

# BAHNBESTIMMUNG DES KOMETEN 1847 V (BRORSEN)

von

PHIL. DR. ANTON SCHOBLOCH.

VORGELEGT IN DER SITZUNG AM 10. FEBRUAR 1898.)

Der Komet 1847 V wurde am 20. Juli von Brorsen in Altona entdeckt und am 12. September von Rümker in Hamburg zuletzt beobachtet. Während dieser Zeit wurden Beobachtungen erhalten in

Altona von Brorsen,  
Berlin von Encke,  
Bonn von Argelander und Schmidt,  
Hamburg von Rümker,  
Königsberg von Wichmann,

Kremsmünster von Reslhuber,  
Twickenham von Hind,  
Paris von Faye,  
Wien von Hornstein und Littrow.

Dieselben sind veröffentlicht in A. N. XXVI., XXVII., XXIX Bishops Obs., Königsberger Beob. XXIX, Ann. de l'Obs. de Paris XIX, Ann. der Wiener Sternw. IV.

Zu diesen in Galle Cometebahnen gegebenen Quellen tritt noch eine von August 13. bis September 12. reichende Beobachtungsreihe von Kremsmünster aus Ergänzungsband der A. N., deren Mittheilung ich Herrn Prof. Kreutz verdanke.

Zur Beurtheilung der Sichtbarkeitsverhältnisse des Kometen mögen folgende Bemerkungen der Beobachter dienen:

Altona,	Juli 21.—25.	Komet ungemein schwach.
Bonn,	Aug. 5.—18.	sehr hell, am 12. Schweifentwicklung, am 17. 14 <sup>h</sup> 5 <sup>m</sup> Schweif mindestens 15' lang.
Königsberg,	» 7.	hell, aber gross und verwaschen.
	» 18.	» sehr gross und hell.
	» 22.	» sehr hell, deutlich Spuren eines Schweifes.
Paris,	» 9.	» rund, hellere Stelle gegen die Mitte.
	» 10.	» ziemlich hell, lichtere Stelle gegen die Mitte.
	» 11.	» etwas heller, keinen ausgesprochenen Kern.
Twickenham, Juli	26.	» sehr schwach 2' Durchmesser.
	» 27.	» Kleine Nebelmasse mit einer Verdichtung im Centrum.
Aug.	7. Runde	» schwache » » »
	» 9.	» Sehr viel heller.

Die Beobachtungen liessen sich durch eine Parabel nicht darstellen. Quirling fand aus 3 Beobachtungen eine Ellipse von 124 Jahren Umlaufszeit, d'Arrest aus Beobachtungen bis August 17. eine solche von 75 Jahren, Gould und Hind aus je 3 Normalörtern Ellipsen von 81 und 99 Jahren Umlaufszeit. Bei diesen Berechnungen kamen ältere Vergleichsternpositionen und Sonnenörter in Anwendung, auch wurden die Wiener und Kremsmünsterer Beobachtungen nicht berücksichtigt.

Im Folgenden gebe ich die Resultate meiner Untersuchung über diesen Kometen. Es mögen zunächst die Constanten für die mittleren Tage 1847, welche nach Oppolzer's Tafeln berechnet wurden, angeführt werden.

1847 12 <sup>h</sup> mittl. Par. Zeit	<i>f</i>	log <i>g</i>	<i>G</i>	log <i>h</i>	<i>H</i>	<i>i</i>
Juli 20.	+30°000	1°20654	35°35'3	1°29609	35° 7'8	+3°749
21.	'195	755	20°2	621	153 12°5	3°807
22.	'324	857	17°0	573	152 17°2	3°985
23.	'452	958	7 8	525	151 21°8	4°103
24.	'581	1°21060	34 58'7	477	150 25°5	4°221
25.	'708	100	49°5	425	149 30°0	4°335
26.	'835	260	40°2	374	148 33°0	4°449
27.	'963	359	31°0	322	147 37°2	4°563
28.	31°090	459	21°7	270	146 40°8	4°677
29.	'207	547	13°2	210	145 44°2	4°780
30.	'324	635	4°7	162	144 47°0	4°894
31.	'441	723	33 50'1	108	143 51°0	5°002
August 1.	'558	811	47°7	953	142 54°5	5°110
2.	'673	898	39°2	1°28998	141 50°8	5°213
3.	'788	985	30°6	942	140 59°0	5°310
4.	'904	1°22072	22°0	880	140 1°3	5°420
5.	32°019	159	13°5	830	139 3°0	5°523
6.	'129	240	5°4	774	138 5°7	5°620
7.	'239	320	32 57'3	718	137 7°8	5°710
8.	'348	401	49°2	662	136 9°9	5°813
9.	'458	482	41°1	605	135 12°0	5°909
10.	'565	560	33°3	550	134 12°8	6°000
11.	'671	639	25°5	494	133 13°0	6°090
12.	'778	712	17°0	438	132 14°5	6°180
13.	'884	796	9°8	382	131 15°3	6°271
14.	'985	871	2°4	328	130 15°9	6°355
15.	33°885	946	31 54'9	275	129 10°5	6°438
16.	'185	1°23021	47°5	221	128 17°0	6°521
17.	'280	090	40°0	167	127 17°0	6°604
18.	'382	165	33°0	116	126 17°0	6°680
19.	'477	235	26°1	604	125 16°4	6°756
20.	'572	305	19°2	012	124 15°8	6°832
21.	'668	374	12°2	1°27901	123 15°1	6°909
22.	'758	441	5°8	915	122 14°4	6°977
23.	'848	508	30 59'4	868	121 13°6	7°045
24.	'938	575	53°0	821	120 12°9	7°113
25.	34°027	642	40°0	774	119 12°2	7°180
26.	'114	708	40°0	732	118 10°4	7°240
27.	'200	773	34°7	690	117 8°3	7°301
28.	'287	839	28°7	648	116 6°4	7°362
29.	'374	905	22°8	607	115 4°4	7°422
30.	'455	968	17°4	572	114 2°3	7°474
31.	'530	1°24031	11°9	530	113 0°2	7°525
September 1.	'617	095	6°5	500	111 58°1	7°570
2.	'698	158	1°0	405	110 56°1	7°628
3.	'778	220	29 56°0	438	109 53°0	7°672
4.	'858	283	51°1	410	108 49°8	7°715
5.	'938	345	46°2	382	107 46°6	7°758
6.	35°017	408	41°2	354	106 43°5	7°802
7.	'092	470	36°8	334	105 40°4	7°830
8.	'168	533	32°4	314	104 37°2	7°870
9.	'244	595	27°9	294	103 34°0	7°904
10.	'319	657	23°5	274	102 30°9	7°938
11.	'394	720	19°6	263	101 26°8	7°963
12.	'469	783	15°7	252	100 22°8	7°988
13.	'544	846	11°8	240	99 18°8	8°014
14.	+35°619	1°24909	29 7°9	1°27229	98 14°7	+8°039

Digitized by the Harvard University Library, Ernst May Library (Cambridge, MA) <http://www.biblio.univie.ac.at/>

Länge, Breite und Entfernung der Sonne wurden nach Leverriers Tafeln von 2 zu 2 Tagen direct berechnet und für die Zwischenzeit interpolirt.

Die auf das mittlere Äquinoctium 1847.0 bezogenen Werte sind:

1847 12 <sup>h</sup> mittl. Par. Zeit		$\odot$	B	log R	1847 12 <sup>h</sup> mittl. Par. Zeit		$\odot$	B	log R
Juli	20.	117°33'24".01	+ 0°14	0.0068758	August	17'	144°22'57".80	+ 0°31	0.0051429
	21.	118 30 41.47	.25	0.0068358		18'	145 20 43.12	.41	0.0050535
	22.	119 27 58.69	.37	0.0067942		19'	146 18 29.52	.51	0.0049627
	23.	120 25 16.28	.39	0.0067511		20'	147 16 16.97	.50	0.0048708
	24.	121 22 34.38	.41	0.0067007		21'	148 14 5.02	.49	0.0047778
	25.	122 19 53.13	.44	0.0066608		22'	149 11 55.57	.48	0.0046838
	26.	123 17 12.50	.40	0.0066135		23'	150 9 46.91	.47	0.0045890
	27.	124 14 32.05	.30	0.0065649		24'	151 7 39.74	.38	0.0044934
	28.	125 11 53.60	.28	0.0065150		25'	152 5 34.08	.28	0.0043909
	29.	120 9 15.57	.19	0.0064639		26'	153 3 29.99	.19	0.0042997
	30.	127 6 38.57	.11	0.0064113		27'	154 1 27.54	.09	0.0042017
	31.	128 4 2.01	- 0.02	0.0063572		28'	155 59 26.78	- 0.03	0.0041029
August	1.	129 1 27.75	.13	0.0063015		29'	155 57 27.78	.14	0.0040032
	2.	129 58 54.01	.25	0.0062443		30'	156 55 30.63	.20	0.0039028
	3.	130 50 21.49	.30	0.0061854		31'	157 53 35.30	.37	0.0038014
	4.	131 53 50.29	.43	0.0061247	September	1'	158 51 42.05	.41	0.0036992
	5.	132 51 20.38	.49	0.0060622		2'	159 49 50.70	.44	0.0035959
	6.	133 48 51.82	.55	0.0059970		3'	160 48 1.32	.48	0.0034914
	7.	134 46 24.53	.61	0.0059310		4'	161 40 13.93	.51	0.0033857
	8.	135 43 58.48	.55	0.0058622		5'	162 44 28.61	.44	0.0032787
	9.	136 41 33.70	.48	0.0057911		6'	163 42 45.29	.36	0.0031702
	10.	137 39 10.31	.44	0.0057178		7'	164 41 3.96	.29	0.0030600
	11.	138 30 48.13	.39	0.0056421		8'	165 39 24.50	.21	0.0029483
	12.	139 34 27.05	.27	0.0055641		9'	166 37 47.02	.09	0.0028352
	13.	140 32 7.09	.14	0.0054838		10'	167 36 11.28	+ 0.04	0.0027205
	14.	141 29 48.18	.12	0.0054015		11'	168 34 37.27	.16	0.0026044
	15.	142 27 30.34	+ 0.09	0.0053171		12'	169 33 4.96	.29	0.0024869
	16.	143 25 13.54	.20	0.0052309		13'	170 31 34.27	.38	0.0023679

