sup>R1AutLryVrf*  
quia fiunt] *om. M7Mk* quia] quae *Mm* fient *LaVrf*
- 36 IIII  
*Mm*
- 37 et idcirco plus optinet [nunc XIII quam nonam decimam partem]  
*PbV2*  
nunc XIII quam nonam decimam partem] *add. V2*  
*cf. II,29,25*

## 262,11 OPORTEAT OMNE SEMITONIUM, SI TAMEN INTEGRUM TONI DIMIDIUM TENET, INTER SEXTAM DECIMAM PARTEM AC SEPTIMAM DECIMAM COLLOCARI

- 38 Nota integrum toni dimidium  
*McPb<sup>9</sup>R1AutLry*
- 39 <sup>1</sup>Quod dicit: *omne semitonium, si vere est dimidium toni, inter sextam decimam partem et septimam decimam collocari, in*

omni sesquioctava proportionem poterit approbari. <sup>2</sup>Quia, si dividas sesquioctavum medio partis octavae numero interposito, isdem medius ad primum sesquisextus decimus, ad tertium sesquiseptimus decimus erit, ut in superioribus sesquioctavis CXCII CCXVI. <sup>3</sup>Si [enim] CCIII, qui fit additis CXC duobus duodecim, qui [XII] est media pars octavae, i. XXIII, sexta decima vero totius CXCII, medio colles hoc modo: CXCII CCIII CCXVI, <sup>4</sup>habebit quidem CCIII in se CXCII et eius sextam decimam, <sup>5</sup>CC vero XVI habebit CC<sup>tos</sup>III in se et eorum septimam decimam partem. <sup>6</sup>Et ideo non vere semitonium dimidium erit toni, nisi forte ita utramque partem hanc detrahens, illam porrigens, attemperes, ut inter XVI<sup>mam</sup> et XVII<sup>mam</sup> alium quendam terminum statuas, qui fixe locum medietatis praecoccupet, quod tamen nullis umquam numeris integris pernotabis, <sup>7</sup>veluti si ad hanc respicias lineam:

sexta decima      septima decima  
 CXCII      CCIII      CCXVI  
 apotome      semitonium  
 medietas

*Lz*Mf<sup>2</sup>MhMkMmPe<sup>5</sup>Sh\*WbLlz

1 inter] in *Mm* partem et septimam decimam] et XVIII partem *Mf* et XVII<sup>mam</sup> partem *MhMkMmSh* sesquioctava *Mk*

2 sesquioctavum] sesquioctavam *Lz*Mf octave partis *MfMhMkMmSh* isdem] idem *Pe* sesquisextus *Mm* superioribus] superiubus *Lz* sesquioctavis] corr. in sesquioctavus *Pe* sesquioctavus *Sh*Wb

3 enim] add. *MfMhMkMmSh* CCIII, qui fit CCIII *Lz*WbLlz duodecim] XVI *Sh* XII] add. *Lz*WbLlz totius] tonus *MfMhMkMm* sexta decima - 4 CXCII] om. *Pe* CXCII] CXXII *MkMm* CCXVI] CXVI *Mm*

4 CCIII] et III *Mm*

5 CC vero XVI] CCXVI vero *MfMhMkSh* CCVI vero *Mm* eorum] eius *Lz*Mm-Llz septimam decimam] XVI<sup>mam</sup> *MfSh*

6 Et non vere ideo semitonium erit dimidium *Mm* vere] verum *Llz* ita] om. *Mm* hanc] om. *Mm* detrahas *MfSh* qui] quae *Llz* integris] om. *Mm*

7 om. *MfMhMkMmSh* respicis lineam om. rel. *Pe*

- 40 <sup>1</sup>Ponantur numeri XVI XVII XVIII. <sup>2</sup>Maior ergo proportio est inter primum et secundum, hoc est XVI et XVII, quia sunt minores, et ideo debet ibi reperiri maius semitonium. <sup>3</sup>Inter secundum vero et extremum, hoc est XVII et XVIII, quia sunt maiores, est minor proportio et debet ibi esse minus semitonium.

*Lpl*

**262,11 SI TAMEN INTEGRUM TONI DIMIDIUM TENET**

- 41 quod non invenitur [s. integrum toni dimidium]  
*LaPb<sup>3</sup>PcR1AutLry*  
 venit *Pc* s. integrum toni dimidium] *add. Aut*
- 42 quod non contingit dividi tonum in duo aequa  
*Mm<sup>1</sup>*
- 43 si hoc esset, quod tamen non invenitur nec potest esse  
*Vrf*

**262,12 INTER SEXTAM DECIMAM PARTEM AC SEPTIMAM DECIMAM COLLOCARI**

- 44 Istud vero inter octavam decimam et nonam decimam partem constat [s. semitonium]  
*PbPcV2*  
 partem] *om. Pc* s. semitonium] *add. V2*
- 45 Si fuerint sedecies XIII, essent CCVIII; si septies decies, CCXXI.  
*Pc<sup>5</sup>*

**262,14 NUNC ILLUD LIQUEBIT**

- 46 non per hos numeros, sed per alios, qui eiusdem proportionis sint ac per hoc eiusdem distantiae  
*EiEn*
- 47 ut superius diximus  
*Aut*

**262,14 LIQUEBIT**

- 48 apparebit  
*Pn*

**262,14 SEMITONII DISTANTIAM SIBIMET GEMINATAM**

- 49 duo semitonia simul posita  
*EiEnMf<sup>2</sup>MhMkSh*
- 50 sedecies tredecim  
*Wi*

**262,14 SEMITONII DISTANTIAM**

- 51 XIII  
*Aut*

**262,14 SIBIMET**

- 52 in se ipsam, i. propria numerositate  
*La*
- 53 inter se  
*Pe*

**262,15 TONI SPATIUM NON POSSE COMPLERE**

- 54 si minimo fuerit iuncta numero  
*La*
- 55 in nullo loco  
*PbV2*
- 56 per quod constabit, quod inter illos sine geminatione consideratos  
est non medietas toni.  
*Vrf*

**262,16 UT SESE CCLVI AD CCXLIII HABENT**

- 57 <sup>1</sup>CCLVI ad CCXLIII supertredicipartiens ducentessimas quadra-  
gesimas tertias est.  
[<sup>2</sup>Videtur enim inter octavam decimam et X<sup>am</sup> VIII<sup>am</sup> esse  
partem. Sed octavae ac decimae parti non aequatur, quia minus  
[est VIII], nonae decimae non, quia plus [habet III].]  
*OQ<sup>2</sup>SV<sup>1</sup>LaM<sup>7</sup>McPb<sup>3</sup>Pe<sup>5</sup>PnPgAut*  
1 supertredicipartiens] si per XIII parties *Pq* superXIII<sup>cim</sup>partiens est *OM<sup>7</sup>*  
est] *om. OQSM<sup>7</sup>McPePq*  
2 *add. LaMcPbAut* enim] *om. Mc* est VIII] *add. Aut* none ac decimae *Mc*  
habet III] *add. Aut* habet *add. Mc*

**262,16 TALES DUAS SIBIMET CONTINUAS PROPORTIONES SECUNDUM SUPERIUS DESCRIPTAM REGULAM DISPONAMUS**

- 58 ut duae tales proportiones fiant sibi continuae, qualis in his duobus  
numeris est, quae s. continebuntur inter tres numeros consequenter  
multiplicatos.  
*EiWb*

**262,16 SIBIMET CONTINUAS PROPORTIONES**

- 59 Eiusdem enim sunt proportionis numeri, qui ab eis proveniunt, qua  
sunt et hi, qui multiplicant; quod et in omnibus numeris cuique.  
*Pe<sup>5</sup>*

## 262,17 SECUNDUM SUPERIUS DESCRIPTAM REGULAM

60 ubi loquitur, quomodo armonica medietas procreetur

*BzPe*

procreatur *Bz*

61 ubi docuit plures sesquialteros vel sesquitercios a multiplicibus procreari per secundam tamen regulam i. per radices proportionum.

*EiEnLzMf<sup>2</sup>MhMkShLlz*

vel] et *LzLlz* a multiplicibus] *om. Llz* secundam] alteram *MfSh* radicem *En*

62 <sup>1</sup>Regula utilis: <sup>2</sup>Si duo numeri sunt in aliqua proportione et unusquisque in se multiplicetur, et illi, quae ex hac multiplicacione fiunt, extremi locentur; <sup>3</sup>postea vero unus per alium multiplicetur et ille inter extremos ponatur. <sup>4</sup>Tunc erit eadem proporcio inter hos tres, quae erat prius inter duos. <sup>5</sup>Et per hanc regulam probatur semitonium non esse recte dimidius tonus.

*Aut*

## 262,18 CC ENIM ET L ET VI IN SEMET IPSOS MULTIPLICEMUS

...

63 <sup>1</sup>Ducencies quinquagies sexies CCLVI     $\overline{\text{LXV}}.\text{DXXXVI}$

<sup>2</sup>Ducencies quadragies tries CCXLIII     $\overline{\text{LVIII}}.\text{XLVIII}$

<sup>3</sup>Ducencies quinquagies sexies CCXLIII     $\overline{\text{LXII}}.\text{CCVIII}$

<sup>4</sup> $\overline{\text{LVIII}}.\text{XLVIII}$

semitonium

$\overline{\text{LXII}}.\text{CCVIII}$

semitonium

$\overline{\text{LXV}}.\text{DXXXVI}$

*KnLzWbWn\*EwnLlz*

<sup>2</sup> CCXLIII] *om. KnLzEwn*

<sup>3</sup> CCXLIII] CXLVIII *Kn* CXLIII *Ewn*  $\overline{\text{LXII}}.\text{CCVIII}$  *Llz*

<sup>4</sup> *om. LzLlz*

64	<sup>1</sup> Ducencies CC $\overline{XL}$	<sup>2</sup> Ducenties CC $\overline{XL}$	<sup>3</sup> Ducenties CC $\overline{XL}$
	Ducenties L $\overline{X}$	Ducenties XL $\overline{VIII}$	Ducenties XL $\overline{VIII}$
	Ducenties VI $\overline{I.CC}$	Ducenties III DC	Ducenties III DC
	Quinquagies CC $\overline{X}$	quadrages CC $\overline{VIII}$	Quinquagies CC $\overline{X}$
	Quinquagies L $\overline{II.D}$	Quadrages XL $\overline{I.DC}$	Quinquagies XL $\overline{II}$
	Quinquagies VI CCC	Quadrages III CXX	Quinquagies III CL
	Sexies CC $\overline{I.CC}$	Ter CC DC	Sexies CC $\overline{I.CC}$
	Sexies L CCC	Ter XL CXX	Sexies XL CCXL
	Sexies VI XXXVI	Ter III VIII	Sexies III XVIII
	et fient simul	et fient simul	et fient simul
	ducenties quinquagies	ducenties quadrages	ducenties quinquagies
	sexies CCLVI	ter CCXLIII	sexies CCXLIII
	$\overline{LXV.DXXXVI}$	$\overline{LVIII.XLVIII}$	$\overline{LXII.CCVIII}$

*Kn Wve*

1 Sexies CC  $\overline{I.CC}$ ] Sexies L  $\overline{I.CC}$  *Wve* fient] fiunt *Wve*  $\overline{LXV.DXXXVI}$ ] *LXXV.DXXXVI Kn Wve*

2 Quadrages III CXX] Quadrages III CCXX *Kn Wve* fient] sunt *Wve*

3 fient] fiunt *Kn Wve*  $\overline{LXII.CCVIII}$ ]  $\overline{LX.CCVIII}$  *Wve*

- 65 Sed prius in minoribus terminis videamus, ut post in maioribus: Ter continuas proportiones tales videamus, verbi gratia II ad III est sesquialter. Sed si II multiplices in seipsum, ut dicas, bis bini fient IIII; et si III similiter multiplices in seipsos, ut dicas, ter tres erunt VIII. Deinde si multiplices alterum per alterum, ut dicas, bis ter erunt VI, et hos ita ordines: IIII VI VIII. Tunc habebis duos continuos sesquialteros, quia VIII est sesquialter ad VI, et VI ad III. Ita fac in bis maioribus numeris, s. in CCLVI et CCXLIII. Multiplica unumquemque in se, et postea alterum per alterum.