Daraus ergaben sich mit der mittleren Schiefe der Ekliptik:

$$\varepsilon = 23^\circ 27' 33".26$$

folgende auf den mittleren Äquator und das mittlere Äquinoctium 1847.0 bezogene Sonnencoordinaten:

1847 12 <sup>h</sup> mittl. Par. Zeit		x	y	z
Juli	20.	- 0.4790110	+ 0.8262530	+ 0.3585070
	21.	0.4849082	0.8188780	0.3553072
	22.	0.4996676	0.8112730	0.3520074
	23.	0.5142854	0.8034417	0.3480091
	24.	0.5287580	0.7953852	0.3451729
	25.	0.5430816	0.7871052	0.3415799
	26.	0.5572522	0.7786043	0.3378908
	27.	0.5712058	0.7698848	0.3341004
	28.	0.5851191	0.7609487	0.3302278
	29.	0.5988087	0.7517978	0.3202502
	30.	0.6123303	0.7424345	0.3221924
	31.	0.6256799	0.7328612	0.3180373
August	1.	0.6388537	0.7230804	0.3137921
	2.	0.6518478	0.7130940	0.3094580
	3.	0.6646584	0.7029060	0.3050359
	4.	0.6772820	0.6925170	0.3005270
	5.	0.6897145	0.6819303	0.2959324
	6.	0.7019519	0.6711480	0.2912531
	7.	0.7139902	0.6601749	0.2864907
	8.	0.7258252	0.6490122	0.2810407
	9.	0.7374530	0.6370630	0.2767222
	10.	0.7488718	0.6201320	0.2717181
	11.	0.7600759	0.6144210	0.2666302
	12.	0.7710018	0.6025342	0.2614783
	13.	0.7818204	0.5904753	0.2562459
	14.	- 0.7923064	+ 0.5782482	+ 0.2509404

1847			x	y	z
12 <sup>h</sup> mittl. Par. Zeit					
August	15.	-	o·802 6788	+ o·565 8566	+ o·245 5634
	16.		o·812 7000	o·553 3043	o·240 1100
	17.		o·822 6091	o·540 5951	o·234 6018
	18.		o·832 2210	o·527 7328	o·229 0206
	19.		o·841 5957	o·514 7212	o·223 3745
	20.		o·850 7287	o·501 5044	o·217 6049
	21.		o·859 6185	o·488 2057	o·211 8936
	22.		o·868 2028	o·474 8280	o·206 0624
	23.		o·876 6593	o·461 2566	o·200 1725
	24.		o·884 8055	o·447 5534	o·194 2254
	25.		o·892 0991	o·433 7227	o·188 2227
	26.		o·900 3380	o·419 7079	o·182 1063
	27.		o·907 7197	o·405 6928	o·176 0570
	28.		o·914 8417	o·391 5012	o·109 8983
	29.		o·921 7020	o·377 1908	o·163 6901
	30.		o·928 2985	o·362 7832	o·157 4344
	31.		o·934 6290	o·348 2042	o·151 1331
September	1.		o·940 6911	o·333 6436	o·144 7880
	2.		o·946 4820	o·318 9255	o·138 4007
	3.		o·952 0012	o·304 1141	o·131 9728
	4.		o·957 2449	o·289 2134	o·125 5003
	5.		o·962 2115	o·274 2271	o·119 0031
	6.		o·966 8990	o·259 1600	o·112 4649
	7.		o·971 3053	o·244 6164	o·105 8935
	8.		o·975 4289	o·228 8012	o·099 2910
	9.		o·979 2680	o·213 5189	o·092 6596
	10.		o·982 8214	o·198 1745	o·080 0013
	11.		o·980 0875	o·182 7728	o·079 3182
	12.		o·989 0654	o·167 3185	o·072 6122
	13.	-	o·991 7536	o·151 8166	+ o·065 8854

Aus Gould's Elementen

T 1847 Sept. 9·52094 mittl. Pariser Zt.

$\pi \ 79^\circ \ 8' \ 27'' 28$   
 $\Omega \ 309 \ 50 \ 22 \cdot 53$   
 $i \ 19 \ 8 \ 59 \cdot 87$

 $\log q \ 9 \cdot 6886618$  $e \ 0 \cdot 9739298$ 

ergaben sich die heliocentrischen Äquatorialkoordinaten

$$x = 9 \cdot 9857664 r \sin(170^\circ 45' 9 \cdot 84 + v)$$

$$y = 9 \cdot 9151036 r \sin(70^\circ 22' 53 \cdot 57 + v)$$

$$z = 9 \cdot 7938776 r \sin(90^\circ 52' 21 \cdot 46 + v)$$

mit welchen die folgende Ephemeride von Tag zu Tag gerechnet wurde.

1847		$\alpha$ app	$\delta$ app	$\log p$	Aberr.-Zeit	$\log r$	v
12 <sup>h</sup>	mittl. Par. Zeit						
Juli	20.	1 <sup>h</sup> 49 <sup>m</sup> 22 <sup>s</sup> 97	20° 1' 27" 54	9·88532	0 <sup>m</sup> 22 <sup>s</sup> 9	0·078 1050	-101° 32' 22" 19
	21.	56 10' 87	27 0 51 48	9·87779	10' 3	0·071 9887	100 51 10 73
	22.	2 3 30' 79	28 0 49 24	9·87050	10' 1	0·005 7703	100 9 0 09
	23.	11 5' 75	29 1 8 04	9·86349	4' 2	0·059 4474	99 25 29 23
	24.	19 2' 75	30 1 33 20	9·85681	5 58' 6	0·053 0175	98 40 40 00
	25.	27 22' 72	31 1 48 03	9·85046	53' 4	0·046 4775	97 54 30 49
	26.	30 6' 49	32 1 33 21	9·84451	48' 6	0·039 8252	97 0 55 00
	27.	45 14' 84	33 0 27 03	9·83897	44' 2	0·033 0509	96 17 49 62
	28.	54 48' 15	33 58 7 22	9·83389	40' 2	0·026 1700	95 27 10 35
	29.	3 4 40' 78	34 54 7 20	9·82931	30' 0	0·019 1032	94 34 52 20
	30.	15 10' 07	35 48 0 30	9·82520	33' 5	0·012 0321	93 40 50 24
	31.	25 59' 44	36 39 18 39	9·82176	30' 8	0·004 7744	92 44 59 14

1847 12 <sup>h</sup> mittl. Par. Zeit		$\alpha$ app	$\delta$ app	log $p$	Aberr.-Zeit	log $r$	$v$
August	1.	3 <sup>h</sup> 37 <sup>m</sup> 12 <sup>s</sup> 30	37 <sup>o</sup> 27' 32 <sup>''</sup> 57	9.81885	5 <sup>m</sup> 28 <sup>s</sup> 0	9.997 3875	- 91°47' 13 <sup>''</sup> 02
	2.	48 48 <sup>0</sup> 01	38 12 14 <sup>+</sup> 41	9.81656	26 <sup>+</sup> 9	9.989 8086	90 47 25.84
	3.	4 0 44 <sup>+</sup> 79	38 52 50 <sup>+</sup> 22	9.81491	25 <sup>+</sup> 0	9.982 2155	89 45 31.21
	4.	13 0 44	39 29 12 <sup>+</sup> 31	9.81391	24 <sup>+</sup> 9	9.974 4258	88 41 22.04
	5.	25 32 <sup>+</sup> 19	40 0 39 <sup>+</sup> 45	9.81357	24 <sup>+</sup> 0	9.966 4972	87 34 51.09
	6.	38 10 <sup>+</sup> 89	40 20 57 81	9.81390	24 <sup>+</sup> 9	9.958 4280	86 25 50.24
	7.	51 10 <sup>+</sup> 94	40 47 52 <sup>+</sup> 23	9.81490	25 <sup>+</sup> 0	9.950 2100	85 14 11.35
	8.	5 4 10 <sup>+</sup> 50	41 3 12 <sup>+</sup> 05	9.81057	20 <sup>+</sup> 9	9.941 8622	83 59 45.30
	9.	17 11 <sup>+</sup> 74	41 12 51 <sup>+</sup> 41	9.81890	28 <sup>+</sup> 0	9.933 3613	82 42 21.13
	10.	30 10 <sup>+</sup> 18	41 16 51 <sup>+</sup> 01	9.82185	30 9	9.924 7213	81 21 52.78
	11.	43 2 30	41 15 14 <sup>+</sup> 71	9.82544	33 <sup>+</sup> 0	9.915 9359	79 58 5.25
	12.	55 44 <sup>+</sup> 40	41 8 12 <sup>+</sup> 30	9.82961	36 <sup>+</sup> 8	9.907 0088	78 30 48.47
	13.	6 8 13 <sup>+</sup> 10	40 55 57 <sup>+</sup> 23	9.83435	40 <sup>+</sup> 5	9.897 9428	70 59 50.14
	14.	20 25 <sup>+</sup> 56	40 38 46 <sup>+</sup> 33	9.83903	44 <sup>+</sup> 7	9.888 7418	75 24 57.29
	15.	32 19 <sup>+</sup> 29	40 16 59 <sup>+</sup> 01	9.84541	49 <sup>+</sup> 3	9.879 4112	73 45 50.21
	16.	43 52 <sup>+</sup> 47	39 50 56 <sup>+</sup> 27	9.85167	54 <sup>+</sup> 4	9.869 9580	72 2 32.55
	17.	55 3 <sup>+</sup> 70	39 21 0 <sup>+</sup> 26	9.85835	59 <sup>+</sup> 9	9.860 3915	70 14 31.10
	18.	7 5 52 <sup>+</sup> 11	38 47 32 <sup>+</sup> 97	9.80544	0 5 <sup>+</sup> 8	9.850 <sup>+</sup> 233	68 21 30.10
	19.	16 17 <sup>+</sup> 24	38 10 50 <sup>+</sup> 20	9.87288	12 <sup>+</sup> 1	9.840 9673	66 23 31.17
	20.	20 19 <sup>+</sup> 03	37 31 30 <sup>+</sup> 67	9.88005	18 <sup>+</sup> 8	9.831 1411	64 19 59.40
	21.	35 57 <sup>+</sup> 75	36 49 36 <sup>+</sup> 05	9.88872	25 <sup>+</sup> 9	9.821 2057	62 10 43.57
	22.	45 13 <sup>+</sup> 94	36 5 30 <sup>+</sup> 48	9.89704	33 <sup>+</sup> 4	9.811 3663	59 55 20.42
	23.	54 8 <sup>+</sup> 30	35 19 30 <sup>+</sup> 20	9.90559	41 <sup>+</sup> 2	9.801 4723	57 33 50.58
	24.	8 2 41 <sup>+</sup> 94	34 31 49 <sup>+</sup> 80	9.91434	49 <sup>+</sup> 4	9.791 0184	55 5 39.38
	25.	10 55 <sup>+</sup> 09	33 42 42 <sup>+</sup> 58	9.92325	57 <sup>+</sup> 9	9.781 8454	52 30 37.02
	26.	18 50 <sup>+</sup> 70	32 52 19 <sup>+</sup> 57	9.93231	7 0 <sup>+</sup> 7	9.772 1989	49 48 29.11
	27.	26 28 <sup>+</sup> 29	32 0 50 <sup>+</sup> 04	9.94148	15 <sup>+</sup> 8	9.762 7320	40 59 3.30
	28.	33 49 <sup>+</sup> 47	31 8 24 <sup>+</sup> 30	9.95072	25 <sup>+</sup> 2	9.753 5038	44 2 10.12
	29.	40 55 <sup>+</sup> 40	30 15 7 <sup>+</sup> 80	9.96003	34 <sup>+</sup> 8	9.744 5799	40 57 43.71
	30.	47 47 <sup>+</sup> 42	29 21 7 <sup>+</sup> 31	9.96937	44 <sup>+</sup> 7	9.736 0319	37 45 42.79
	31.	54 26 <sup>+</sup> 46	28 26 28 <sup>+</sup> 23	9.97873	54 <sup>+</sup> 8	9.727 9371	34 20 11.46
September	1.	9 0 53 <sup>+</sup> 62	27 31 15 <sup>+</sup> 43	9.98807	5 <sup>+</sup> 1	9.720 3771	30 59 20.46
	2.	7 9 <sup>+</sup> 89	26 35 33 <sup>+</sup> 17	9.99739	15 <sup>+</sup> 7	9.713 4360	27 25 27.08
	3.	13 10 <sup>+</sup> 17	25 39 25 <sup>+</sup> 44	0.00064	20 <sup>+</sup> 3	9.707 1985	23 44 59.27
	4.	19 13 <sup>+</sup> 30	24 42 56 <sup>+</sup> 23	0.01582	37 <sup>+</sup> 2	9.701 7475	19 58 29.78
	5.	25 2 <sup>+</sup> 00	23 46 9 <sup>+</sup> 43	0.02492	48 <sup>+</sup> 1	9.697 1608	16 0 42.08
	6.	30 42 <sup>+</sup> 90	22 49 9 <sup>+</sup> 07	0.03390	59 <sup>+</sup> 2	9.693 5078	12 10 27.84
	7.	36 16 <sup>+</sup> 72	21 51 59 <sup>+</sup> 39	0.04275	9 10 <sup>+</sup> 2	9.690 8470	8 10 45.74
	8.	41 43 <sup>+</sup> 79	20 54 44 <sup>+</sup> 84	0.05149	21 <sup>+</sup> 4	9.689 2226	4 8 40.95
	9.	47 4 <sup>+</sup> 55	19 57 30 <sup>+</sup> 03	0.06001	32 <sup>+</sup> 6	9.688 0021	- 0 5 22.81
	10.	52 19 <sup>+</sup> 34	19 0 19 <sup>+</sup> 88	0.06840	43 <sup>+</sup> 7	9.689 1752	+ 3 57 50.92
	11.	57 28 <sup>+</sup> 42	18 3 19 <sup>+</sup> 34	0.07000	54 <sup>+</sup> 8	9.690 7531	8 0 6.44
	12.	10 2 32 <sup>+</sup> 01	17 6 33 <sup>+</sup> 41	0.08462	10 5 <sup>+</sup> 9	9.693 3689	11 59 50.30
	13.	7 30 <sup>+</sup> 25	16 10 7 <sup>+</sup> 05	0.09240	17 <sup>+</sup> 0	9.690 9791	+ 15 56 20.98

Von den 81 Beobachtungen des Kometen ist die Mehrzahl ohne Vergleichstern in einer Form gegeben, welche eine Verbesserung ausschliesst. Umso wichtiger schien es mir, auf die Reduction der 25 Beobachtungen, deren Vergleichstern angegeben ist, die grösste Sorgfalt zu verwenden. Dies sind insbesonders die Königsberger Heliometer-, die Pariser und Wiener Beobachtungen. Die benützten Vergleichsterne sind:

Nr.	$\alpha$ 1847 <sup>+</sup> 0	$\delta$ 1847 <sup>+</sup> 0	Red. ad l. a.	Autorität
1.	2 <sup>h</sup> 59 <sup>m</sup> 11 <sup>s</sup> 44	+ 34°52' 3 <sup>''</sup> 3	Juli 29. + 2 <sup>8</sup> 54 - 3 <sup>9</sup> 6	2 Merid. beob. Wien.
2.	3 3 10 <sup>+</sup> 80	34 45 3 <sup>5</sup>	29. 2 <sup>+</sup> 51 4 <sup>17</sup> 2 > > >	
3.	3 37 59 <sup>+</sup> 22	37 51 51 <sup>+</sup> 2	August 1. 2 <sup>+</sup> 47 0 <sup>91</sup> 4 > > > Königsberg.	
4.	3 48 19 <sup>+</sup> 45	38 23 41 <sup>+</sup> 2	2. 2 <sup>+</sup> 44 7 <sup>57</sup> 4 > > > >	
5.	3 49 30 <sup>+</sup> 54	38 22 37 <sup>+</sup> 3	2. 2 <sup>+</sup> 44 7 <sup>61</sup> 2 > > > Wien.	
6.	4 51 47 <sup>+</sup> 57	40 50 45 <sup>+</sup> 1	7. 2 <sup>+</sup> 22 11 <sup>22</sup> Fund. Cat. AG. ζ Aurigae.	
7.	5 19 26 <sup>+</sup> 00	41 9 8 <sup>5</sup>	9. 2 <sup>+</sup> 08 12 <sup>39</sup> AG. Bonn.	
8.	5 20 0 <sup>+</sup> 35	41 20 5 <sup>5</sup>	9. 2 <sup>+</sup> 08 12 <sup>46</sup> > >	
9.	5 28 20 <sup>+</sup> 30	41 15 55 <sup>5</sup>	10. 2 <sup>+</sup> 05 12 <sup>77</sup> 2 Merid. beob. Paris.	
10.	5 41 55 <sup>+</sup> 57	40 50 43 <sup>0</sup>	11. + 1 <sup>97</sup> - 13 <sup>14</sup> AG. Bonn.	
11.	5 45 7 <sup>18</sup>	41 17 20 <sup>70</sup>	+ 3 Merid. beob. Paris.	
		7 <sup>38</sup>	+ 3 > > Königsb. Ep. 1848-97.	
		7 <sup>31</sup>	+ 3 AG. Bonn 4832 > 1870-10.	
	Angenommen	7 <sup>30</sup> +	20 <sup>7</sup> 11. + 1 <sup>96</sup> - 13 <sup>32</sup>	

Nr.	$\alpha$ 1847° 0	$\delta$ 1847° 0	Red. ad l. a.	Autorität
12	5 <sup>h</sup> 53 <sup>m</sup> 19 <sup>s</sup> 06	+ 41° 11' 5.3	August 12. + 1892 - 13° 56'	AG Bonn.
13	0 0 32.08	40 55 53.8	13. 1° 85 13° 89	2 Merid. beob. Königsberg.
14	6 21 25.18	40 31 47.9	14. 1° 79 14° 09	AG Bonn.
15	7 7 15.08	39 8 32.0	18. 1° 53 14° 80	3 Merid. beob. Königsberg.
16	7 15 49.26	38 7 3.5	19. 1° 49 14° 72	4 > > >
17	7 45 41.74	+ 35 48 32.4	22. + 1° 36 - 14° 60	4 > > >

Bei Stern 11 dürfte Eigenbewegung vorhanden sein, nachdem die gleichzeitigen Pariser und Königsberger Meridianbeobachtungen in Declination übereinstimmen.

Nachdem die von den Beobachtern gegebenen Positionen in den angeführten Quellen enthalten sind, sehe ich hier von einer Wiedergabe der Raumersparnis wegen ab und bemerke noch, dass Änderungen nur dort vorgenommen wurden, wo offensche Versehen vorlagen. So ist z. B. an der Wiener Beobachtung vom 9. August bei der Verwandlung der Sternzeit in mittlere die Reduction auf mittlere Zeit  $-2^m 13^s 6$  weggelassen, nach deren Anbringung die Beobachtung sehr gut stimmt. Im Folgenden wurden die Parallaxen nach Oppolzer's Tafel berechnet und bei den zur Vergleichung der Beobachtungen mit der Ephemeride nöthigen Interpolationen die sehr bequeme Interpolationstafel in »Albrecht, Formeln und Hilfstafeln zur geographischen Ortsbestimmung« benutzt.