*Aut*

## 262,18 CC ENIM ET L ET VI IN SEMET IPSOS MULTIPLICEMUS

- 66 dicendo ducencies quinquagies sexies CCLVI

*Aut*

- 67 <sup>1</sup>Ita esse probatur, si numerus ille, i. CCLVI per CC<sup>tos</sup> primum, inde per L, et post per senarium multiplicetur sic:

$\overline{LXV.DXXXVI}$

<sup>2</sup> CC <sup>es</sup> CC <sup>es</sup> CC <sup>es</sup>	<sup>3</sup> L <sup>es</sup> L <sup>es</sup> L <sup>es</sup>	<sup>4</sup> VI <sup>es</sup> VI <sup>es</sup> VI <sup>es</sup>
CC <sup>ni</sup> L <sup>ni</sup> VI <sup>ni</sup>	CC <sup>ni</sup> L <sup>ni</sup> VI <sup>ni</sup>	CC <sup>ni</sup> L <sup>ni</sup> VI <sup>ni</sup>
$\overline{XL}$ $\overline{X}$ $\overline{I.CC}$	$\overline{X}$ $\overline{II.D}$ CCC	$\overline{I.CC}$ CCC XXXVI
CCLVI per CC <sup>tos</sup>	CLVI per L <sup>ta</sup>	CCLVI per VI
$\overline{LI.CC}$	$\overline{XII.DCCC}$	$\overline{I.DXXXVI}$

*OM7*



1 multiplicetur] *om. rel. M7*  
 2 CCLVI] CCLVII *O*

- 68 CCLVI  
 bis DXII  
 quater  $\overline{\text{I.XXIII}}$   
 octies  $\overline{\text{II.XLVIII}}$   
 Sedecies  $\overline{\text{III.XCVI}}$   
 Trities bis  $\overline{\text{VIII.CXCII}}$   
 Sexagies quater  $\overline{\text{XVI.CCCLXXXIII}}$   
 Centies vities octies  $\overline{\text{XXXII.DCCLXVIII}}$   
 Ducenties quinquagies sexies  $\overline{\text{LXV.DXXXVI}}$

*McPnWqLpl*

CCLVI. sexagies quater. Bis DXII.  $\overline{\text{XVI.CCCLXXXIII}}$ . Quater  $\overline{\text{I.XXIII}}$ .  
 Centies vigies occies. Occies  $\overline{\text{II.XLVIII}}$ .  $\overline{\text{XXXII.DCCLXVIII}}$ . Sedecies  
 $\overline{\text{III.XCVI}}$ . ducentis quinquagies sexies. Trigies bis  $\overline{\text{VIII.CXCII}}$ .  $\overline{\text{LXV.DXXXVI}}$   
*Mc*  $\overline{\text{I.XXIII}}$ ]  $\overline{\text{II.XXIII}}$  *Wq* Trigies bis *PnLpl* Centies vigies *PnLpl*  
 $\overline{\text{XXXII.DCCLXVIII}}$ ]  $\overline{\text{XXXII.DCCLXXXVIII}}$  *Lpl*

## 262,18 IN SEMET IPSOS

- 69 bis centies quinquagies sexies  
*Phl\**
- 70 per se  
*Aut*
- 71 unum per alterum  
*Vrf*

## 262,19 $\overline{\text{LXV.DXXXVI}}$

- 72 probatus fuit  
*PbV2*
- 73 Hic est maximus terminus; in figura patet.  
*Aut*

## 262,20 PROPRIA NUMEROSITATE

- 74 per se ipsos multiplicati  
*LaPbV2Aut*  
 ipsos multiplicati] *om. Aut*

## 262,20 CONCRESCANT

- 75 <sup>1</sup>In omni proportione si uterque terminus sua quantitate multiplicetur, alterque per alterum multiplicatus *concrescat*. <sup>2</sup>In tribus terminis, qui ex hoc nascentur augmento, eadem erit proportio, quae et in duobus primis.

*Q<sup>2</sup>SV<sup>1</sup>CgMcPnPgWiWqBwi*

1 In omni enim *QSPq* multiplicetur] *om. WiBwi* multiplicatus] multiplicatur *Wq* concrescit *Mc*

2 In] *om. Mc* augmento] argumento *Pq* eadem] *om. V* eadem proportio erit *WiBwi*

- 76 dicens ducencies quadragies ter CCXLIII

*Aut*

262,21 LVIII.XLVIII

- 77 CCXLIII.

Bis CCCCLXXXVI

Ter DCCXXVIII

Quater DCCCCLXXII

Quinquies I.CCXV

Decies II.CCCCXXX

Vicies III.DCCCLX

Tricies VII.CCXC

XL<sup>es</sup> VIII.DCCXX

L<sup>es</sup> XII.CL

C<sup>es</sup> XXIII.CCC

CC<sup>es</sup> XLVIII.DC

XL<sup>es</sup> VIII.DCCXX

Ter DCCXXVIII

Ducencies CCXLIII XL<sup>es</sup> ter LVIII.XLVIII fiunt.

*Mc*

CCCCLXXXVI] CCCCLVI *Mc* VII.CCXC] DCC.CCXC *Mc* XLVIII.DC] XLVIII.DCCXX *Mc* Ducencies] Ducies *Mc* LVIII.XLVIII] VIII.XLVIII

*Mc*

- 78 probatus

*PbV2*

- 79 Hic est minimus terminus.

*Aut*

**262,21 RURSUS CCLVI AD CCXLIII MULTITUDINE CONCRESCANT.**

80 Medium

*Mm<sup>1</sup>Pb<sup>3</sup>Lry*

81 Multiplica per maiorem i. CCLVI minorem i. CCXLIII.

*Mf<sup>2</sup>Mh.MkSh*

82 alterum per alterum, i. ut dicatur ducenties quadragies tres CCLVI.

*Aut*

83 <sup>1</sup>Addantur ad numerum, qui de CCXLIII per se multiplicatis excrevit, i. ad LVIII.XLVIII, tredecies CC<sup>ti</sup>XL<sup>ta</sup>III, <sup>2</sup>qui CCXLIII sunt s. decies II.CCCCXXX, ter vero idem CCXLIII DCCXXVIII; hoc est: tredecies CCXLIII faciunt III.CLVIII. <sup>3</sup>Hi addantur ad LVIII.XLVIII. <sup>4</sup>Invenies LXII.CCVIII, quae dicitur esse medietas maximi et minimi, <sup>5</sup>ut sint ita ducenties quinquagies sexies ducenti XLIII aut ducenties quadragies ter ducenti LVI LXII.CCVIII in medio positi, ut sit descriptio: <sup>6</sup>minor prima et maior media et maxima postrema, ita: LVIII.XLVIII LXII.CCVIII LXV.DXXXVI.

*Mc*

*1 qui de] quidem Mc 5 ducenties quinquagies] ducentis quinquagies Mc LXII.CCVIII] LXV.CCVIII Mc*

**262,21 AD**

84 per

*Pb V2V7f*

**262,22 MULTITUDINE CONCRESCANT**

85 alterum per alterum

*Aut*

*cf. II,29,82*

**262,23 LXII.CCVIII**

86 CC<sup>es</sup>XL<sup>es</sup>III<sup>ter</sup> CCLVI, s. LXII.CCVIII

*O*

LXII.CCVIII O

87 probatus

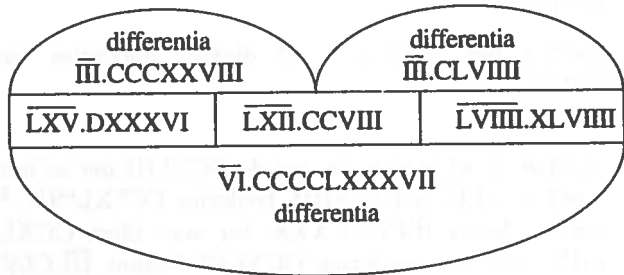
*Pb*

## 262,23 HIC

88 numerus, i.  $\overline{\text{LXII}}.\overline{\text{CCVIII}}$   
*Aut*

262,24  $\overline{\text{LXV}}.\overline{\text{DXXXVI}}$ .  $\overline{\text{LXII}}.\overline{\text{CCVIII}}$ .  $\overline{\text{LVIII}}.\overline{\text{XLVIII}}$ 

89

*Pb<sup>3</sup>*

90 <sup>1</sup>Differentia quinquaginta novem milium quadraginta novem ad sexaginta duo milia ducentos octo est  $\overline{\text{III}}.\overline{\text{CLVIII}}$ , quae ex ducentis quadraginta tribus ter decies multiplicatis excrevit. <sup>2</sup>Et minus quam minoris octavam decimam, plus vero quam nonam decimam obtinet partem.

<sup>3</sup>Similiter differentia sexaginta duorum milium ducentorum octo ad sexaginta quinque milia quingentos triginta sex est  $\overline{\text{III}}.\overline{\text{CCCXXVIII}}$ , quae ex ducentis quinquaginta VI ter decies multiplicatis excrevit. <sup>4</sup>Et sexaginta duorum milium ducentorum octo minus quam octavam decimam, plus vero quam nonam decimam obtinet partem.

*PeWqHwg*1 quinquaginta nonem *Wq*2 decimam - decimam] *om. Hwg*3 est] et *Hwg*  $\overline{\text{III}}.\overline{\text{CCCXXVIII}}$ ]  $\overline{\text{III}}.\overline{\text{CCCXXVIII}}$  *Wq*262,25 IN EADEM IGITUR SUNT PROPORZIONE CCLVI ET CCXLIII, IN QUA  $\overline{\text{LXV}}.\overline{\text{DXXXVI}}$  AD  $\overline{\text{LXII}}.\overline{\text{CCVIII}}$ .