Nr.	Beobachtungs-ort	Mittlere Par. Zeit 1847	Geoc. $\alpha$	Geoc. $\delta$	Parallaxe in		Nr. des Sterns	Beobacht.-Rech.	
					$\alpha$	$\delta$		$d\alpha \cos \delta$	$d\delta$
1	Altona	Juli 21. 500993	1 <sup>h</sup> 50 <sup>m</sup> 17 <sup>s</sup> 31	—	-0° 52	—		+0° 02	—
2	"	21. 500107	—	27° 1° 30' 3	—	+ 7° 7		—	(+16° 7)
3	Hamburg	21. 518085	1 50 25.03	27 58.8	0° 50	7° 5		+0° 21	+ 0° 3
4	Altona	21. 534372	1 50 31.86	27 3 1° 9	0° 49	7° 2		+0° 37	+ 7° 2
5	Hamburg	24. 533804	2 19 20.24	30° 4 7.4	0° 53	7° 2		+0° 84	(+31° 7)
6	Altona	25. 519847	2 27 32.07	—	0° 50	—		-0° 18	—
7	"	25. 530700	—	31 3 33.1	—	7° 5		—	- 5° 6
8	Hamburg	25. 544247	2 27 42.54	31 4 19.2	0° 54	7° 2		(-2° 44)	- 8° 3
9	Twickenham	26. 524447	2 36 21.96	32 3 32.1	0° 62	8° 1		(+2° 00)	(+31° 7)
10	Hamburg	26. 503335	2 36 37.44	32 4 50.8	0° 53	6° 8		(-2° 59)	(-28° 0)
11	Wien	29. 471488	3 4 29.27	34 52 21.3	0° 71	8° 3	1, 2	-0° 07	-11° 8
12	Königsberg	Aug. 1. 490078	3 37 29.04	37 27 39.2	0° 05	8° 4	3	(+0° 02)	(+17° 6)
13	Hamburg	1. 527973	3 37 31.67	37 28 53.3	0° 07	8° 1		+0° 17	+ 8° 8
14	Wien	2. 443727	3 48 8.97	—	0° 71	—	5	+0° 55	—
15	Königsberg	2. 458330	3 48 18.77	38 10 38.3	0° 05	9° 6	4	+0° 16	+ 6° 6
16	Hamburg	2. 483208	3 48 36.53	38 11 40.7	0° 60	9° 6		+0° 30	+13° 6
17	Twickenham	3. 482003	4 0 33.03	38 52 18.3	0° 05	10° 5		+1° 03	+ 3° 8
18	Hamburg	3. 502505	4 0 48.00	38 53 5.2	0° 68	9° 2		+1° 08	+ 3° 2
19	"	4. 472074	4 12 40.50	39 28 15.0	0° 65	10° 2		+0° 35	- 1° 5
20	Bonn	5. 515101	4 25 43.47	40 1 12.9	0° 74	9° 1		-0° 10	+11° 9
21	Berlin	6. 430248	4 37 22.82	40 25 37.9	0° 58	11° 4		-0° 30	(+19° 9)
22	Hamburg	6. 491355	4 38 11.89	40 26 57.5	0° 67	10° 0		(+1° 26)	(+14° 7)
23	Königsberg	7. 453508	4 50 35.11	40 47 14.6	0° 03	10° 4		+0° 24	+13° 4
24	Bonn	7. 489189	4 51 2.90	40 47 44.6	0° 69	10° 2		+0° 33	+ 4° 2
25	Hamburg	7. 499814	4 52 4.57	40 49 15.3	0° 70	7° 0		-0° 50	+ 8° 0
26	Twickenham	7. 032904	4 52 55.00	40 50 22.9	0° 70	6° 1	6	+0° 50	+ 9° 0
27	Hamburg	8. 492750	5 4 9.42	41 3 13.0	0° 66	10° 2		(+3° 44)	+ 8° 8
28	"	8. 489410	5 17 4° 49	41 12 57.2	0° 04	10° 4		+0° 77	+10° 2
29	Wien	9. 522179	5 17 28.89	41 13 9.5	0° 79	8° 3	7	-0° 12	+ 9° 1
30	Twickenham	9. 555901	5 17 55.80	41 13 15.4	0° 73	9° 0	7, 8	-0° 33	+ 1° 7
31	Paris	9. 560352	5 17 59.22	41 13 9.9	0° 78	8° 4	8	+0° 28	- 5° 5
32	Hamburg	10. 491837	5 30 3.18	41 17 2.0	0° 62	10° 4		-0° 50	+11° 6
33	Paris	10. 600021	5 31 28.14	41 10 58.9	0° 78	7° 2	9	+0° 27	+ 2° 6
34	Königsberg	11. 439575	5 42 10.45	41 15 40.3	0° 54	11° 2	11	+0° 38	+10° 4
35	Wien	11. 469774	5 42 39.53	41 15 20.0	0° 67	10° 4	11	+0° 28	+ 3° 5
36	Hamburg	11. 478564	5 42 45.27	41 15 26.2	0° 58	10° 9		-0° 45	+ 6° 0
37	Bonn	11. 480278	5 42 47.80	41 15 22.8	0° 60	11° 0	10	+0° 40	+ 3° 0
38	Paris	11. 554814	5 43 44.59	41 15 2.1	0° 75	8° 9	11	+0° 13	+ 2° 2
39	"	11. 635583	5 44 40.45	41 15 2.4	0° 75	6° 0	11	-0° 08	(+26° 2)
40	Bonn	12. 490100	5 55 37.75	41 8 17.3	0° 60	10° 8	12	+0° 58	- 0° 7
41	Hamburg	12. 531471	5 50 8.37	41 8 9.4	0° 60	9° 5		+0° 09	(+15° 6)
42	Königsberg	13. 413872	6 7 9.17	40 57 13.9	-0° 53	+10° 9	13	-0° 05	+ 1° 5

Nr.	Beobachtungs-ort	Mittlere Par. Zeit 1847	Geoc. $\alpha$	Geoc. $\delta$	Parallaxe in		Nr. des Sterns	Beobacht.-Rech.		
					$\alpha$	$\delta$		$d\alpha \cos \delta$	$d\delta$	
43	Bonn	August 13.	503883	0° 8' 10" 42	40° 55' 47" 2	- 0° 01	+ 10° 4		- 0° 0	
44	Kremsmünster	13.	504058	0 8 15' 92	40 55 43' 4	0° 09	9' 7	- 0° 52	- 9' 7	
45	Hamburg	13.	528400	0 8 33' 83	40 55 36' 0	0° 04	9' 0	- 0° 28	+ 4' 1	
46	Twickenham	13.	500312	0 8 57' 30	40 55 0' 8	0° 07	9' 4	- 0° 34	- 2' 4	
47	Kremsmünster	14.	504053	0 20 27' 54	40 38 49' 0	0° 07	9' 8	- 0° 72	+ 7' 4	
48	Hamburg	14.	528057	0 20 45' 55	40 38 13' 3	0° 02	9' 7	- 0° 23	+ 0° 0	
49	Bonn	14.	000508	0 21 43' 50	40 30 28' 4	0° 71	7' 3	14	+ 0° 83	- 11' 5
50	Kremsmünster	15.	499553	0 32 17' 09	40 17 13' 4	0° 03	10' 0	(- 0° 97)	(+ 13° 8)	
51	Hamburg	15.	004890	0 33 32' 87	40 14 30' 6	0 00	7' 5	- 0° 09	+ 3' 9	
52	Kremsmünster	16.	494806	0 43 48' 09	39 51 2' 9	0° 59	10' 1	- 0° 58	- 2' 3	
53	>	10.	507003	0 43 55' 78	39 50 41' 4	0° 02	9' 8	(- 1° 10)	- 3' 0	
54	Hamburg	10.	551537	0 44 27' 77	39 49 34' 3	0° 01	9' 2	+ 0° 12	+ 5' 1	
55	Bonn	10.	569120	0 44 38' 13	39 49 5' 2	0° 66	8' 7	(- 1° 12)	+ 5' 8	
56	Kremsmünster	17.	500456	0 54 53' 79	39 20 50' 4	0° 58	10' 0	- 0° 10	- 3' 0	
57	>	17.	512113	0 55 0' 02	39 20 31' 8	0° 01	9' 0	- 0° 82	- 5' 3	
58	Berlin	17.	517184	0 55 14' 41	39 20 30' 1	0° 56	9' 8	- 0° 49	+ 2' 7	
59	Hamburg	17.	552343	0 55 37' 91	39 19 32' 5	0° 59	9' 2	- 0° 23	+ 12' 5	
60	Bonn	17.	582854	0 55 58' 03	39 18 22' 9	0° 05	8' 3	- 0° 21	+ 1' 0	
61	Kremsmünster	18.	492720	7 5 47' 09	38 47 48' 9	0° 54	10' 1	15	+ 0° 17	+ 1' 2
62	>	18.	521395	7 0 4' 70	38 47 18' 6	0° 01	9' 4	- 0° 80	(+ 30° 7)	
63	Hamburg	18.	525777	7 0 0' 58	38 46 52' 9	0° 52	9' 9	(- 1° 51)	(+ 14° 3)	
64	Königsberg	18.	539532	7 0 10' 71	38 46 12' 7	0° 57	8' 8	15	- 0° 43	+ 3' 1
65	Bonn	18.	588782	7 0 48' 50	38 44 25' 4	0° 04	8' 2	+ 0° 01	+ 0° 1	
66	Königsberg	19.	431806	7 15 34' 90	38 13 34' 3	0° 32	8' 1	16	+ 0° 80	+ 2' 7
67	Hamburg	19.	539148	7 16 40' 58	38 9 34' 5	0° 53	9' 5	- 0° 51	- 0' 4	
68	Kremsmünster	19.	575472	7 17 3' 19	38 7 57' 7	0° 00	7' 8	- 0° 22	(- 32° 9)	
69	>	20.	519333	7 20 30' 01	37 30 43' 5	0° 55	9' 4	+ 0° 14	+ 0° 1	
70	Hamburg	20.	539509	7 20 42' 29	37 29 58' 4	0° 54	9' 5	- 0° 03	+ 4' 4	
71	>	21.	544907	7 30 21' 50	30 47 41' 7	0° 50	9' 3	(- 1° 31)	+ 2' 0	
72	Kremsmünster	21.	558559	7 30 31' 16	30 47 4' 1	0° 00	8' 3	+ 0° 18	(- 38° 2)	
73	Königsberg	22.	529954	7 45 29' 85	30 4 10' 1	0° 48	9' 0	17	- 0° 42	+ 0° 7
74	Hamburg	23.	624108	7 55 13' 10	35 13 55' 1	0° 53	7' 4	- 0° 04	(+ 14° 7)	
75	>	26.	551378	8 19 13' 37	32 49 44' 2	0° 41	8' 7	(- 1° 10)	+ 1' 8	
76	Kremsmünster	29.	592792	8 41 32' 70	30 10 11' 4	0° 48	7' 1	(- 1° 28)	+ 2' 0	
77	>	30.	003281	8 48 28' 22	29 15 11' 9	0° 47	6' 8	- 0° 80	(- 18° 5)	
78	Hamburg	Sept. 4.	038741	9 20 1' 45	24 34 58' 6	0° 35	7' 0	- 0° 05	- 5' 9	
79	>	5.	032124	9 25 40' 00	23 38 42' 7	0° 30	6' 4	- 0° 81	+ 4' 5	
80	Kremsmünster	12.	040099	10 3 14' 02	10 58 47' 0	0° 34	5' 2	+ 0° 33	+ 11' 8	
81	Hamburg	12.	644234	10 3 15' 20	16 58 23' 8	- 0° 30	+ 5' 7	- 0° 09	+ 0° 1	

Im Allgemeinen ist der Anschluss der Ephemeride an die Beobachtungen ein guter zu nennen, doch zeigt das Überwiegen der positiven Differenzen in Declination (45 positive gegen 16 negative), dass eine weitere Verbesserung zu erreichen ist. Beobachtungen, deren Differenz 1° übersteigt, wurden ausgeschlossen, ferner einige, die vom Beobachter als sehr unsicher bezeichnet waren.

Zur Ableitung der Ephemeridencorrection schien es mir am sichersten, das rechnerische Ausgleichsverfahren anzuwenden. Es ergaben sich so für die Rectascensionen 66, für die Declinationen 62 Gleichungen von der Form

$$\Delta E = a + b(t-T) + c(t-T)^2,$$

welche nach der Methode der kleinsten Quadrate aufgelöst wurden, wobei die Beobachtungen mit Vergleichstern doppeltes Gewicht erhielten. Zur Bildung der Producte wurden die Crelle'schen Tafeln benutzt, mit welchen diese Arbeit in raschster und sicherster Weise erledigt wird. Für die Ephemeridencorrection ergaben sich die Ausdrücke

$$\Delta E' = -0^{\circ}04156 - 0^{\circ}016089(t-T) - 0^{\circ}0000036(t-T)^2$$

$$\Delta E'' = +3^{\circ}03574 + 0^{\circ}027406(t-T) + 0^{\circ}0003265(t-T)^2$$

$$T = \text{Aug. } 16^{\circ} 5.$$

Bringt man die hieraus für die einzelnen Zeitintervalle sich ergebenden Correctionen an den ursprünglichen Differenzen an, so bleiben noch folgende Fehler übrig, die in der Tabelle einerseits fortlaufend anderseits nach dem Beobachtungs-ort geordnet erscheinen.

Nr.	Altona		Berlin		Bonn		Hamburg		Königsberg		Kremsmünster		Paris		Twickenham		Wien	
	$\cos \delta da$	$d\delta$																
1	-0°35	-																
2	-	-																
3	-	-					- 0°16	- 2°2										
4	0°00	+ 4°7					+ 0°51	-										
5	-0°49	-					-	-										
6	-	- 8°2					-	- 10°9										
7	-	-					-	-										
8	-	-					- 0°03	+ 6°1										
9	-	-					+ 0°12	+ 10°9	-	-								
10	-	-					+ 0°90	+ 1°5	-	-								
11	-	-					+ 0°20	- 4°3	-	-								
12	-	-					-	-										
13	-	-					-	-										
14	-	-					-	-										
15	-	-					-	-										
16	-	-					-	-										
17	-	-					-	-										
18	-	-					-	-										
19	-	-					-	-										
20	-	-					-	-										
21	- 0°42	-	- 0°24	+ 9°1	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
22	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
23	-	-	+ 0°23	+ 1°4	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
24	-	-	-	-	-	-	+ 0°14	+ 10°6	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
25	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
26	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
27	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
28	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
29	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
30	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
31	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
32	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
33	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
34	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
35	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
36	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
37	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
38	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
39	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
40	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
41	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
42	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
43	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
44	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
45	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
46	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
47	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
48	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
49	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
50	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
51	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
52	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
53	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
54	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
55	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
56	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
57	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
58	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
59	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
60	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
61	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
62	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
63	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
64	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
65	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
66	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
67	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
68	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
69	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
70	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-

Digitized by the  
Harvard University, Ernst May Library

of the Museum of Comparative Zoology, Cambridge, MA

Original Download from The Biodiversity Heritage Library http://www.biodiversitylibrary.org

Digitized by Anton Schobloch

Digitized by the Harvard University, Ernst May Library

Digitized by Anton Schobloch

Nr.	Altona		Berlin		Bonn		Hamburg		Königsberg		Kremmünster		Paris		Twickenham		Wien	
	cos δ da	d δ	cos δ da	d δ	cos δ da	d δ	cos δ da	d δ	cos δ da	d δ	cos δ da	d δ						
71							--	- 1° 2'										
72																		
73									- 0° 28'	+ 3° 5'	+ 0° 30'	-						
74							+ 0° 11'	-										
75							-	- 1° 5'										
76											- 0° 8'							
77							- 0° 30'	- 9° 6'			- 0° 59'	-						
78							- 0° 45'	+ 0° 8'										
79											+ 0° 83'	+ 7° 8'						
80																		
81							+ 0° 41'	- 3° 9'										

Die folgende Tabelle gibt eine Übersicht über Anzahl der Beobachtungen, deren Fehler und Genauigkeit:

	Rectascensionen	Declinationen
Anzahl der Beobachtungen . . . . .	66	62
>    > positiven Fehler . . . . .	30	29
>    > negativen > . . . . .	35	32
>    0    > . . . . .	1	1
Numer. Summe der Fehler . . . . .	23°02'	297°7
Summe der Fehlerquadrate . . . . .	11871	2331°2
Mass der Präcision . . . . .	1°0787	0°1153
Mittlerer Fehler . . . . .	0°421	6°130

Die Vertheilung der Fehler nach ihrer absoluten Grösse erhellt aus folgender Zusammenstellung, wobei die nach der Theorie aus dem Mass der Präcision berechneten Werte nebenstehend gegeben werden.

Fehlergrenzen	Zahl der Fehler		Fehlergrenzen	Zahl der Fehler	
	Beobachtung	Rechnung		Beobachtung	Rechnung
0°0 — 0°1	9	12·4	0°0 — 1°	10	8°0
0°1 — 0°2	11	11·7	1 — 2	11	7°8
0°2 — 0°3	12	10·5	2 — 3	5	7°4
0°3 — 0°4	9	8·8	3 — 4	6	6°8
0°4 — 0°5	9	7·1	4 — 5	3	6°2
0°5 — 0°6	6	5·3	5 — 6	5	5°4
0°6 — 0°7	2	3·8	6 — 7	4	4°6
0°7 — 0°8	3	2·6	7 — 8	3	3°8
0°8 — 0°9	4	1·6	8 — 9	4	3°1
0°9 — 1°0	1	1·0	9 — 10	5	2°4
			10 — 11	3	1°9
			11 — 12	0	1°4
			12 — 13	1	1°0
			13 — 14	0	0°7
			14 — 15	2	0°5

Bei einer geringen Zahl Beobachtungen haben fehlertheoretische Untersuchungen immerhin wenig vertrauenerweckendes, doch scheint mir die Übereinstimmung mit der Theorie nicht unbefriedigend, umso mehr, als zu diesem Behufe kein Ausschluss von Beobachtungen vorgenommen wurde.

Nach Ermittlung der Ephemeridencorrection kann zur Bildung der Normalorte geschritten werden.

Es wurden hiefür folgende 5 Zeitpunkte gewählt.