91 Ita esse in IIII et VI, s. minoribus numeris, probat.

*Bz*

92 quod constat per regulam, quam postea tradet; quod est: *Si unus numerus duos quoslibet multiplicet, et c.*

*Vrf*

cf. 264,23

## 262,25 IN QUA

- 93 sunt  
O

## 262,26 ET ITEM

- 94 in eadem proportione, in qua sunt CCXLIII ad CCLVI  
*OM7Aut*  
sunt in eadem proportione in qua CCXLVIII *M7* proportiones *Aut* in qua  
sunt CCXLIII ad CCLVI] *om. Aut*

## 262,27 SED MAXIMUS EORUM TERMINUS, QUI EST LXV.DXXXVI, AD MINIMUM, QUI EST LVIII.XLVIII, UNUM INTEGRUM NON EFFICIET TONUM.

- 95 <sup>1</sup>Differentia minoris ad medium est III.CLVIII, medii ad maximum III.CCCXXVIII. <sup>2</sup>Istae duae differentiae simul iunctae complent differentiam primi ad tertium, i. VI.CCCCLXXXVII. <sup>3</sup>Qui octies ducti faciunt LI.DCCCXCVI, sed non perficiunt minimum terminum, i. LVIII.XLVIII. <sup>4</sup>Ergo non sunt minimus et maximus in sesquioctava proportione.

*LaMcPb<sup>3</sup>AutLryVrf*

1 ad medium] *s. add. Aut* ad maximum] *est add. Pb*

2 i.] hoc est *Vrf*

3 LI.DCCCXCVI, sed non perficiunt] *om. Aut* LI.DCCCXCVI]  
LI.DCCCXXVI *La*

## 262,27 SED MAXIMUS

- 96 quamvis in eadem proportione sit primus numerus ad secundum, in qua secundus ad tertium, tamen *maxi<mus>*  
*Aut*

## 262,29 UNUM INTEGRUM NON EFFICIET TONUM

- 97 <sup>1</sup>Quia in utraque habitudine minus fuit semitonium, tonus inter maximum et minimum non invenitur, quia non est inter eos sesquioctava proportio, <sup>2</sup>quia VI.CCCCLXXXVII, quo *s.* numero maior terminus minorem superat, non est VIII<sup>a</sup> pars eiusdem minoris termini LVIII.XLVIII.

*OLaM7PbV2*

1 in utraque] intraque *O* habitudine] *om. rel. M7* inter maximum et minimum non invenitur tonus] *LaPbV2*

2] *om. LaM7PbV2* VI.CCCCLXXXVII *O* eiusdem] eisdem *O*  
LVIII.XLVIII *O*

## 262,29 QUODSI PRIMI AD SECUNDUM ...

98 hec probatio a partibus, i. ipsis duobus proportionibus  
*Bz*

99 quamvis non impleat:

$\begin{array}{ccc} & \text{semitonii proportio} & \\ & \text{CCXLIII} & \text{CCLVI} \end{array}$

$\begin{array}{ccc} \text{semitonii proportio} & & \text{semitonii proportio} \\ \overline{\text{LVIII}}.\overline{\text{XLVIII}} & \overline{\text{LXII}}.\overline{\text{CCVIII}} & \overline{\text{LXV}}.\overline{\text{DXXXVI}} \end{array}$

*Pr*

100 <sup>1</sup>Quoscumque numeros aliis proportionaliter volumus coaptare, ipsos partibus propriis augemus, ut si ad quemlibet minorem numerum sesquialterum querimus, addimus ei medietatem sui, et sic alium numerum, qui ad eum sesquialter sit, comparamus. <sup>2</sup>Ut XII: adde ei medium, fiunt XVIII, qui est ad eum sesquialter. <sup>3</sup>Item in sesquitercio tertiam partem minoris ipsi addemus, et ita in reliquis quartam vel quintam et deinceps. <sup>4</sup>Sic ergo et hic, si in  $\overline{\text{LVIII}}.\overline{\text{XLVIII}}$  octava pars reperiri posset, cum ipsa octava ei adderetur, is numerus qui exinde fieret, sesquioctavus ei esset, <sup>5</sup>sed is tamen ultra  $\overline{\text{LXV}}.\overline{\text{DXXXVI}}$ , i. tertium numerum prodiret, et ideo ipse  $\overline{\text{LXV}}.\overline{\text{DXXXVI}}$  nullo modo sesquioctavus primi fieri potest. <sup>6</sup>Quapropter, cum inter primum terminum et tertium duo sint semitonia, nec tamen ipsi duo sibi comparati tonum valeant facere, <sup>7</sup>patenter ostenditur unum semitonium non esse dimidium toni, sed minus a medietate habere.

<sup>8</sup>Octava autem pars minimi termini, quamvis integris deficiat numeris, hoc dumtaxat modo reperiemus, si unitatem, quae ultima redundat, in VIII dividamus, cuius haec est computatio:

<sup>9</sup>Octava  $\overline{\text{LVI}}$  est  $\overline{\text{VII}}$   
 octava  $\overline{\text{II}}$  est CCL  
 octava  $\overline{\text{I}}$  est CXXV  
 octava XLVIII est VI.

<sup>10</sup>Restat octava pars unius, qui simul fiunt  $\overline{\text{VII}}.\overline{\text{CCCLXXXI}}$  et octava I, qui ipsi  $\overline{\text{LVIII}}.\overline{\text{XLVIII}}$  additus fiunt  $\overline{\text{LXVI}}.\overline{\text{CCCCXXX}}$  et octava I, qui v. superant  $\overline{\text{LXV}}.\overline{\text{DXXXVI}}$  octingentis nonaginta IIII unitatibus <et octava I.> <sup>11</sup>Ideoque primus terminus ad tertium non potest dici, quod habeat totum minorem in se et eius octavam, <sup>12</sup>cum tot unitatibus, ut dictum est, supercrescit, et insuper octava

parte unitatis. <sup>13</sup>Nulloque modo sesquioctavus, i. proportio toni, inter eos reperitur, et duo semitonia ad tonum non adtingunt.

<sup>14</sup>Differentie vero, quae sunt inter utrosque numeros, si addantur minimo, i.  $\overline{\text{LVIII}}.\overline{\text{XLVIII}}$ , efficiunt primum, i.  $\overline{\text{LXV}}.\overline{\text{DXXXVI}}$ .

<sup>15</sup>Est autem differentia maximi et medii  $\overline{\text{III}}.\overline{\text{CCCXXVIII}}$ , differentia medii et minimi  $\overline{\text{III}}.\overline{\text{CLVIII}}$ . <sup>16</sup>Qui simul iuncti faciunt  $\overline{\text{VI}}.\overline{\text{CCCCLXXXVII}}$ , qui additi superiori numero, i.  $\overline{\text{LVIII}}.\overline{\text{XLVIII}}$

faciunt  $\overline{\text{LXV}}.\overline{\text{DXXXVI}}$ . <sup>17</sup>Differentia quoque maximi et minimi est similiter  $\overline{\text{VI}}.\overline{\text{CCCCLXXXVII}}$ , quae divisa duo semitonia fecit.

<sup>18</sup>Ipsa tamen differentia  $\overline{\text{VIII}}^{\text{va}}$  pars minimi esse nullatenus potest, cum supra collecta sit in  $\overline{\text{VII}}.\overline{\text{CCCLXXXI}}$  et octava unitatis, quae ipsam differentiam superat  $\overline{\text{DCCCXCIII}}$ .

*Lz Mj<sup>2</sup> Mh Mk Mm Pe<sup>5</sup> Sh Wb Llz*

1 numerus *Sh* coaptare] captare *Mm* ut si] ut *Mm* numerum] *om. Mm* sui] suam *MfMhMkMmSh* et sic] et si *MfMhMkMmSh* sit] est *Mm*

2 qui ad eum sesquialter est *MfMhMkMmPeSh*

3 ipsi] ipsius *Sh* et sic deinceps *Pe*

4 ergo] igitur *MfMhMkMmSh* et hic] hic *Mm*  $\overline{\text{LVIII}}.\overline{\text{XLVIII}}$ ]  $\overline{\text{VIII}}.\overline{\text{XLVIII}}$  *Mh*

5 i. tertium -  $\overline{\text{LXV}}.\overline{\text{DXXXVI}}$ ] *om. Mm* potest] posset *Llz*

6 inter primum terminum] in terminum primum *Mm* duo sibi ipsi *Sh* facere] adimplere *MfMhMkMmSh* aliter facere *suprascr. MhMk*

8 autem] *om. Mm* deficiet *Llz* hoc dumtaxat hoc modo *Sh* modo] *om. Mm* haec est] habet *Wb*

9  $\overline{\text{LVII}}$  *Llz*  $\overline{\text{VII}}$ ]  $\overline{\text{VI}}$  *Sh* octava  $\overline{\text{II}}$  -  $\overline{\text{CXXV}}$ ] *om. Pe*  $\overline{\text{CCL}}$  est *MfMhMkMmSh* Octava ] Octava in *ShLlz*  $\overline{\text{XLVIII}}$  *Wb*

10 pars unius  $\overline{\text{VIII}}^{\text{va}}$  *Mm* ]] *om. MhPe* s. pars unitatis *suprascr. Mh* pars unitatis *MfMkMmSh* simul] *om. Llz* qui ipsi - et octava ]] *om. MfMhMkMmPeSh*  $\overline{\text{LXVI}}.\overline{\text{CCCXXX}}$ ]  $\overline{\text{LXVI}}.\overline{\text{CCCXXX}}$  *LzLlz* superant] supeperant *Lz*  $\overline{\text{LXV}}.\overline{\text{DXXXV}}$  *Pe* octingentis nonaginta  $\overline{\text{III}}$ ]  $\overline{\text{DCCCLXXXIII}}$  *Mm*

12 supercrescat *Mm*

13 i.] unius *Llz* inter eos] *om. Mm*

14 utros *Pe* primum, i.] primum id *Lz* primum *MfSh*

15 medii et maximi *Mh*  $\overline{\text{III}}.\overline{\text{CCCXXVIII}}$ , differentia medii et minimi] *om. MfSh*  $\overline{\text{III}}.\overline{\text{CCCXXVIII}}$ , differentia medii] *om. Pe*

16 superiori *Mk*  $\overline{\text{LVIII}}.\overline{\text{XLVIII}}$ ]  $\overline{\text{XLVIII}}.\overline{\text{XLVIII}}$  *corr. ex*  $\overline{\text{LVIII}}.\overline{\text{XLVIII}}$  *Llz*  $\overline{\text{LVIII}}.\overline{\text{XLVIII}}$  faciunt] *om. rel. Mm*

17 quoque] *om. MfMhMkSh* fecit] facit *LzLlz*

18 Ipsi *Wb*  $\overline{\text{VII}}.\overline{\text{CCCCLXXXI}}$  *Pe*  $\overline{\text{VI}}.\overline{\text{CCCLXXXI}}$  *Sh* unitatis] unitas *Lz MfMhMkPeSh Wb Llz*