	I. Juli 21°5	II. August 3°5	III. August 16°5	IV. August 29°5	V September 11°5
Rectasc. nach Eph.	29° 4' 13" 08	60° 11' 11" 92	100° 58' 6" 98	130° 13' 51" 88	149° 22' 6" 33
Corr. $\frac{15 \Delta E}{\cos \delta}$ . .	+ 0°31	+ 3°22	- 0°81	- 4°37	- 7°30
Red. 1847° . .	- 37°02	- 45°14	- 43°00	- 37°73	- 35°50
Normalort . . .	29 3 41'77	60 10 30'00	100 57 22'57	130 13 9'78	149 21 23'53
$d\alpha \cos \delta$ . . .	+ 5°025	+ 2°505	- 0°630	- 3°780	- 6°945
Declin. nach Eph.	27 0 51'48	38 52 56'22	39 50 50'27	30 15 27'80	18 3 19'34
Corr. $\Delta E$ . .	+ 2°54	+ 2°73	+ 3°04	+ 3°45	+ 3°97
Red. 1847° . . .	- 6°94	+ 1°07	+ 11°53	+ 10°35	+ 17°67
Normalort . . .	27 0 47'08	38 53 0'02	39 51 10'84	30 15 27'60	18 3 40'98
$d\delta$ . . .	+ 2°544	+ 2°735	+ 3°036	+ 3°447	+ 3°968

Bei der kurzen Beobachtungsdauer des Kometen ist ein Anwachsen der Störungen nicht zu erwarten, Nach einer graphischen Darstellung schien jedoch eine grössere Annäherung an Mercur Ende August, sowie vor der Entdeckung eine solche an Mars stattgefunden zu haben, weshalb ich die Eklipticalcoordinaten des Kometen für die Beobachtungszeit und rückwärts bis Juli 3°5, die Distanzen von den erwähnten Planeten und Jupiter, sowie die Störungen nach der Encke'schen Methode von 4 zu 4 Tagen berechnete. Für die Zeit vor der Entdeckung ergibt sich:

Coord.	Juli 3°5	Juli 7°5	Juli 11°5	Juli 15°5	Juli 19°5
$\odot$					
$x$	1°23500	1°20283	1°16870	1°13195	1°09323
$y$	- 0°79157	- 0°71931	- 0°64583	- 0°57058	- 0°49509
$z$	+ 0°15320	+ 0°16071	+ 0°16794	+ 0°17489	+ 0°18136
$\oplus$					
$x$	1°11608	1°15048	1°18280	1°21411	1°24215
$y$	- 0°81590	- 0°76533	- 0°71340	- 0°66073	- 0°60624
$z$	- 0°04449	- 0°04422	- 0°04397	- 0°04330	- 0°04295
$\log A$	9°36545	9°33538	9°34805	9°39798	9°46432

#### Störungen in den Eklipt. coord. durch Mars Oscul. Sept. 9°5 mittl. Par. Zeit.

	Juli 3°5	Juli 7°5	Juli 11°5	Juli 15°5	Juli 19°5
$\xi$	+ 3°55	+ 2°91	+ 2°33	+ 1°77	+ 1°30
$\eta$	- 2°26	- 1°71	- 1°24	- 0°87	- 0°60
$\zeta$	- 4°46	- 3°07	- 2°03	- 1°33	- 0°87

Die Entfernung vom Mars betrug Juli 7°5, demnach bloss 0°216 astronomische Einheiten, die Störungen sind jedoch so gering, dass keine merkliche Bahnänderung resultirt. Die Annäherung an Mercur beträgt 28. August 0°311 astronomische Einheiten. Die Gesammstörungen während der Beobachtungs-dauer sind:

#### Störungen in den Eklipt. coord. Oscul. Sept. 9°5 mittl. Par. Zeit.

	Juli 19°5	Juli 27°5	August 4°5	August 12°5	August 20°5	August 28°5	Septemb. 5°5
$\xi$	- 3°75	- 3°06	- 2°10	- 1°25	- 0°57	- 0°15	0°00
$\eta$	+ 0°20	+ 0°85	+ 1°00	+ 0°78	+ 0°51	+ 0°21	0°00
$\zeta$	- 2°70	- 1°78	- 1°11	- 0°62	- 0°18	- 0°04	0°00

Störungen in den Äquat. coord. Oscul. Sept. 9·5 mittl. Par. Zeit.

	Juli 19·5	Juli 27·5	August 4·5	August 12·5	August 20·5	August 28·5	Septemb. 5·5
$\xi'$	- 3·75	- 3·00	- 2·10	- 1·25	- 0·57	- 0·15	0 00
$\eta'$	+ 1·30	+ 1·49	+ 1·34	+ 0·94	+ 0·54	+ 0·21	0·00
$\zeta'$	- 2·40	- 1·26	- 0·60	- 0·25	- 0·04	+ 0·05	0·00

Diese geringen Störungswerte wurden vorläufig nicht berücksichtigt.

Zur Bildung der Differentialquotienten erfolgte die Übertragung der Ausgangselemente auf den Äquator und gab

T 1847 Sept. 9·522094 mittl. Par. Zt.

$$\begin{aligned} \pi' - \vartheta' &= \omega' \quad 99^\circ 52' 21\cdot48 \\ \vartheta' & \quad 336 \quad 6 \quad 59\cdot74 \\ i' & \quad 38 \quad 28 \quad 17\cdot38 \end{aligned} \left. \right\} \text{Äquin. 1847·0}$$

$$\begin{aligned} \log q & \quad 9\cdot6886618 \\ e & \quad 0\cdot9739298 \end{aligned}$$

Die Differentialformeln lieferten die 10 Bedingungsgleichungen, von welchen die ersten fünf den Rectascensionen, die übrigen den Declinationen angehören.

$$\begin{aligned} 0\cdot75012 &= 8\cdot00207 di' + 9\cdot52666 \sin i'd\vartheta' + 9\cdot85510 d\pi' + 0\cdot22795 d\log q + 8\cdot42459_n dT + 9\cdot64638_n de \\ 0\cdot39881 &= 8\cdot22076_n \quad 8\cdot57193_n \quad 9\cdot57290 \quad 9\cdot92175_n \quad 8\cdot50013_n \quad 9\cdot73035_n \\ 9\cdot79934_n &= 9\cdot23820 \quad 9\cdot50963_n \quad 8\cdot11023_n \quad 9\cdot70427_n \quad 8\cdot32127_n \quad 9\cdot46094_n \\ 0\cdot57749_n &= 9\cdot40513 \quad 9\cdot25083_n \quad 7\cdot79894 \quad 9\cdot88184_n \quad 8\cdot02150_n \quad 8\cdot77592_n \\ 0\cdot84167_n &= 9\cdot38351 \quad 8\cdot44193 \quad 9\cdot15904 \quad 9\cdot80099_n \quad 7\cdot94037_n \quad 7\cdot55768 \\ 0\cdot40552 &= 8\cdot39337_n \quad 8\cdot20092_n \quad 9\cdot61865 \quad 9\cdot97128 \quad 8\cdot04991_n \quad 9\cdot00300_n \\ 0\cdot43696 &= 9\cdot41095 \quad 8\cdot10066_n \quad 8\cdot00822 \quad 8\cdot32427 \quad 7\cdot27403_n \quad 8\cdot57483_n \\ 0\cdot48230 &= 9\cdot65515 \quad 9\cdot91125_n \quad 9\cdot07025_n \quad 9\cdot08033_n \quad 8\cdot00857 \quad 9\cdot05821 \\ 0\cdot53744 &= 9\cdot62740 \quad 9\cdot32891_n \quad 9\cdot08485_n \quad 9\cdot41131 \quad 8\cdot12589 \quad 8\cdot73107 \\ 0\cdot59857 &= 9\cdot47748 \quad 9\cdot21399 \quad 9\cdot28233_n \quad 9\cdot70214 \quad 8\cdot09905 \quad 7\cdot70314_n. \end{aligned}$$

Durch die Substitutionen

$$\begin{aligned} 9\cdot65515 di' &= x \\ 0\cdot20092 \sin i'd\vartheta' &= y \\ 9\cdot85510 d\pi' &= z \\ 0\cdot22795 d\log q &= u \\ 8\cdot50613 dT &= v \\ 9\cdot73035 de &= w \\ 0\cdot84167 &= \log \text{Fehlerinheit} \end{aligned}$$

ergeben sich hieraus die homogen gemachten Bedingungsgleichungen:

$$\begin{aligned} 9\cdot90845 &= 8\cdot34692 x + 9\cdot32574 y + 0\cdot00000 z + 0\cdot00000 u + 9\cdot91846_n v + 9\cdot91603_n w \\ 9\cdot55714 &= 8\cdot56561_n \quad 8\cdot37101_n \quad 9\cdot71780 \quad 9\cdot69380 \quad 0\cdot00000_n \quad 0\cdot00000_n \\ 8\cdot95767_n &= 9\cdot58305 \quad 9\cdot30871_n \quad 8\cdot25513_n \quad 9\cdot47032_n \quad 9\cdot81514_n \quad 9\cdot73059_n \\ 9\cdot73582_n &= 9\cdot80998 \quad 9\cdot04991_n \quad 7\cdot94384 \quad 9\cdot65389_n \quad 9\cdot51543_n \quad 9\cdot04557_n \\ 0\cdot00000_n &= 9\cdot72836 \quad 8\cdot24101 \quad 9\cdot30394 \quad 9\cdot63304_n \quad 9\cdot43424_n \quad 7\cdot82733 \\ 9\cdot56385 &= 8\cdot73822_n \quad 0\cdot00000_n \quad 9\cdot76355 \quad 9\cdot74333 \quad 9\cdot54378_n \quad 9\cdot33271_n \\ 9\cdot59529 &= 9\cdot75580 \quad 9\cdot95974_n \quad 8\cdot15312 \quad 8\cdot09632 \quad 8\cdot70790_n \quad 8\cdot84448_n \\ 9\cdot64063 &= 0\cdot00000 \quad 9\cdot71033_n \quad 9\cdot21515_n \quad 8\cdot85238_n \quad 9\cdot56244 \quad 9\cdot32786 \\ 9\cdot69577 &= 9\cdot97225 \quad 9\cdot12799_n \quad 9\cdot22975_n \quad 9\cdot18330 \quad 9\cdot61976 \quad 9\cdot00072 \\ 9\cdot75690 &= 9\cdot82233 \quad 9\cdot01307 \quad 9\cdot42723_n \quad 9\cdot47419 \quad 9\cdot59292 \quad 8\cdot03279_n. \end{aligned}$$