## 262,29 QUODSI

101 sed <si>

*Vrf*

**262,29 PRIMI**102  $\overline{\text{LXV.DXXXVI}}$ *PbV2Aut*

103 termini

*Aut***262,29 SECUNDUM**104 vel medium  $\overline{\text{LXII.CCVIII}}$ *PbV2Aut*vel medium] *om. Aut***262,30 QUAE**

105 proporcio

*Aut***262,30 SECUNDI**

106 numeri

*Aut***262,30 TERTIUM**107  $\overline{\text{LVIII.XLVIII}}$ *Aut***263,1 INTEGRI ESSE SEMITONII PROBARETUR**

108 quia utraque sunt semitonia

*WbWnEwn***263,1 DIMIDIA**

109 semitonia

*PbV2Aut***263,3 EXTREMORUM TERMINORUM**110  $\overline{\text{LXV.DXXXVI}}$  et  $\overline{\text{LVIII.XLVIII}}$ *Aut*



**263,4 DUO SPATIA**

- 111  $\overline{\text{LXV}}.\text{DXXXVI}$  ad  $\overline{\text{LXII}}.\text{CCVIII}$  ad  $\overline{\text{LVIII}}.\text{XLVIII}$   
*Aut*
- 112 semitoniorum  
*Pts*

**263,5 CUIUSCUNQUE**

- 113 toti  
*Aut*
- 114 rei  
*Vrf*

**263,6 ILLUD**

- 115 integrum  
*Pn*
- 116 totum  
*Aut*

**263,7 SI VERO ILLUD**

- 117 dimidium  
*Wi*

**263,8 SI VERO SUPERFLUAT**

- 118 illa particula  
*Aut*

**263,9 PRAETEREA PROBABUNTUR AUTEM  $\overline{\text{LXV}}.\text{DXXXVI}$  NON FACERE SESQUIOCTAVAM PROPORTIONEM**

- 119 Quod dicit: Patens erit inter istos numeros non esse sesquioctavam proportionem, si ipsis numeris inter se comparatis addatur minori eius pars octava; et enim secundum regulas arithmetice patens est. Regula enim est, si duo numeri sint in sesquioctava proportione, octava parte minoris addita sibi numerus, qui fiet inde, et ipse erit in eadem proportione, quod non est hic.  
*Vrf*

## 263,9 PRAETEREA PROBABUNTUR

- 120 hec a toto  
*Bz*
- 121 quod tantum restat  
*Vrf*

## 263,9 PROBABUNTUR

- 122 patens erit  
*Vrf*

## 263,10 NON FACERE SESQUIOCTAVAM PROPORCIONEM

- 123 quia non habet perfectam et deliberatam VIII<sup>am</sup> partem hic numerus  
*O*

263,11 LVIII.XLVIII

- 124 dativus  
*Vrf*

## 263,11 COMPARENTUR

- 125 scilicet  
*Aut*
- 126 inter se  
*Vrf*

263,12 OCTAVA PARS LVIII.XLVIII

- 127 De LVIII.XLVIII octava pars sunt VII.CCCLXXXI et octava pars unius [i. uncia et semis] [s. sescuntia ].  
*OQ<sup>2</sup>SV<sup>1</sup>CgMcPb<sup>3</sup>PnPq*  
De] DC O LVIII et XLVIII *McPn* LVIII.XLVIII *Pq* sunt] est *Cg* et octava pars unius] *om. OPn* unius] unitatis *Cg* unus *Mc* i. uncia et semis] *add. Pb* s. sescuntia ] *add. Cg*
- 128a quae est VII.CCCLXXXI et – et  $\xi$ , i. uncia et semis  
*BzMcMmPb<sup>3</sup>AutLryVrf*  
et – et  $\xi$ , i. uncia et semis]  $\xi$  *Bz* et uncia et semis *Mm* et octava pars unitatis, i. besis *Aut* et est *Lry* et uncia – et semis V *Vrf* i. uncia et semis] *om. Pb*

- 128b Quae est  $\overline{\text{VII.CCCLXXXI}}$  𐌺, quae iuncta ad  $\overline{\text{LVIII.XLVIII}}$  faciunt  $\overline{\text{LXVI.CCCCXXX}}$  𐌺, qui superat numerum  $\overline{\text{LXV.DXXXVI}}$  ea differentia, quae in  $\overline{\text{DCCCXCIII}}$  numero continetur.

*Bc*  
 $\overline{\text{VII.CCCLXXXI}}$   $\overline{\text{XII.CCCLXXXI}}$  *Bc*  $\overline{\text{LXVI.CCCCXXX}}$   $\overline{\text{CXI.CCCCXXX}}$   
*Bc*  $\overline{\text{DCCCXCIII}}$   $\overline{\text{XLV.DCCCXCIII}}$  *Bc*

- 128c  $\overline{\text{VII.CCCLXXXI}}$  et remanet I

*WiBwi*

- 129 huius pars octava  $\overline{\text{VII.CCCLXXXI}}$  et octava pars unitatis, quae minori addita supervadit  $\overline{\text{LXV.DXXXVI}}$   $\overline{\text{DCCCXCIII}}$ .

*La*

### 263,12 OCTAVA PARS

- 130 numeri huius

*V2*

- 131  $\overline{\text{VII.CCCLXXXI}}$

*V2*

### 263,12 EISDEM

- 132 sibi

*Bx*

- 133  $\overline{\text{LVIII.XLVIII}}$

*Pb\*Pc<sup>5</sup>Aut*

### 263,13 AGGERATUR

- 134 agitatur

*Ma*

- 135 copuletur

*Vrf*

### 263,13 QUAE QUONIAM IN INTEGRIS NUMERIS NON CONSISTIT

- 136 octava pars; quia ad octavam partem unus in octo dividitur.

*OQ<sup>2</sup>V<sup>1</sup>CgEiEnKnMf<sup>2</sup>MhMkPbPe<sup>5</sup>PnPq\*ShWbWiWnAutEwnLpl*  
 octava enim <...> quia ad octavam <...> in octo dividitur *O* octava pars] *om.*  
*EiEnMfMhMkSh* octava *Wi* pars octava *Aut* quia - dividitur] *om.* *QCgPbWi*  
 partem] *om.* *Aut* unus] unitas *Pe* in] id est *PnLpl* dividit *Kn*

263,14 IDCIRCO EANDEM OCTAVAM PARTEM RELINQUIMUS LECTORUM DILIGENTIAE COMPUTANDAM

137 Fuit  $\overline{\text{LXVI.CCCCXXX}} \xi$ .

*Bz*

138 <sup>1</sup>De  $\overline{\text{LVIII.XLVIII}}$  octava pars [est]  $\overline{\text{VII.CCCLXXXI}}$  et octava pars unius. <sup>2</sup>Que octava si  $\overline{\text{LVIII.XLVIII}}$  addatur, supervadit  $\overline{\text{LXV.DXXXVI}}$  numerum, et ideo  $\overline{\text{LXV.DXXXVI}}$  non faciunt sesquioctavam proportionem, si  $\overline{\text{LVIII.XLVIII}}$  comparentur.

<sup>3</sup>Duo vero semitonia, i. differentia inter  $\overline{\text{LVIII.XLVIII}}$  ad  $\overline{\text{LXII.CCVIII}}$  et differentia inter  $\overline{\text{LXII.CCVIII}}$  ad  $\overline{\text{LXV.DXXXVI}}$  primo termino comparata, i.  $\overline{\text{LVIII.XLVIII}}$ , terminum tertium reddunt, i.  $\overline{\text{LXV.DXXXVI}}$ . <sup>4</sup>Est vero unum semitonium, quod est inter primum terminum ac secundum  $\overline{\text{III.CCCXXVIII}}$ , aliud quod est inter secundum ac tertium  $\overline{\text{III.CLVIII}}$ . <sup>5</sup>Quae duo semitonia, quoniam octavam partem  $\overline{\text{LVIII.XLVIII}}$  non adaequabunt, i. tonum, non sunt vere unius toni dimidia sed minus.

*EiEnKnLzMf<sup>2</sup>MhMkPeShWb\*WnEwnPts*

1  $\overline{\text{LVIII.XLVIII}}$  *Ewn* est] *add. Pts*  $\overline{\text{VII.CCCLXXXI}}$   $\overline{\text{VI.CCLXX}}$  *Ei*  $\overline{\text{VI.CCXXX}}$  *En*  $\overline{\text{VII.CCLVIII}}$  *KnWnEwn*  $\overline{\text{VII.CCLXXX}}$  *Pe*  $\overline{\text{VII.CCLVIII}}$  *Wb* unius] unitatis *LzMfMhMkSh* unitatis i. *Pts*

2 Que] qui *MfMhMkPeSh* si] si eisdem *Pts* numerum] *om. Pe* et ideo non faciunt  $\overline{\text{LXV.DXXXVI}}$  *Pts* ideo  $\overline{\text{LXV.DXXXVI}}$  ideo  $\overline{\text{LXII.DXXXVI}}$  *Lz* proportionem] *habitudinem LzMfMhMkSh*

3 vero] *om. Pts* et differentia inter  $\overline{\text{LXII.CCVIII}}$ ] *om. Kn* inter] in *Mf* ad  $\overline{\text{LXV.DXXXVI}}$ ] ad  $\overline{\text{LXV.DXXX}}$  *EiEnKnLzMfMhMkPeShWbWnEwn* primo termino i.  $\overline{\text{LVIII.XLVIII}}$  coniuncta *Pts* termino primo *Mk* tertium terminum *Pts* i.  $\overline{\text{LXV.DXXXVI}}$ ] i.  $\overline{\text{LXV.DXXX}}$  *EiEnKnLzMfMhMkPeShWnEwn*  $\overline{\text{LXV.DXXXVI}}$  *suprascr. Wb*

4 vero] autem *Pe* quod inter primum terminum est ad secundum *Pts*  $\overline{\text{III.CCCXXVIII}}$ ]  $\overline{\text{III.CLVIII}}$  *KnWbWnEwn* in  $\overline{\text{CCCXXVIII}}$  *Lz*  $\overline{\text{III.CLVIII}}$  *Pts* aliud] ad aliud *LzMfMhMkPeSh* aliud vero semitonium *Pts* secundum et tertium *En* secundum terminum ad tertium *Pts*  $\overline{\text{III.CLVIII}}$ ]  $\overline{\text{III.CCCXXVIII}}$  *KnWbWnEwn*  $\overline{\text{III.CCCXXVIII}}$  *Pts*

5 octavam partem minimi termini, i. *Pts*  $\overline{\text{LVIII.XLVIII}}$ ]  $\overline{\text{LXIII.XLVIII}}$  *Lz* adaequabunt] adaequant *Pe* dimidia toni *Pe* dimidia dimidia *Pts* *instar textus Sh*

139 <sup>1</sup>Quinquaginta novem milium  $\overline{\text{XLVIII}}$  octava pars est  $\overline{\text{VII.CCCLXXXI}}$  et octava pars unitatis. <sup>2</sup>Quae eisdem quinquaginta novem milibus  $\overline{\text{XLVIII}}$  addita efficit sexaginta sex milia  $\overline{\text{CCCCXXX}}$  et octavam, <sup>3</sup>qui superant  $\overline{\text{LXV.DXXXVI}}$  octingentis nonaginta quatuor unitatibus et octava parte unitatis.

*PeHwg*

1 septem milia trecenti octaginta quatuor *Hwg*

2 octava *Pe*

## 263,14 EANDEM OCTAVAM PARTEM

140 de LVIIII.XLVIII  
Pe<sup>5</sup>

141 VII.CCCLXXXI et octavam partem unitatis, i. besis  
Aut

## LIB. II, CAP. 30

## 263,20 DE MAIORE PARTE TONI, IN QUIBUS MINIMIS NUMERIS CONSTET.

## 1 Apotome

*R1AutLryVrf*

- 2 <sup>1</sup>Si CCXLIII octava requiritur, erit XXX et trium unitatum octavae partis. <sup>2</sup>Quae eisdem addita efficit CCLXXIII cum trium unitatum octavis [i. triente et semuntia]. <sup>3</sup>Sunt ergo in semitonii proportione CCLVI ad CCXLIII, quorum differentia XIII, minus quam minoris octavam decimam, plus vero quam nonam decimam partem obtinet. <sup>4</sup>Si enim octies decies XIII ducas, efficies CCXXXIII, qui sunt minores CC<sup>ti</sup>XLIII<sup>bus</sup> novenario; <sup>5</sup>si novies decies, reddes CCXLVII, maiores quam CCXLIII quaternario.

<sup>6</sup>In apotomes vero proportione constant CCLXXIII cum trium unitatum octavis [i. triente et semuntia] ad CCLVI, quorum differentia XVII cum trium unitatum octavis minus quam minoris quartam decimam, plus vero quam quintam decimam optinet partem.

<sup>7</sup>Quia, si quater et decies XVII ducas, erunt CCXXXVIII, et si trium unitatum octavas [i. trientem et semuntiam] ducas quater et decies, efficient V unitates et quadrantem unitatis. <sup>8</sup>Hos ducentis XXXVIII si iungas fient CC<sup>ti</sup>XLIII et quadrans, minores s. CC<sup>ti</sup>LVI XII unitatibus et tribus quartis partibus unitatis.

<sup>9</sup>Si vero quinquies et decies XVII ducas, fient CCLV, at si trium unitatum octavas per XV numeres, reddent integras V unitates et V octavas. <sup>10</sup>Hos iunge CC<sup>s</sup>LV facies CCLX et V octavas, qui superant CCLVI quatuor unitatibus et V octavis.

<sup>11</sup>Igitur si numeris integris haec omnia videre desideras, tam suprascriptos terminos quam differentias per octonarium numera, et nihil molestum reperire te gaudebis. <sup>12</sup>Duc ergo CCXLIII octies, fient tibi I.DCCCCXLIII. <sup>13</sup>Octies CCLVI II.XLVIII.

<sup>14</sup>Octies CCLXXIII sunt II.CLXXXIII. <sup>15</sup>Octies tres octavae partes tres integras unitates efficient. <sup>16</sup>Quas iunge II.CLXXXIII, fient II.CLXXXVII in sesquioctava se continentes habitudine ad I.DCCCCXLIII. <sup>17</sup>Quorum differentia est CCXLIII, quae ex XXX et trium unitatum octavis distantia s. CCXLIII<sup>um</sup> et CC<sup>torum</sup>LXXIII<sup>um</sup> cum trium unitatum octavis sic octies aucta concrevit. <sup>18</sup>Octies XXX sunt CCXL, octies trium octavae tres integre unitates; inde haec differentia CC<sup>torum</sup>XLIII summae est.

<sup>19</sup>In semitonii vero minoris habitudine constant II.XLVIII ad

Ī.DCCCCXLIII, quorum differentia est CIII ex XIII distantia CC<sup>torum</sup>XLIII<sup>um</sup> et CCLVI octuplicata.

<sup>20</sup>Obtinetque minoris minus quam octavam decimam, plus vero quam nonam decimam, <sup>21</sup>quia octies decies CIII sunt Ī.DCCCLXXII<sup>o</sup> s. ex CCXXXIII octuplicatis facti, <sup>22</sup>et sunt minores Ī.DCCCC<sup>tis</sup>XLIII<sup>bus</sup> LXXII<sup>bus</sup> unitatibus, quae ex novenario quo CCXLIII CC<sup>torum</sup>XXXIII superabant, octies aucto creverunt.

<sup>23</sup>Si vero novies decies CIII<sup>o</sup> augeas, habebis Ī.DCCCCLXXVI, s. ex CC<sup>tis</sup>XLVII in octo ductis, <sup>24</sup>qui sunt maiores Ī.DCCCC<sup>tis</sup>XLIII his XXXII<sup>bus</sup> unitatibus, quae ex III quo CCXLIII CCXLVII vincebantur, octies aucto creverunt.

<sup>25</sup>At in apotomis proportione consistunt Ī.CLXXXVII ad Ī.XLVIII, quorum differentia est CXXXVIII, ex XVII et trium unitatum octavis aucta sic: <sup>26</sup>Octies XVII sunt CXXXVI, octies octavae trium integrae tres unitates iunctaeque CXXXVI reddunt CXXXVIII, <sup>27</sup>obtinetque minus quam minoris quartam decimam, plus vero quam quintam decimam. <sup>28</sup>Quia, si quater decies CXXXVIII ducas, habebis Ī.DCCCCXLVI ex CCXLIII et quadrante unitatis sic auctos: <sup>29</sup>Octies CCXLIII Ī.DCCCCXLIII, quadrans quoque octies auctus duas integras efficit unitates. <sup>30</sup>Iunge Ī.DCCCCXLIII, erunt tibi Ī.DCCCCXLVI. <sup>31</sup>Et sunt minores Ī<sup>bus</sup>.XLVIII CII unitatibus, quae ex XII et III<sup>bus</sup> quaternis unitatum partibus, qui CCXL cum quadrante et CCLVI distabant, sic venerunt: <sup>32</sup>Octies tres quartae integrae VI, octies XII XCVI sunt. <sup>33</sup>Iunge et tene CII.

<sup>34</sup>Quodsi quinques et decies CXXXVIII facias, erunt Ī.LXXXV ex CCLX et quinque octavis octuplicatis sic: <sup>35</sup>Octies CCLX Ī.LXXX, octies quinque octavae unitatis partes integras V efficiunt. <sup>36</sup>Iunge superioribus et habe Ī.LXXXV, <sup>37</sup>qui sunt maiores Ī<sup>bus</sup>.XLVIII his XXXVII monadibus, qui ex quaternario et V octavis, qui CCLVI vincebant sic pullularunt: <sup>38</sup>Octies III XXXII, octies V octavae integrae V sunt. <sup>39</sup>Iunge et habe XXXVII.

*PeWqHwg*

1 trium unitatum octavae partis] triens et semuntia Wq

2 CCLXXIII] ducentos LXXIII Wq i. triente et semuntia] add. Wq

3 CCXLIII] CCXLIII Hwg quorum] quarum Wq

4 XIII] XVI Wq ducas] dicas Hwg CXXXVIII] CCXXXIII Hwg novenario; si novies decies, reddes CCXLVII, maiores quam CCXLIII] om. Hwg

5 CCXLVII] CCXLVI Wq

6 constat Wq CCLXXIII] CCLXXIII Wq i. triente et semuntia] add. Wq trium unitatum octavis] triente et semuntia Wq unitatum] om. Hwg minoris quartam decimam] om. Wq minoris quarta decimam Pe

- 7 quater decies *Hwg* i. trientem et semuntiam] *add. Wq* efficiunt *Wq* V unitates et quadrantem unitatis] quinque asses et bissemi, i. V unitates et mediam et tertiam partem unitatis *Wq*
- 8 si iungas] seiungas *Hwg* CC<sup>ti</sup>XLIII] CCLXXIII *Wq* quadrans] quadras *Hwg* XII] tredecim *Wq* quartis] quadras *Wq*
- 9 Si] i. *Wq* CCLV] CCLVI *WqHwg* numeres] numeros *Wq* minores *Hwg*
- 10 CC<sup>8</sup>LV] CC<sup>8</sup>V *Pe* superant] supererant *PeHwg*
- 11 haec omnia] *om. Pe* suprascriptos] supradictos *Wq* moleste] *Wq* te reperire *Hwg*
- 12 fient] fiunt *Pe* I.DCCCCXLIII] 1943 *Hwg*
- 14 CCLXXIII] CCLXXXII *Wq*
- 15 partes] *om. Hwg*
- 16 II.CLXXXIII] 2183 *Hwg* fient II.CLXXXVII] *om. Hwg* II.CLXXXVII] *om. rel. Wq* cum trium] *om. Hwg*
- 18 Octies XXX sunt CCXL] *om. Hwg* summae] summa *Hwg*
- 19 semitoni *Hwg*
- 20 obtinet *Hwg* octovam *Pe*
- 21 decies] *om. Pe*
- 22 octies octo *Pe*
- 24 III] CIII *Pe* CCXLVII] DCCXLVII *Pe* octies octo *Pe*
- 25 apotomes *Hwg* ad II.XLVIII] *om. Hwg* et trium unitatum] unitati *Pe*
- 26 tres unitates] unitatis *Pe* CXXXVI reddunt] *om. Pe*
- 27 obtinet *Hwg*
- 28 si quater] sequatur *Hwg* quadrantem unitatis si *Hwg*
- 29 quadrans] quadras *Hwg* auctos *Pe* efficit] *om. Hwg*
- 30 I.DCCCCXLIII] I.DCCCCXLIII<sup>bus</sup> *Pe*
- 31 sunt] insunt *Hwg* II<sup>bus</sup>.XLVIII] 2049 *Hwg* quaternis] quartis *Hwg*
- 32 Octies 12 96 sunt: octies 3 quartae integrae 6 *Hwg*
- 36 II.LXXXV] 2805 *Hwg*
- 37 qui CCLVI] 260 *Hwg* pullulabunt *Hwg*
- 39 XXXVII] XXXVI *Pe*

## 263,21 PARS

- 3 toni  
*Pe*<sup>5</sup>V2Aut

## 263,21 APOTOME

- 4 Apotoma dicitur decisio.  
*KnMc*  
decisio dicitur *Mc*

## 263,22 DECISIO

- 5 secatio  
V2

## 263,23 FERT

- 6 apportat  
*Pe*<sup>5</sup>



**263,25 AUCTOR**

7 est

*Ri*

8 parte, qua minor deficit ad complendum dimidium

*Pe5***263,25 DIMIDIUM VINCAT**

9 natura fert

*Mm***263,26 QUANTUM IGITUR SEMITONIUM MINUS INTEGRO DIMIDIO TONI MINUS EST, TANTUM APOTOME TONI INTEGRUM SUPERAT DIMIDIUM.**

10 quia semitonium minus est medietate toni, apotome autem plus est medietate eiusdem.