Diese Gleichungen, nach der Methode der kleinsten Quadrate behandelt, führen auf die Normalgleichungen:

$$\begin{aligned}
 & + 3.5000x - 1.1710y - 0.4152z - 0.3847u + 0.4130v + 0.0160w = + 0.5702 \\
 & - 1.1710 + 2.2220 - 0.3080 - 0.2143 + 0.2132 + 0.1202 = - 0.7322 \\
 & - 0.4152 - 0.3080 + 1.7770 + 1.4007 - 1.8360 - 1.5111 = + 0.7030 \\
 & - 0.3847 - 0.2143 + 1.4007 + 2.1453 - 0.9030 - 1.2332 = + 2.1130 \\
 & + 0.4130 + 0.2132 - 1.8360 - 0.9030 + 2.8811 + 2.2635 = - 0.0834 \\
 & + 0.0160 + 0.1202 - 1.5111 - 1.2332 + 2.2635 + 2.0874 = - 0.8954
 \end{aligned}$$

aus welchen die folgenden Eliminationsgleichungen hervorgehen:

$$\begin{aligned}
 0.54414x + 0.06856_n y + 9.61820_n z + 9.58512_n u + 9.61595 v + 8.20412 w &= 9.75603 \\
 0.26260 y + 9.05020_n z + 9.53528_n u + 9.54575 v + 9.11910 w &= 9.73357_n \\
 0.20933 z + 0.10427 u + 0.23077_n v + 0.10941_n w &= 9.80514 \\
 0.01728 u + 9.73553 v + 8.67293_n w &= 0.19671 \\
 9.84091 v + 9.85072 w &= 9.29699_n \\
 7.45572 w &= 7.45332_n
 \end{aligned}$$

Für die Summen der Fehlerquadrate, von denen später Gebrauch gemacht wird, ergab sich:

$$[nn] = 3.1436, [nu5] = 0.2046, [nu6] = 0.2020, \text{ entsprechend } 151^{\circ}62, 9^{\circ}87, 9^{\circ}74.$$

Aus der letzten Eliminationsgleichung ist eine bedeutende Unsicherheit in der Bestimmung von  $w$  ersichtlich. Um zu bestimmen, in welcher Weise diese Unsicherheit sich auch auf die anderen Unbekannten erstreckt, wurden  $x, y, z, u$  als Functionen von  $v$  und  $w$  dargestellt und erhalten:

$$\begin{aligned}
 u &= 0.17943 + 9.71825_n v + 8.65565 w \\
 z &= 9.89900_n + 0.16465 v + 9.94283 w \\
 y &= 9.31388_n + 8.82465 v + 9.17782 w \\
 x &= 9.22036 + 8.30514 v + 9.18966 w.
 \end{aligned}$$

Diese Werte, in die homogenen Bedingungsgleichungen eingesetzt, liefern das System zur Bestimmung von  $v$  und  $w$ :

$$\begin{aligned}
 9.09367 v + 9.12395 w &= 9.11647 \\
 9.69697_n v + 9.72355_n w &= 8.46135 \\
 9.72343_n v + 9.73118_n w &= 9.38407 \\
 8.86741_n v + 8.60991_n w &= 8.13354 \\
 9.41306 v + 9.39657 w &= 9.44149_n \\
 9.14771 v + 9.20262 w &= 9.31781_n \\
 8.97169_n v + 9.02502_n w &= 9.01616 \\
 9.17164 v + 9.15567 w &= 9.15491 \\
 8.99524 v + 8.92033 w &= 8.71775_n \\
 9.12882_n v + 9.05477_n w &= 9.25556_n
 \end{aligned}$$

aus welchem nach der Methode der kleinsten Quadrate folgt:

$$\begin{aligned}
 9.84123 v + 9.85081 w &= 9.29548_n \\
 9.85081 v + 9.86232 w &= 9.31248_n.
 \end{aligned}$$

Die Coefficienten der beiden Gleichungen sind nahe proportional, womit die Unsicherheit in der Bestimmung von  $w$  in Zusammenhang steht. Für  $v$  ergibt sich:

$$v = 9.45425_n + 0.00959_n w.$$

Dieser Wert, in die Ausdrücke für die Unbekannten substituiert, gibt mit Rücksicht auf die Homogenitätsfactoren, wenn man zunächst von einer Bestimmung von  $w$  absieht und dieses gleich Null setzt, folgende Verbesserungen der Elemente und Darstellung der Normalorte:

$d\vartheta = + 2^{\circ}464$	1. $+1^{\circ}153$	6. $-1^{\circ}166$
$d\varpi = - 1^{\circ}582$	2. $-0^{\circ}783$	7. $+0^{\circ}536$
$d\pi = -11^{\circ}716$	3. $+0^{\circ}636$	8. $+1^{\circ}286$
$d \log q = +0^{\circ}0000331$	4. $-0^{\circ}051$	9. $-0^{\circ}167$
$d T = -0^{\circ}0002988$	5. $-1^{\circ}408$	10. $-1^{\circ}517$
$d e = 0$	Summe der Fehlerquadrate $9^{\circ}96$ entsprechend $[nn5] = 9^{\circ}87$ .	

Die Darstellung der Normalorte ist eine auffallend gute und es schien mir wünschenswerth, das Resultat durch eine directe Rechnung zu verificiren, bevor an eine Bestimmung von  $w$  geschritten wird. Die gefundenen Verbesserungen, an die äquatorialen Elemente angebracht, geben das System:

$$\begin{aligned} T &= 1847 \text{ Sept. } 9^{\circ}521795 \text{ mittl. Par. Zt.} \\ \pi' - \vartheta' &= \omega \quad 99^{\circ} 52' 11''35 \\ \vartheta' &= 336 \quad 6 \quad 58.16 \\ i' &= 38 \quad 28 \quad 19.84 \\ \log q &= 9.6886949 \\ e &= 0.9739298 \end{aligned}$$

$\left. \begin{array}{l} \vartheta' \\ i' \end{array} \right\} \text{Äquat. und mittl. Äquat. } 1847 \cdot 0$

Dieses liefert die helioc. Äquat.-Coordinaten:

$$\begin{aligned} x &= 9.9857655 r \sin(170^{\circ} 44' 58.97'' + v) \\ y &= 9.9151013 r \sin(70^{\circ} 22' 40.84'' + v) \\ z &= 9.7938843 r \sin(99^{\circ} 52' 41.35'' + v) \end{aligned}$$

mit welchen die Positionen für die Normalortszeiten berechnet und hiebei auch die kleinen oben gegebenen Störungswerte mitgenommen wurden. Das Resultat ist aus folgender Tabelle ersichtlich:

1847 mittl. Par. Zeit	Juli 21.5	August 3.5	August 16.5	August 29.5	September 11.5
$v$	$-100^{\circ}51' 1''64$	$-89^{\circ}45' 14''00$	$72^{\circ} 1' 13''26$	$-40^{\circ}57' 26''13$	$+8^{\circ} 0' 7''51$
$\log r$	$0.0719846$	$9.9822130$	$9.8699022$	$9.7445993$	$9.6907804$
mittl. $\alpha$	$29^{\circ} 3' 40''73$	$60^{\circ}10' 31''53$	$100^{\circ}57' 21''05$	$130^{\circ}13' 9''79$	$149^{\circ}21' 25''01$
mittl. $\delta$	$27^{\circ} 0' 48''33$	$38^{\circ}52' 59''47$	$39^{\circ}51' 9''53$	$30^{\circ}15' 27''81$	$18^{\circ} 3' 42''51$
$\log p$	$9.87779$	$9.81493$	$9.85169$	$9.90004$	$9.07000$

#### Normalort—directe Rechnung

$d\alpha \cos \delta$	$d\delta$
1. $+0^{\circ}93$	6. $+1^{\circ}25$
2. $-0^{\circ}88$	7. $+0^{\circ}55$
3. $+0^{\circ}71$	8. $+1^{\circ}31$
4. $-0^{\circ}01$	9. $-0^{\circ}21$
5. $-1^{\circ}41$	10. $-1^{\circ}53$

#### Directe Rechnung—Different.-Rechnung

$d\alpha \cos \delta$	$d\delta$
1. $-0^{\circ}22$	6. $-0^{\circ}08$
2. $-0^{\circ}10$	7. $+0^{\circ}01$
3. $+0^{\circ}07$	8. $+0^{\circ}02$
4. $+0^{\circ}04$	9. $-0^{\circ}04$
5. $+0^{\circ}00$	10. $-0^{\circ}01$

Die Übereinstimmung ist völlig befriedigend. Ein Vergleich der oben gegebenen Werthe von  $[nn5]$  und  $[nn6]$  zeigt, dass eine wesentliche weitere Verbesserung durch Bestimmung von  $w$  nicht zu erreichen sein wird. Die Bedingungsgleichungen hiefür sind:

$$\begin{aligned} 7.79166 w &= 9.22029 & 8.19870 w &= 9.22502_n \\ 8.30756_n w &= 9.05201_n & 8.00638_n w &= 8.88720 \\ 7.35918 w &= 8.96186 & 7.93833_n w &= 9.26745 \\ 8.53915 w &= 7.86765_n & 8.25233_n w &= 8.38127_n \\ 8.18824_n w &= 9.30684_n & 8.38189 w &= 9.33927_n \end{aligned}$$

Hieraus folgt nach der Methode der kleinsten Quadrate:  $w = 0 \cdot 03335$ , und die Verbesserungen der Elemente sind:

$$\begin{aligned} d\iota' &= +0 \cdot 24 \\ d\Omega' &= -2 \cdot 21 \\ d\pi' &= -5 \cdot 26 \\ d\log q &= +0 \cdot 0000206 \\ dT &= +0 \cdot 0008602 \\ de &= -0 \cdot 0000676 \end{aligned}$$

Die Darstellung der Normalorte wird:

1.	+1°200	6.	-1°047		
2.	-0°935	7.	+0°609		
3.	+0°653	8.	+1°221	Summe der Fehlerquadrate: 9°94	
4.	+0°209	9.	-0°301	Wahrscheinlicher Fehler eines Normalortes: $\pm 0 \cdot 69$ .	
5.	-1°524	10.	-1°336		

Die gefundenen Verbesserungen geben die Elemente:

$$\begin{array}{l} T \text{ 1847 Sept. } 9 \cdot 522954 \text{ mittl. Par. Zeit.} \\ \pi' \quad 75^\circ 59' 15'' 96 \\ \Omega' \quad 336^\circ 6' 57'' 53 \left. \right\} \text{ Äquator und mittl. Äquin. 1847} \cdot 0 \\ i' \quad 38^\circ 28' 17'' 62 \end{array}$$