*Vrf***263,26 DIMIDIO**

11 &lt;dimidi&gt;etate

*Pe5*

12 medietate

*Pn***263,28 SEMITONIUM**

13 minus

*V2Aut***264,1 PRINCIPALITER**

14 in primis numeris

*LaPbV2***264,1 EA**

15 proportio

*Aut*

**264,3 SI IGITUR CCXLIII PARTEM RECIPERE OCTAVAM POSSENT, CUM AD EUM SESQUIOCTAVUS NUMERUS COMPARARETUR**

16 Negando hoc dicit.

*Pe*<sup>5</sup>

17 Tunc octava ipsius sibi iuncta efficeret numerum, qui tercius poneretur, et CCXLIII † contra † CC uero LVI in medio. *Tunc habitudo CCLVI comparata ad sesquioctavam summam minimi numeri, v. ad illam, quae sibi conexas fuerat, apotomen necessaria ratione monstraret.*

*La*

contra] *lectio incerta La*

**264,3 PARTEM RECIPERE OCTAVAM POSSENT**

18 posset esse in sesquioctava proportione

*Vrf*

**264,3 OCTAVAM**

19a XXX  $\S$   $\xi$  CCLXXIII  $\S$   $\xi$

*Bx*

19b CCLXXIII  $\S$   $\xi$

*Pe*<sup>5</sup>

**264,4 POSSENT**

20a quod non possunt

*PbV*<sup>2</sup>

20b quod minime possunt

*Aut*

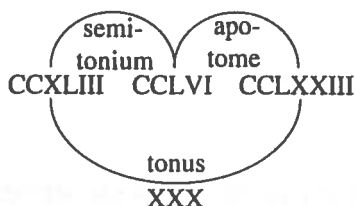
**264,4 CUM AD EUM SESQUIOCTAVUS NUMERUS COMPARARETUR, TUNC CCLVI HABITUDO AD SESQUIOCTAVAM SUMMAM MINIMI NUMERI COMPARATA APOTOMEN NECESSARIA RATIONE MONSTRARET**

21 quia inter CCXLIII et CCLVI semitonium minus, inter CCLVI uero et eum, qui esset sesquioctavus ad CCXLIII, maior pars toni esset, i. apotome

*Ei\*EnWb*

i.] *om. Wb*

22

*Pr*XXX] XXXL *Pr*

- 23 Si aliquis sesquioctavus numerus contineret eum totum et octavam partem eius, quod nequid esse, cum careat tertia parte, monstraretur ibi apotomen esse.

*Aut*

- 24 <sup>1</sup>Verbi gratia sit A nota numeri, ad quem CCXLIII faciant sesquioctavam proportionem, quod tamen non potest esse. <sup>2</sup>Et sit hoc modo:

CCXLIII CCLVI A

<sup>3</sup>Igitur, si inter CCXLIII et A est sesquioctava proportio, i. tonus, et inter CCXLIII et CCLVI est minus semitonium, igitur inter CCLVI et A esset apotome.

*Vrf*

#### 264,4 CUM AD EUM SESQUIOCTAVUS NUMERUS COMPARA- RETUR

- 25 CCLVI, qui partem VIII<sup>vam</sup> recipit

*Mm*

- 26 qui ab eo esset formatus

*PbV2*

#### 264,4 AD EUM

- 27 CCXLIII

*EiEnPe<sup>5</sup>WbAut*

#### 264,4 SESQUIOCTAVUS NUMERUS

- 28 qui fieret addita ei sua octava

*EiEnPe<sup>5</sup>Wb*octava sua ei addita *En*

- 29 aliquis  
*Aut*
- 30 ultimus s., hoc est A  
*Vrf*  
*cf. II,30,24*

**264,5 AD SESQUIOCTAVAM SUMMAM MINIMI NUMERI**

- 31 ad eum totum qui esset sesquioctavus ad minimum, i. CCXLIII  
*EiEnPe<sup>5</sup>Wb*  
eum totum] tonum *Pe* i. CCXLIII] *om. Wb (cf. II,30,35)*
- 32 ad numerum, qui faceret sesquioctavam proportionem cum  
CCXLIII, si fieri posset.  
*Aut*
- 33 ad ultimum, s. ad A  
*Vrf*  
*cf. II,30,24*

**264,5 SUMMAM**

- 34 cuius  
*Pe<sup>5</sup>*

**264,6 MINIMI NUMERI**

- 35 CCXLIII  
*BzKnPbPrV2WbWnEwn*

**264,6 APOTOMEN**

- 36 maiorem partem  
*Pn*

**264,7 EI**

- 37 minori numero  
*KnPr<sup>2</sup>WbWnEwn*
- 38 CCXLIII  
*PbPe<sup>5</sup>V2Aut*

**264,8 UTRIQUE NUMERI**

- 39 CCXLIII et CCLVI  
*Aut*

**264,8 OCTIES FIANT**

- 40 unusquisque multiplicetur per octies  
*Aut*

**264,8 ET EX CCXLIII QUIDEM OCTIES MULTIPLICATIS ...**

- 41 <sup>1</sup>CC octies [ducti]  $\bar{I}$ .DC.  
<sup>2</sup>XL octies CCCXX.  
<sup>3</sup>III octies XXIII.  
<sup>4</sup>Summa  $\bar{I}$ .DCCCCXLIII.  
<sup>5</sup>Hic adde CCXLIII fiunt  $\bar{II}$ .CLXXXVII.  
<sup>6</sup>CC octies  $\bar{I}$ .DC.  
<sup>7</sup>L octies CCCC.  
<sup>8</sup>VI octies XLVIII.  
<sup>9</sup>[Summa]  $\bar{II}$ .XLVIII.

*EiEn\*LzMf<sup>2</sup>MhMkShWbLlz*

1 ducti] *add. LzMfMhMkShLlz*  $\bar{I}$ .DC] in DC *Sh*

3 octies III *LzMfMhMkShLlz* XXIII] XXIII *Sh* XLIII *Llz*

4  $\bar{I}$ .DCCCCXLIII] in DCCCCXLIII *Sh*

5 fiunt] sunt *EiEn* faciunt *LzMfMhMkShLlz*

6 Item octies CC *LzMfMhMkShLlz*  $\bar{I}$ .DC] in DC *Sh*

7 octies L *LzMfMhMkSh* L] *om. Llz*

8 octies VI *LzMfMhMkShLlz*

9 Summa] *add. LzMhMkLlz* Summa vero *add. MfSh*

**264,8 EX CCXLIII**

- 42 multiplicatis; exponit, i. ex  
*Aut*

**264,9 M.DCCCCXLIII**

- 43 probatus fuit  
*PbV2*

**264,10 QUIBUS SI PROPRIA CONFERATUR OCTAVA**

- 44 quia habet eum totum in se et eius octavam partem, i. CCXLIII  
*O*

**264,10 QUIBUS**

- 45 M.DCCCCXLIII  
*Aut*

264,10 OCTAVA

46 pars  
OAut

264,11  $\bar{\text{II}}$ .CLXXXVII

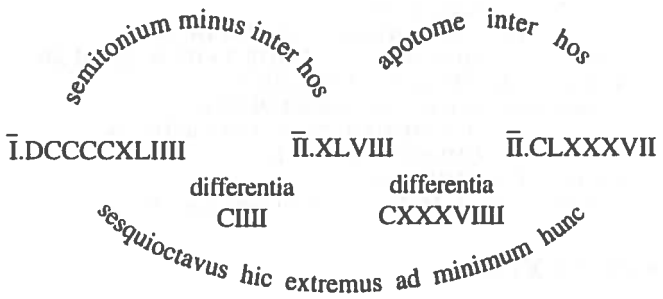
47 probatus  
PbV2

264,12 SUPRASCRIPTORUM TERMINORUM

48  $\bar{\text{II}}$ .CLXXXVII  
PbV2  
 $\bar{\text{II}}$ .LXXXVII V2

264,14 M.DCCCCXLIII.  $\bar{\text{II}}$ .XLVIII.  $\bar{\text{II}}$ .CLXXXVII.

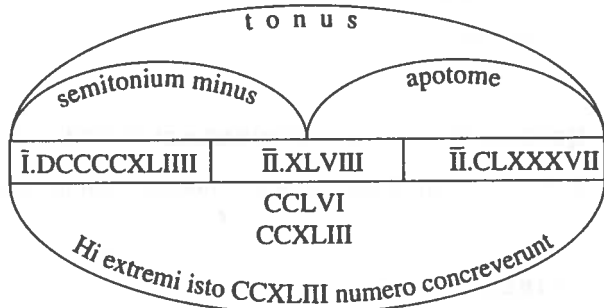
49a



*EiEnLzWb*

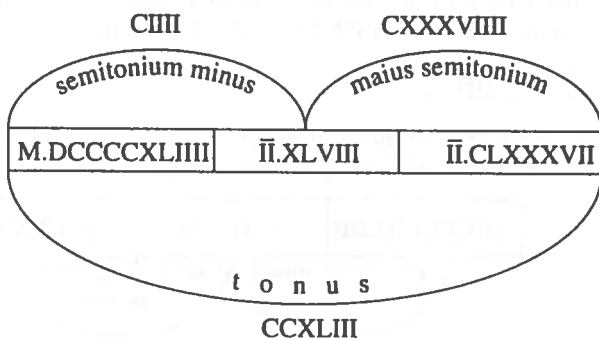
semitonium minus] semitermino Lz CXXXVIII] CXXXVIII LzWb hic] om.  
LzWb

49b



*La*

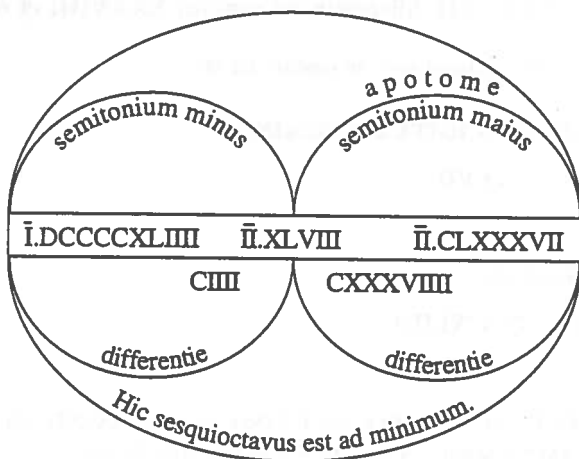
49c



*La\*Pb<sup>3</sup>Aut*

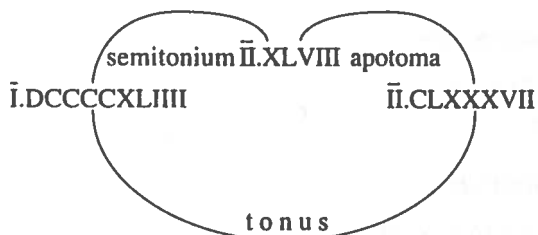
minus semitonium *La* semitonium minus - semitonium maius *Aut*

49d



*Mm*

49e

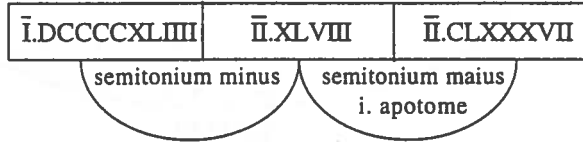


*Pr*

- 50 Inter  $\bar{I}.DCCCCXLIII$  et  $\bar{II}.XLVIII$  CIII sunt in differentia, et inter  $\bar{II}.XLVIII$  et  $\bar{II}.CLXXXVII$  CXXXVIII sunt in differentia.

*CgPnLpl*  
CIII] CXLIII *CgPnLpl*

- 51 CCXLIII per octonarium ducti octava pars earum his aucta fiunt  $\bar{II}.CLXXXVII$ . CCLVI per octonarium aucti fiunt  $\bar{II}.XLVIII$



*Mc*

- 52 Inter mille DCCCCXLIII et duo milia XLVIII differentia est centum quattuor et est semitonium minus; et inter  $\bar{II}.XLVIII$  ac  $\bar{II}.CLXXXVII$  differentia est centum XXXVIII et est apotome.

*Wi*  
centum quattuor] *corr. in centum III Wi*

### 264,15 TERTIUS IGITUR TERMINUS

- 53  $\bar{II}.CLXXXVII$   
*Aut*

### 264,15 PRIMUM

- 54  $M.DCCCCXLIII$   
*Aut*

### 264,16 SECUNDUS VERO AD PRIMUM SEMITONII MINORIS, APOTOMES VERO TERTIUS AD SECUNDUM.

- 55 Nam praedictus tonus CCXLIII minorem partem habet in CIII, maiorem in CXXXVIII.  
*Q<sup>2</sup>S*

### 264,16 SECUNDUS

- 56  $\bar{II}.XLVIII$   
*Aut*

### 264,16 PRIMUM

- 57  $M.DCCCCXLIII$   
*Aut*



**264,16 SEMITONII MINORIS**

- 58a optinet proportionem  
*OPe*
- 58b retinet proportionem  
*V2Aut*
- 59 CIIII  
*Q2S*

**264,16 APOTOMES**

- 60a CXXXIX  
*Q2S*
- 60b quae est CXXXVIII  
*Bx*
- 61 maior dimidio  
*PnLpl*
- 62 maius semitonium  
*Aut*

**264,17 TERTIUS AD SECUNDUM**

- 63 retinet proportionem  
*Aut*

**264,17 IN EISDEM**

- 64 tercio et secundo  
*PbPe5 V2Aut*

**264,17 PRIMIS**

- 65 [minimis] numeris  
*PbPe5*  
minimis] *add. Pe*
- 66 dirivatis  
*PnLpl*

**264,18 APOTOMES**

- 67 genitivus  
*OPe5*

**264,18 CUM SEMITONII IN CCLVI ET CCXLIII MINIMIS NUMERIS SPATIUM CONTINEATUR**

- 68 quod supra ostensum est  
*Vrf*

**264,18 SEMITONII**

- 69 spatium  
*V2*
- 70 minoris  
*PnLpl*

**264,19 MINIMIS**

- 71 in  
*Pn*

**264,21 IN EADEM PROPORZIONE SUNT**

- 72 in semitonio minore  
*Q<sup>2</sup>*
- 73 semitonium minus faciunt  
*PbV2*
- 74 limna, i. semitonium minus  
*Pe<sup>5</sup>*

**264,23 SI ENIM UNUS NUMERUS DUOS QUOSLIBET NUMEROS MULTIPLICET, ...**

- 75 ut II multiplices III et IIII, fiunt VI et VIII; ibi sesquitertia et hic.  
*EiEn*
- 76 Si quis accipiat senarium, cum sit sesquialter ad IIII, et multiplicet utrumque per eundem numerum vel binarium vel ternarium, in eadem erunt proportione, qua multiplicabuntur. Bis enim IIII faciunt VIII, bis VI faciunt XII. Ecce sesquialtera se habent proportione, et sic in infinitum.  
*Aut*

**264,23 DUOS QUOSLIBET NUMEROS**

- 77 ut CCXLIII et CCLVI  
*Aut*

**264,23 MULTIPLICET**

78 sicut octonarius multiplicavit modo CCXLIII et CCLVI

*Pb V2*

sicut octonarius] *repet. V2*

79 ut dicas octies CCXLIII et octies CCLVI

*Aut*

**264,24 QUI EX EA MULTIPLICATIONE NASCUNTUR**

80 numeri

*V2*

81 ut ex CCXLIII nascuntur M.DCCCCXLIII, et ex CCLVI nascuntur  $\bar{\text{II}}.XLVIII$

*Aut*

**264,25 QUA FUERINT HI NUMERI**

82 *qua fuerint* antequam multiplicarentur

*Pb V2*

**264,25 QUOS PRIOR NUMERUS MULTIPLICAVIT**

83 sicut M.DCCCCXLIII et  $\bar{\text{II}}.XLVIII in eadem proportione sunt, qua fuerunt CCXLIII et CCLVI, *quos multiplicavit prior numerus* octonarius, qui semitonium minus faciunt.$

*Pb V2*

## LIB. II, CAP. 31

## 265,1 PAENE PURIS NUMERIS

- 1 De pene paris numeris, i. non multiplicitatis sed simplicibus  
*O*
- 2 non adeo compositis; simplicibus  
*Pe*
- 3 *Pene numeris puris* dicit propter simplices, i. duplos triplos et reliquos.  
*Pe<sup>5</sup>*
- 4 quia non multum argumentose  
*Aut*
- 5 tantum in numeris  
*Vrf*

265,1 PAENE PARIS NUMERIS (*pro* PAENE PURIS NUMERIS)

- 6 diapason et c.  
*McMmAutLryVrf*  
et c.] *om. Mm* de dyapason *Vrf*

## 265,2 DIAPENTE ENIM CONSTAT EX TRIBUS TONIS AC SEMITONIO, ID EST EX DIATESSARON ET TONO.

- 7 et ostendit in numeris, qualiter hoc sit  
*Vrf*

## 265,4 DESCRIPTIO

- 8 figura  
*Vrf*

## 265,5 CXCII. CCXVI. CCXLIII. CCLVI.

- 9 In quibus numeris constat diatessaron; et designat duos tonos et semitonium: CXCII CCXVI CCXLIII CCLVI.  
*Aut*

## 265,7 TONORUM

- 10 duorum  
*Vrf*

**265,7 PROPORTIONES**

- 11 sesquioctavas  
*OCgPn*

**265,7 TERTIUS AD QUARTUM**

- 12 CCXLIII ad CCLVI  
*Aut*

**265,7 TERTIUS**

- 13 terminus  
*Aut*

**265,8 MINORIS**

- 14 retinet proportionem  
*V2Aut*

**265,8 UT SUPRA MONSTRATUM EST**

- 15 ecce diatessaron  
*Vrf*

**265,9 OCTAVA**

- 16 [pars, quae est] XXXII  
*OQ<sup>2</sup>MmPbPe<sup>5</sup>PiPnV2WbWiAutBwiTpiVrf*  
pars quae sunt XXVI *O* pars, quae est] *add. PbV2*
- 17 pars  
*Aut*

**265,9 EISDEM**

- 18 CCLVI  
*WiAutBwi*

**265,9 QUORUM OCTAVA EST**

- 19 CCLVI  
*Aut*

**265,9 APPONATUR**

- 20 XXXII  
*Aut*

**265,10 FIENT CCLXXXVIII, QUI CXCII COMPARATI SESQUAL-  
TERUM SPATIUM PROPORTIONIS EFFICIUNT**

- 21 In quibus numeris constat diapente; et declarat III tonos et semi-  
tonium.

*Aut*

**265,10 FIENT CCLXXXVIII**

- 22 tunc

*Aut*

- 23 CXCII CCLXXXVIII  
CXCII CCXVI CCXLIII CCLVI CCLXXXVIII

*Mc Vrf*

CXCII<sup>1</sup>- CCLXXXVIII<sup>1</sup>] *om. Vrf* CXCII<sup>2</sup>] CCXCII *Mc*

**265,10 QUI**

- 24 CCLXXXVIII

*Aut*

**265,12 PRIMUS**

- 25 CXCII

*Pb V2Aut*

**265,12 SECUNDUM**

- 26 CCXVI

*Pb V2Aut*

**265,12 SECUNDUS**

- 27 CCXVI

*Pb V2Aut*

**265,12 TERTIUM**

- 28 CCXLIII

*Pb V2*

**265,13 QUINTUS**

- 29 CCLXXXVIII

*Pb V2Aut*

**265,13 QUARTUM**

- 30 CCLVI  
*PbV2Aut*

**265,14 TERTII**

- 31 numeri  
*Pe<sup>5</sup>V2*
- 32 CCXLIII  
*V2Aut*

**265,14 QUARTUM**

- 33 CCLVI  
*Aut*

**265,14 COMPARATIO TENET**

- 34 quia ibi est semitonium minus, i. inter quartum et tertium.  
*O*
- 35 semitonium minus  
*V2*

**265,16 DIAPENTE VERO TRIUM TONORUM AC SEMITONII MINORIS**

- 36 quod utique est  
*Vrf*

**265,18 ERUNT**

- 37 tunc in diapason  
*Aut*

**265,19 NON EST IGITUR DIAPASON CONSONANTIA CONSTANS SEX TONIS**

- 38 quandoquidem illa duo minora spacia non implent unum tonum,  
igitur  
*Aut*

**265,20 SEX TONIS**

- 39 integris  
*Pq*

**265,21 ARISTOXENUS**

- 40 [Aristoxenus interpretatur] virtus auspicii  
*P<sub>n</sub>Wi*  
 Aristoxenus interpretatur] *add. Wi*  
*cf. II,91,98; III,1,1*

**265,21 ARBITRATUR**

- 41 sex tonis integris constare diapason  
*Q<sup>2</sup>*

**265,21 QUOD IN NUMERIS QUOQUE DISPOSITUM EVIDENTER APPARET.**

- 42 Modo dixi.  
*Aut*

**265,21 QUOD**

- 43 quaeres  
*Pe<sup>5</sup>*

**265,21 IN NUMERIS QUOQUE**

- 44 non solum in argumento praemisso  
*Aut*

**265,22 SEX ENIM TONI IN ORDINEM DISPONANTUR**

- 45 ut in subiecta figura patet, cum VIII sit octuplus ad unum, quod vocat primum tonum; et LXIII ad VIII est enim eius octuplus. Sic de aliis.  
*Aut*  
*cf. 265,26 (B30)*

**265,24 SEX VERO SESQUIOCTAVAE PROPORCIONES A SEXTO OCTUPLO PROCREANTUR.**

- 46 In quantum veniunt octupli ab uno, tantum a se sesquioctavas proporciones faciunt.  
*V<sup>1</sup>CgPr<sup>1</sup>Wq*  
 tantas *Cg* sesquioctavis *Wq*

**265,24 A SEXTO OCTUPLO**

- 47 qui est  $\overline{\text{CCLXII.CXLIII}}$ <sup>or</sup>, sicut patens est in sequenti figura.  
*Vrj*  
*cf. 265,26 (B30)*



265,26 I. VIII. LXIII. DXII. III.XCVI. XXXII.DCCLXVIII.  
CCLXII.CXLIII.