Behufs Verificirung durch eine directe Rechnung wurden daraus abgeleitet die heliocentr. Äquat.-Coordinaten:

$$\begin{aligned} x &= 9 \cdot 9857657 r \sin(170^\circ 45' 4'' 97 + v) \\ y &= 9 \cdot 9151044 r \sin(70^\circ 22' 47 \cdot 94 + v) \\ z &= 9 \cdot 7938784 r \sin(99^\circ 52' 18 \cdot 43 + v). \end{aligned}$$

Mit diesen ergeben sich für die Normalortszeiten die Positionen:

1847 mittl. Par. Zeit	Juli 21° 5	August 3° 5	August 16° 5	August 29° 5	September 11° 5
$v$	-100° 51' 13'' 04	-89° 45' 25'' 94	-72° 2' 26'' 64	-48° 57' 42'' 87	+7° 59' 51'' 48
$\log r$	0° 0719785	9° 9822107	9° 8699019	9° 7445978	9° 0907714
mittl. $\alpha$	29° 3' 40'' 57	60° 10' 31'' 02	100° 57' 21'' 60	130° 13' 9'' 40	149° 21' 25'' 13
mittl. $\delta$	27° 0' 48'' 19	38° 52' 59'' 51	39° 51' 9'' 03	30° 15' 27'' 95	18° 3' 42'' 31

Normalort—directe Rechnung		Directe Rechnung—Different.-Rechnung	
$d\alpha \cos \delta$	$d\delta$	$d\alpha \cos \delta$	$d\delta$
1. +1°07	6. -1°11	1. -0°13	6. -0°06
2. -0°79	7. +0°51	2. +0°15	7. -0°10
3. +0°70	8. +1°21	3. +0°05	8. -0°01
4. +0°28	9. -0°35	4. +0°07	9. -0°05
5. -1°52	10. -1°33	5. +0°00	10. +0°01

Auch hier ist die Übereinstimmung ganz befriedigend. Um zu entscheiden, welches der zwei gefundenen Elementarsysteme als definitiv zu betrachten ist, mag die Fehlerquadratsumme der nach directer Rechnung übrig bleibenden Fehler benutzt werden. Beim ersten System beträgt dieselbe 10°10, beim zweiten 9°50, so dass letzteres die bessere Darstellung gibt.

Die definitiven Elemente auf die Ekliptik übertragen sind:

T 1847 Sept. 9·522954 mittl. Par. Zeit.

$\pi$	79°	8'	22"32	Ekliptik und mittl. Äquin. 1847·0
$\Omega$	309	50	19·24	
$i$	19	9	0"75	
$\log q$	9·6886824			
$e$	0·9738622			
$a$	18·68			
$U$	80·75			

Erfahrungsgemäss haben die periodischen Kometen ihr Aphel zumeist in der Nähe der Bahnen der grossen Planeten. Für unseren Komet ist die Apheldistanz 36·87 astron. Einheiten, er gehört also zur Gruppe, deren Aphel in der Nähe der Neptunsbahn liegt. Es sind dies folgende Kometen:

Komet	Apheldistanz
1852 IV	29·6
1884 I (P—Bs)	33·4
1887 V (O)	34·1
1846 IV	34·5
1835 III (H)	35·4
1847 V	36·9
	Mittel 34·0
	Neptun 30·3

Was die Grenzen der Umlaufszeit betrifft, welche noch mit den Beobachtungen vereinbar sind, mögen die Normalorte und Variationen der Elemente als Function von  $de$  angegeben werden:

$$\begin{aligned}
 1. & +1^{\circ}153 - 0\cdot00333 de'' & 2. & -0\cdot783 + 0\cdot01091 de'' & 3. & +0\cdot636 - 0\cdot00123 de'' & 4. & -0\cdot051 - 0\cdot01860 de'' & 5. & -1\cdot408 + 0\cdot00829 de'' \\
 7. & -1\cdot166 - 0\cdot00849 de'' & 7. & +0\cdot536 + 0\cdot00545 de'' & 8. & +1\cdot286 + 0\cdot00466 de'' & 9. & -0\cdot167 + 0\cdot00961 de'' & 10. & -1\cdot517 - 0\cdot01295 de'' \\
 d\pi' & = -11\cdot715 - 0\cdot46292 de'' & d\Omega' & = -1\cdot582 + 0\cdot04478 de'' & di' & = +2\cdot464 + 0\cdot15947 de'' \\
 d\log q & = +0\cdot0000331 + 0\cdot0000008935 de'' & dT & = -0\cdot0002988 - 0\cdot00008306 de'' 
 \end{aligned}$$

Nach den differentiellen Ausdrücken würde die Umlaufszeit keine bedeutenden Änderungen zulassen, für  $de'' = \pm 200''$  erhält man eine Darstellung der Normalorte, welche nach Grösse der Fehler und Vertheilung der Vorzeichen mir nicht mehr zulässig erscheint. Für diese Werthe wurde aber die Umlaufszeit 85·9 und 76·7 Jahre betragen. Bemerkenswerth erscheinen jedoch in den Ausdrücken für  $d\pi'$  und  $di'$  die Factoren von  $de''$ . Für grössere Werthe von  $de''$  resultiren so bedeutende Correctionen dieser Elemente, dass es zweifelhaft ist, ob die durch directe Rechnung aus den Elementen erhaltenen Werthe mit den aus den Differentialformeln folgenden übereinstimmen werden. Um hierüber eine sichere Entscheidung zu treffen, erscheint es, wie mir Herr Prof. Kreutz mittheilt, empfehlenswerth, die Bedingungsgleichungen unter festen Annahmen über die Excentricität aufzulösen und so in jedem Falle die übrigen Elemente den Normalorten möglichst anzupassen. Die Resultate müssen noch in jedem Falle durch directe Rechnung aus den Elementen controlirt werden. Nachdem dies für eine grössere Reihe von Annahmen über die

Excentricität immerhin eine nicht unbeträchtliche Mehrarbeit erfordert, gedenke ich hierauf in einer eigenen Untersuchung zurückzukommen.

Bevor ich schliesse, möge noch einer Beziehung des Kometen zur Jupiterbahn Erwähnung geschehen. Bezeichnet man mit  $r_{\text{K}}$  und  $r_{\text{J}}$  die derselben heliocentrischen Länge entsprechenden Radienvectorn der Kometen- und Jupiterbahn, mit  $b_{\text{K}}$  und  $b_{\text{J}}$  die dazu gehörigen heliocentrischen Breiten, so ist, wenn  $\Delta$  den Abstand der beiden Bahnen bedeutet:

$$\Delta^2 = (r_{\text{K}} - r_{\text{J}})^2 + 4r_{\text{K}}r_{\text{J}} \sin^2 \frac{1}{2}(b_{\text{K}} - b_{\text{J}}).$$

Mit den für 1847° 0 geltenden Jupiterelementen verificirt man leicht die in folgender Tabelle gemachten Angaben. Als constanter Werth für  $r_{\text{J}}$  wurde 5·2028 genommen.

Heliocentr. Länge	$v$	$r_{\text{K}}$	$b_{\text{K}}$	$b_{\text{J}}$	$r_{\text{K}} - r_{\text{J}}$	$4r_{\text{K}}r_{\text{J}} \sin^2 \frac{1}{2}(b_{\text{K}} - b_{\text{J}})$	$\Delta$
290°	209° 48'	0° 2254	— 6° 43'	— 15'	+ 1° 0226	0° 4126	1° 2076
291	210 50	5° 8851	24	16	0° 0823	0° 3494	0° 9028
292	211 53	5° 5703	4	18	0° 3079	0° 2944	0° 6553
293	212 56	5° 2792	5 45	19	0° 0764	0° 2402	0° 5021
294	213 59	5° 0092	25	20	- 0° 1936	0° 2050	0° 4924
295	215 2	4° 7592	5	22	0° 4436	0° 1680	0° 6039
220	140 51	3° 9393	19 9	+ 67	- 1° 2035	2° 5393	2° 0337
222	142 44	4° 2867	8	66	0° 9161	2° 7534	1° 8954
224	144 38	4° 6830	6	64	0° 5198	2° 9903	1° 8057
226	146 31	5° 1369	3	63	0° 0659	3° 2534	1° 8049
228	148 25	5° 6580	18 58	63	+ 0° 4552	3° 5458	1° 9372
230	150 18	6° 2620	52	59	1° 0592	3° 8753	2° 2354

Man ersieht hieraus, dass die Kometenbahn in Länge 294° entsprechend  $v = 214^\circ$  der Jupiterbahn sich bis auf 0° 5 astr. Einheiten nähert. Das Minimum tritt ein in Länge 293° 30', entsprechend  $v = 213^\circ 27' 5$  und beträgt 0° 478 astr. Einheiten. Eine zweite Annäherung findet statt in Länge 224—226° entsprechend  $v = 144^\circ 38'—146^\circ 31'$  und beträgt 1° 80 astr. Einheiten. Man kann hieran die Vermuthung anknüpfen, dass der Komet seine Bahn durch Jupiter erhalten habe; gewiss wird aber der Komet gegebenenfalls sehr beträchtlichen Störungen durch Jupiter ausgesetzt sein.

# ZOBODAT - [www.zobodat.at](http://www.zobodat.at)

Zoologisch-Botanische Datenbank/Zoological-Botanical Database

Digitale Literatur/Digital Literature

Zeitschrift/Journal: [Denkschriften der Akademie der Wissenschaften.Math.Natw.Kl.](#)  
[Frueher: Denkschr.der Kaiserlichen Akad. der Wissenschaften. Fortgesetzt:](#)  
[Denkschr.oest.Akad.Wiss.Mathem.Naturw.Klasse.](#)

Jahr/Year: 1899

Band/Volume: [67](#)

Autor(en)/Author(s): Schobloch Anton

Artikel/Article: [Bahnbestimmung des Kometen 1847 V \(Brorsen\). 205-220](#)