48 Octupli

*Vrf*

49 <sup>1</sup>Occies L CCCC

Occies X LXXX

Occies IIII XXXII

Simul DXII

<sup>2</sup>Occies D III

Occies XII XCVI

<Simul III.XCVI>

<sup>3</sup>Occies III XXXII

Occies XC DCCXX

Occies VI XLVIII

<Simul XXXII.DCCLXVIII>

<sup>4</sup>Occies XXXII CC-LVI>

Occies DCC V.DC

Occies LX CCCCLXXX

Occies V XL

Occies III XXIII

<Simul CCLXII.CXLIII>

*Mc*

<sup>3</sup> XXXII] XXXII *Mc*

265,27 AB HOC IGITUR ULTIMO

50 sexto octuplo

*Pn*

51 CCLXII.CXLIII

*Aut*

265,28 LOCENTUR HOC MODO

52 in figura, quae sequitur, aphet

*Aut*

*cf. 266,1-10 (B31)*

265,29 UT

53 ita

*Aut*

**265,29 PARTES**

- 54 octuplorum  
*Aut*

**265,30 TERMINORUM LATERIBUS ADIUNGANTUR**

- 55 Aspice ordinem in figura.  
*Aut*  
ordine *Aut*  
*cf. 266,1-10 (B31)*

**265,30 TERMINORUM**

- 56 sesquioctavorum  
*PbV2Aut*

**265,30 DESCRIPTIO**

- 57 vel dispositio  
*Kn*

**266,1-10 ad B31**

- 58 in XIII capitulo III libri  
*Q<sup>2</sup>*

- 59 <sup>1</sup>De CCLXII.CXLIII:  
 octava CC<sup>orum</sup> XXV  
 octava LVI VII  
 octava VI DCCL  
 octava XCVI XII  
 octava XLVIII VI  
<sup>2</sup>Item de CCXCHIII.DCCCCXII:  
 octava CC XXV  
 octava LXXXVIII XI  
 octava VI DCCL  
 octava DCCC C  
 octava CXII XIII  
<sup>3</sup>octava CCC XXXVII.D  
 octava XXIII III  
 octava III D  
 octava II CCL  
 octava DCCC C  
 octava CC XXV

octava	CCCC	L
octava	CC	XXV
<octava>	CLXXVI	XXII
<sup>4</sup> octava	<u>CCC</u>	<u>XXXVII.D</u>
octava	<u>LXIII</u>	<u>VIII</u>
octava	<u>VIII</u>	<u>I.CXXV</u>
octava	CC	XXV
octava	XLVIII	VI
<sup>5</sup> octava	<u>CCCC</u>	<u>L</u>
octava	<u>XVIII</u>	<u>II.CCCLXXV</u>
octava	DCCC	<C>
octava	<u>CIII</u>	<u>XIII</u>
<sup>6</sup> octava	<u>CCCC</u>	<u>L</u>
octava	<u>LXXII</u>	<u>VIII</u>
octava	CC	XXV
octava	CXCII	XXVIII

*Ei*\*

1 XCVI] XCII *Ei*

60	I	VIII	LXIII	DXII	<u>III.</u> XCVI	<u>XXXII.</u> DCCLXVIII	<u>CCLXII.</u> CXLIII	
	Partes octavae sequentium						Sesquioctavi	
	I	VIII	LXIII	DXII	<u>III.</u> XCVI	<u>XXXII.</u> DCCLXVIII	<u>CCLXII.</u> CXLIII	T
		VIII	LXXII	DLXX VI	<u>III.</u> DCVIII	<u>XXXVI.</u> DCCCLXIII	<u>CCXCIII.</u> DCCCCXII	O
			LXXXI	DCXL VIII	<u>V.C</u> <u>LXXXIII</u>	<u>XLI.CCCC</u> LXXII	<u>CCCXXXI.</u> DCCLXXVI	N
				DCXX VIII	<u>V.DCCC</u> <u>XXXII</u>	<u>XLVI.</u> DCLVI	<u>CCCLXXIII.</u> CCXLVIII	I
					<u>VI.</u> DLXI	<u>LII.CCCC</u> LXXXVIII	<u>CCCXVIII.</u> DCCCCIII	S
						<u>LVIII.</u> XLVIII	<u>CCCCLXXII.</u> CCCXCII	E
							<u>DXXXI.</u> CCCCXLI	X

*Pe*<sup>t</sup>

CCCLXXIII.CCXLVIII] CCCLXXIII.CCXLVII *Pe* TONI SEX] DIAPASON  
add. *Pe*

**266,1 I. (B31)**

- 61 Unitas ponitur, ut videatur cuius sit octuplus VIII.  
*Aut*

**266,11 HUIUS IGITUR DISPOSITIONIS HAEC RATIO EST.**

- 62 Modo exponitur figura.  
*Aut*  
*cf. 266,1-10 (B31)*

**266,11 CONTINUUS ENIM VERSUS**

- 63 VIII LXIII  
*Pe*<sup>5</sup>

**266,12 LIMES**

- 64 linearis mensura, ut trames transversa mensura  
*Aut*

**266,12 OCTUPLOS NUMEROS**

- 65 VIII LXIII et reliqui  
*Pb* V<sup>2</sup>  
reliqua V<sup>2</sup>

**266,12 A SEXTO VERO OCTUPLO**

- 66  $\overline{\text{CCLXII.CXLI}}$   
*Pb* V<sup>2</sup>*Aut*

**266,13 SESQUIOCTAVAE PROPORTIONES**

- 67 una post aliam in uno continuo tramite  
*Aut*

**266,13 DUCUNTUR**

- 68 procedunt  
V<sup>2</sup>

**266,14 SCRIPSIMUS**

- 69 in figura  
*Lry*  
*cf. 266,1-10 (B31)*

**266,14 EORUM NUMERORUM**

- 70 aspice in aliam transversam mensuram  
*Aut*  
*cf. 266,1-10 (B31)*

**266,15 QUAE**

- 71 octavae partes  
*V2Aut*

**266,16 APPONANTUR**

- 72 integritate, s. toni  
*Cg*

**266,16 POSTERIORES NUMEROS CREANT**

- 73 semet exponit  
*Aut*
- 74 sequentes in ordine  
*Vrf*

**266,17 HUIUS OCTAVA**

- 75 pars est  
*Aut*

**266,17 UT IN PRIMO ...**

- 76  $\overline{\text{CCLXII}}.\text{CXLIII}$   
 $\overline{\text{DXXXI}}.\text{CCCCXLI}$   
*Mc*  
 $\overline{\text{CCLXII}}.\text{CXLIII}] \textit{repet. Mc}$

**266,18 POSTERIOREM**

- 77 sequentem  
*Vrf*

**266,21 PRIORIS NUMERI**

- 78  $\overline{\text{CCLXII}}.\text{CXLIII}$   
*Aut*

**266,24 MINOR ERIT**

79 VII.CLIII  
*v1*

80 ille minimus numerus i. CCLXII.CXLIII  
*Aut*

**266,25 MAXIMUS**

81 DXXIII.CCLXXXVIII  
*Aut*

**266,26 DUPLUS EST**

82 illius s.  
*Aut*

**266,27 TENET**

83 scilicet  
*Aut*

**266,27 HIC IGITUR MINOR EST**

84 VII.CLIII  
*Q2\*01*

**266,27 HIC**

85 CCLXII.CXLIII  
*Aut*

**266,28 EO NUMERO**

86 minor est  
*Aut*

**267,1 ATQUE ID, QUOD SEX TONI DIAPASON CONSONAN-  
TIAM SUPERVADUNT, VOCO COMMA, QUOD CON-  
STAT IN MINIMIS NUMERIS DXXIII.CCLXXXVIII ET  
DXXXI.CCCCXLI.**

87 Comma  
*R1Lry*

88 Minimum comma inter  $\overline{\text{DXXIII}}.\text{CCLXXXVIII}$  et  $\overline{\text{DXXXI}}.\text{CCCCXLI}$ , sed differentia numerorum istorum sunt  $\overline{\text{VII}}.\text{CLIII}$ .

*Mm*

89 Nota in quibus minimis numeris comma constet, i.  $\overline{\text{VII}}.\text{CLIII}$ . Et haec est differentia, qua sex toni superant diapason consonantiam.

*Wb*

267,2 QUOD SEX TONI DIAPASON CONSONANTIAM SUPERVADUNT

90  $\overline{\text{VII}}.\text{CLIII}$

*EiEnMmAuVrf*

267,2 COMMA

91 Comma, i. offensio, i. qua offendit, ne sex toni in diapason sint.

*OQ<sup>1</sup>SV<sup>1</sup>OIPb<sup>3</sup>Pe<sup>5</sup>WqAut*

i. qua - sint] *om. Au i.] om. OIPeWq id QS qua] quia OPbPeWq corr. in qua V quae Ol sint in diapason O sint] sit QS*

*gl. cancell. Pb*

92 F<ulbertus>: Comma, i.  $\overline{\text{VII}}.\text{CLIII}$

*Pb<sup>3</sup>Lry*

Comma] *om. Lry*

267,2 QUOD CONSTAT IN MINIMIS NUMERIS  $\overline{\text{DXXIII}}.\text{CCLXXXVIII}$  ET  $\overline{\text{DXXXI}}.\text{CCCCXLI}$

93 nam inter  $\overline{\text{DXXIII}}.\text{CCLXXXVIII}$  et  $\overline{\text{DXXXI}}.\text{CCCCXLI}$  comma interest, i.  $\overline{\text{VII}}.\text{CLI}<\text{II}>$

*Q<sup>2</sup>\**

94 comma est ibi  $\overline{\text{VII}}.\text{CLIII}$

*Mf<sup>2</sup>MhMkSh*

267,2 QUOD

95 comma

*O*

267,3  $\overline{\text{DXXIII}}.\text{CCLXXXVIII}$  ET  $\overline{\text{DXXXI}}.\text{CCCCXLI}$

96 quorum est differentia  $\overline{\text{VII}}.\text{CLIII}$

*O*

97 inter hos duos commatis proportio [est]

*EiEnSz*

est] *add. Sz*

**267,4 ARISTOXENUS**

98 virtutis hospitium [interpretatur]

*OSOIPe<sup>5</sup>Wq*  
interpretatur] *add. Ol*  
*cf. III,1,1*

**267,5 QUI AURIBUS DEDIT OMNE IUDICIUM**

99 relicta ratione

*Pe<sup>5</sup>*